



This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

### Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + *Refrain from automated querying* Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

### About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at <http://books.google.com/>

HARVARD UNIVERSITY



LIBRARY  
OF THE  
PEABODY MUSEUM OF AMERICAN  
ARCHAEOLOGY AND ETHNOLOGY

-Bought Received in various  
ways. 1912-1938



Фото-Литограф Шереръ, Издатель и Книгъ М. скан

M. V. Brusnitsyn

известия императорского общества любителей естествознания, антропологии и этнографии  
состоящего при Московском университете  
рт. 1-3 в 1 табл ас  
1879

ИЗВЕСТИЯ ИМПЕРАТОРСКОГО ОБЩЕСТВА ЛЮБИТЕЛЕЙ ЕСТЕСТВОЗНАНИЯ, АНТРОПОЛОГИИ И ЭТНОГРАФИИ,  
СОСТОЯЩЕГО ПРИ МОСКОВСКОМ УНИВЕРСИТЕТЕ.  
Томъ XXXVIII, выпускъ 1.  
Труды Антропологического Отдѣла, томъ 6.

Antropologicheskii tablitsy

# АНТРОПОЛОГИЧЕСКИЯ ТАБЛИЦЫ,

для  
для

Kraniologicheskikh i Kefalometricheskikh vychislenii  
КРАНІОЛОГІЧЕСКИХЪ И КЕФАЛОМЕТРИЧЕСКИХЪ ВЫЧИСЛЕНИЙ

sostavleny  
составлены  
P. Broka  
П. БРОКА

Профессоромъ Парижского Медицинского Факультета.

выпуск I  
выпускъ 1.

Введение: Объ употреблении антропологических таблиц.

перевод  
предъ  
Anatolija Boedanova  
Анатолія Богданова

(Издание на средства, пожертвованныя Ф. А. Терещенко).

МОСКВА.

Типография и Литография С. П. Архипова и К°, Большая Кисловка, собственный домъ.  
1879.

L. Soc. 100. 137. 5. ?  
Received in various ways  
— 1938

Напечатано по определению Совета Императорского Общества Любителей Естествознания, Антропологии и Этнографии.  
Президент Общества, Тайный Советник Григорий Шуровский.

Въ бытность мою въ Парижѣ въ 1874 году я имѣлъ случай ознакомиться съ антропологическими таблицами г. Брока и убѣдиться въ значительномъ облегченіи, доставляемомъ ими при краніологическихъ вычисленияхъ. По моей просьбѣ г. Брокѣ доставилъ мнѣ одинъ рукописный экземпляръ для Зоологического Музея Московскаго Университета, которымъ я съ того времени и пользовался постоянно. Въ послѣдніе года число лицъ, интересующихся антропологическими изслѣдованіями, увеличилось значительно даже въ Москвѣ и для одной нашей лабораторіи и для членовъ Антропологического Отдѣла потребовалось нѣсколько экземпляровъ. Такъ какъ переписка такихъ таблицъ и дорога, и затруднительна, и такъ какъ мнѣ было выражено нѣкоторыми моими со-товарищами желаніе видѣть подобныя таблицы напечатанными, то я воспользовался новымъ своимъ свиданіемъ съ г. Брокомъ на Антропологическомъ конгрессѣ въ Парижѣ въ 1878 г., чтобы не только попросить у него права издать таблицы, но также предложить ему отъ имени Комитета Антропологической выставки и Совѣта Общества оказать содѣйствіе въ томъ, чтобы уменьшить и облегчить употребленіе такихъ таблицъ присоединеніемъ къ нимъ особаго введенія. Мнѣ казалась особенно необходимо пояснительная статья для тригонометрическихъ таблицъ и приемовъ, столь интересныхъ для краніологовъ и столь еще мало распространенныхъ у насъ въ Россіи. Въ самомъ дѣлѣ, хотя профессоръ Брокѣ и написалъ нѣсколько статей о приложении тригонометріи къ краніологии, но онѣ, какъ помѣщенныя въ специальныхъ журналахъ, не могли быть постоянно подъ руками у большинства наблюдателей, въ особенности въ провинціальныхъ городахъ. Г. Брокѣ любезно согласился на мое предложеніе и составилъ сводъ всего имъ написанного о тригонометрическихъ приемахъ съ нѣкоторыми добавленіями въ особой статьѣ пынѣ издаваемой мною въ переводѣ. Статья эта написана сцециальнно для изданій Общества Любителей Естествознанія и служить программою или инструкцію тѣхъ изслѣдованій, кои Брокѣ стре-мится ввести въ Антропологію.

Такъ какъ инструкціи Брокѣ (антропологическая и краніометрическая, а также таблицы) оказали существенную услугу Антропологіи, въ развитіи и упроченіи коей г. Брокѣ стяжалъ особенно много заслугъ, то Комитетъ выставки приложилъ портретъ г. Брокѣ къ его статьѣ, редактированной специальнно для Общества. Это сдѣлано какъ выраженіе признательности Общества къ своему сочлену, постоянно содѣйствовавшему ему и сочувствовав-шему во всѣхъ его начинаніяхъ по Антропологіи во все истекшее десятилѣтіе Антропологического Отдѣла.

Измайлово. Пасѣка Общества Акклиматизації.

22 Іюля 1879 г.

Анатолій Богдановъ.



# АНТРОПОЛОГИЧЕСКИЯ ТАБЛИЦЫ.

## § 1. Методъ краніометрическихъ указателей и польза антропологическихъ таблиц.

Цѣль краніометріи состоитъ въ выраженіи съ помо-  
щю чиселъ не только абсолютныхъ размѣровъ черепа,  
но также и соотношеній, существующихъ между этими  
размѣрами и дающихъ возможность придать математи-  
ческую точность опредѣленію общихъ формъ всего че-  
репа или нѣкоторыхъ специальныхъ его отдѣловъ, и вы-  
разить это опредѣленіе въ числовыхъ величинахъ.

Можно видоизмѣнять до безконечности изученіе вза-  
имныхъ соотношеній краніометрическихъ линій. Между  
этими соотношеніями существуетъ большое число такихъ,  
которыя представляютъ толькъ или другой частный инте-  
рѣстъ, но имѣются также и такія, кои особенно наглядно  
указываютъ и опредѣляютъ морфологические признаки  
и вслѣдствіе того носятъ название *указателей*. Нѣкото-  
рые морфологические признаки, не менѣе существенные  
и важные, выражаются измѣреніями угловъ, получае-  
мыми, или прямо и непосредственно съ помощью *юни-  
метровъ*, или же особымъ методомъ, носящимъ название  
*тригонометрическаго*.

Изученіе краніометрическихъ линій, ихъ соотношеній  
и ихъ направленія, много облегчаетъ оцѣнку морфоло-  
гическихъ признаковъ черепа и ихъ дознанію; но если  
бы дѣло шло только объ описаніи отдѣльныхъ череповъ,  
то то же самое можно было бы до извѣстной степени  
удовлетворительно достигнуть прибавленіемъ къ описа-  
тельному тексту краніографическихъ рисунковъ. Если  
такія изображенія получены геометрическими способами  
и при соблюденіи строго опредѣленныхъ и постоянныхъ  
правилъ установки и ориентировки, то они очень удобны  
для сравнительного изученія и изслѣдованія; ихъ можно  
считать даже совершенно достаточными въ тѣхъ слу-  
чаяхъ, въ коихъ имѣется въ виду сравнивать только  
очень различные черепа, каковы, напримѣръ, черепъ че-  
ловѣка и гориллы. Но подраздѣленія рода человѣче-  
скаго слишкомъ близки другъ къ другу для того, чтобы  
методъ *индивидуальныхъ* или *единичныхъ наблюдений*  
быть вполнѣ достаточенъ. Видоизмѣненія, естественно  
являющіяся въ каждой расѣ, даже самой чистокровной,  
вызываютъ колебанія въ краніологическихъ признакахъ  
въ такой степени, что границы ихъ въ племенахъ са-  
мыхъ различныхъ не рѣзки и затѣмняются частыми пе-  
реходами ихъ въ крайнихъ случаяхъ. Такъ, хотя че-  
репъ негра отличается отъ черепа европейца боль-  
шимъ числомъ рѣзко выраженныхъ признаковъ, но все  
таки не существуетъ ни одного изъ этихъ послѣднихъ,  
который бы не могъ въ отдѣльныхъ случаяхъ не встрѣ-  
чаться у обѣихъ расъ: мы можемъ, напримѣръ, встрѣ-  
тить нѣкоторыя особи бѣлой расы, кои будутъ и болѣе  
прогнатичны, и болѣе широконосы, чѣмъ иные  
негры. Такое перекрещивание признаковъ будетъ встрѣ-

чаться тѣмъ чаше, чѣмъ болѣе мы будемъ сравнивать  
между собою расы наиболѣе близкія и въ особенности  
расы видоизмѣнившіяся отъ скрещиванія.

Методъ единичныхъ наблюдений, какъ видно изъ сказанного, можетъ привести насъ только къ выводамъ очень недостаточнымъ въ вопросахъ о характеристикахъ человѣческихъ группъ; онъ можетъ привести даже въ нѣкоторыхъ случаяхъ къ совершенно ошибочнымъ заключеніямъ, бросившимъ нѣкоторое сомнѣніе на результаты краніологии и повліявшимъ печально на нѣкоторыхъ трудившихся въ области ея. Никто не отрицаетъ, что между человѣческими племенами существуютъ различія въ черепахъ, но многіе задавали себѣ вопросъ: могутъ ли эти различія быть констатированными съ тою точностю и достовѣрностью, которая требуется наукой? Многіе дошли даже до убѣжденія, что признаки взятые отъ черепа на столько измѣнчивы даже въ одной расѣ, что не могутъ служить основаниемъ для установления типическихъ племенныхъ свойствъ и признаковъ. Въ свое время эти возраженія и сомнѣнія имѣли полное основаніе, но они удостовѣряли только недостаточность въ методѣ изслѣдованія; они указывали только на необходимость выключенія или нейтрализации причинъ ошибочности, происходящихъ отъ индивидуальныхъ вариаций и уклоненій. Этого наука достигла съ помощью *метода среднихъ чиселъ*.

Въ каждой расѣ, чистой или мало смѣшанной, существуетъ извѣстный общий типъ, выражающійся въ извѣстномъ числѣ признаковъ, кои при изученіи ихъ по одиночкѣ являются преобладающими у большинства особей, но которыя рѣдко встрѣчаются одновременно въ типической степени у одной и той же особи. Индивидуальные видоизмѣненія происходятъ оттого, что толькъ или другой признакъ колеблется болѣе или менѣе около типической нормы, то не доходя до нея, то переходя ее; ясно поэтому, что во всемъ народонаселеніи одного типа, число и объемъ колебаній въ ту или другую сто-  
рону уравновѣшиваются, что уклоненія должны, слѣдова-  
тельно, нейтрализоваться, сливаясь въ среднемъ числѣ.

Каждый рядъ, достаточно многочисленный и состав-  
ленный безъ *предвзятой идеи*, долженъ дать одинъ и тотъ же результатъ, но вѣрность метода уменьшается по мѣрѣ уменьшения численности изслѣдуемаго ряда. Опытъ показалъ, что ряды менѣе десяти членовъ ведутъ часто къ очень ошибочнымъ выводамъ. Удовлетвори-  
тельныйми средними будутъ только тѣ, кои основываются не менѣе, какъ на 20 наблюденіяхъ. Такъ какъ среднія слѣдуетъ брать отдалено для каждого пола и такъ какъ относительное число членовъ ряда того или другаго пола зависить много отъ случая, то слѣдуетъ желать, чтобы

краніологіческія серії заключали въ себѣ не менѣе 50 череповъ для каждой группы. Нужно даже желать имѣть большее число, если населеніе подвергалось большому сѣщенію. Отсюда не слѣдуетъ однако же заключать, что методъ среднихъ не пригоденъ для рядовъ меньшей численности: и въ этомъ случаѣ онъ остается очень цѣннымъ, но только не даетъ такой степени достовѣрности по отношенію своихъ выводовъ. Если рядъ состоить только изъ 3 или 4 череповъ, то слѣдуетъ быть недовѣрчивымъ къ полученнымъ результатамъ, такъ какъ въ этомъ случаѣ они могутъ быть совершенно случайны.

Методъ среднихъ есть по самому своему существу методъ числовой; онъ приложимъ только къ признакамъ, выраженнымъ числами, но въ настоящее время, благодаря успѣхамъ краніометріи, большинство признаковъ, получаемыхъ отъ черепа, можетъ быть опредѣлено прямо или косвенно, посредственно или непосредственно, съ помощью измѣреній, коимъ стараются придать возможно большую точность.

Чтобы достигнуть этой цѣли установили съ одной стороны на черепѣ постоянные точки и опредѣлены основные линіи, служащія исходными началомъ для дальнѣйшихъ выводовъ; съ другой стороны присоединили къ двумъ первоначальнымъ и элементарнымъ снарядамъ для измѣренія (лентѣ и циркулю) известное число специальныхъ инструментовъ, устроенныхъ и употребляемыхъ на геометрическихъ основаніяхъ. Впрочемъ, несмотря на всѣ эти улучшениа, не всегда возможно получить строгую точность въ измѣреніяхъ вслѣдствіе неправильной формы черепа, но во всякомъ случаѣ уже достигнуто то, что предѣлы ошибокъ въ измѣреніяхъ линій не превосходятъ одного миллиметра, а для угловъ одного градуса; эту степень приближенія къ строгой математической точности можно считать достаточною, такъ какъ при этомъ вѣроятность ошибки въ ту или другую сторону не превышаетъ  $\frac{1}{2}$  миллиметра или  $\frac{1}{3}$  градуса, а это и составляетъ то, что называется допустимой ошибкой. Чтобы избѣгнуть и этой послѣдней, пришлось бы усложнить значительно снаряды и сдѣлать ихъ употребленіе на практикѣ болѣе труднымъ и работу съ ними болѣе медленною. Такъ какъ методъ среднихъ требуетъ большаго числа наблюденій, то является необходимымъ достигнуть и значительной скорости въ самыхъ приемахъ измѣренія. Поэтому то и не придаютъ значенія при измѣреніяхъ частямъ миллиметра или градуса, и это имѣеть тѣмъ менѣе вліяніе на общий результатъ, что отбрасываемыя дроби то бывають положительными, то отрицательными, а вслѣдствіе этого и ошибка, происходящая отъ отбрасыванія дробей, почти не имѣеть никакого значенія на величину средняго числа.

Нужно замѣтить однако же, что если измѣренія очень малы и служатъ для установления указателей, то отбрасываніе величинъ, равняющихся полумиллиметру, можетъ повести къ весьма нежелательнымъ и вреднымъ послѣдствіямъ, какъ напримѣръ по отношенію линій, дающихъ носовой и глазничный указатели<sup>1)</sup>). Къ счастію краніологъ имѣеть въ своемъ распоряженіи очень про-

стой и небольшой инструментъ — раздвижной циркуль, дозволяющій получить скоро и точно, до полумиллиметра точности, длину такихъ линій, коихъ исходные точки къ тому же опредѣляются съ достаточною точностью по самой своей сущности. Другими словами: въ только что указанныхъ нами случаяхъ допустимая ошибка является уже не 1 миллиметръ, а  $\frac{1}{2}$  миллиметра, но такие случаи являются вообще исключительными.

Какъ бы то ни было, но краніометрія оставляетъ всегда мѣсто известной ошибкѣ, которой нужно подчиниться и признать за неизбѣжную, но эта ошибка, вытекающая изъ самой сущности приемовъ, единственная дозволительная. Не слѣдуетъ увеличивать эту слабую сторону краніометрическихъ изслѣдований еще такими ошибками, кои вытекаютъ изъ недостаточныхъ или дурно сгруппированныхъ вычислений. Съ того момента, какъ измѣренія сдѣланы и записаны, весь остаточный трудъ долженъ быть произведенъ съ математическою точностью. Нѣкоторые изслѣдователи полагали, что такъ какъ допустимо отбрасываніе дробей при измѣреніяхъ, то оно допустимо также и при вычисленияхъ. Это умозаключеніе сводится къ тому, что произвольно и сознательно допускается вторая ошибка потому, что неизбѣжна первая, и оно, очевидно, не можетъ выдержать критики. Оно мотивируется только тѣмъ, что желаютъ выиграть время, упрощая приемы вычислений. Этотъ мотивъ на первый взглядъ кажется имѣющимъ за себя нѣкоторое основаніе, такъ какъ время ученыхъ есть то, что для нихъ особенно цѣнно; но такой потери времени можно избѣгнуть, давая въ руки изслѣдователей готовые результаты вычислений въ особыхъ таблицахъ, на которыхъ моментально можно найти результатъ вычислений съ двумя десятичными величинами дроби.

Я считаю, что двѣ десятичныя достаточны и что онѣ необходимы. Замѣтимъ сначала, что соотношенія чиселъ вообще и указателей въ частности почти всегда суть дроби менѣшая единицы. Если мы желаемъ установить соотношеніе двухъ линій *A* и *B*, то знаменателемъ дроби мы обыкновенно выбираемъ ту изъ нихъ, которая имѣеть наибольшую величину. Если такія линіи мало отличны по величинѣ, то можетъ случиться, что въ однихъ случаяхъ одна изъ нихъ будетъ менѣше другой, а въ другихъ больше, но въ обыденныхъ случаяхъ всегда одна изъ линій больше другой постоянно и ее то берутъ за знаменатель дроби, а менѣшую за числитель. Дѣленіе такихъ величинъ всегда даетъ частное менѣше единицы. При такихъ условіяхъ результатъ дѣленія можетъ быть выраженъ только въ десятичной дроби, что не особенно удобно для сравненія различныхъ соотношеній, употребляемыхъ въ краніологии. Поэтому условились помножать дробь на 100 или, что то же самое, опредѣлять соотношенія, приводя ихъ къ сотымъ. При такомъ приемѣ, запятая десятичной дроби переносится на два члена направо; напримѣръ: черепной указатель, дающій соотношеніе величинъ 135 и 181, пишется не 0,7458, а выражается величиною 74,58%. Цифры, стоящія слѣва отъ запятой, составляютъ характеристическую величину указателя, а остаточные два числа дополнительную десятичную дробь.

Принявши это, мы видимъ, что характеристическая величина совершенно достаточно для выясненія намъ той особенности, которую мы желаемъ выразить съ помощью указателя. Десятичныя, слѣдующія за главнымъ числомъ въ указатѣль, весьма мало вліяютъ на наше представление о свойствахъ признака и не измѣняютъ его осзательно, такъ какъ касаются только слабыхъ оттѣнковъ различія. Но всякому понятно однакоже, что

<sup>1)</sup> Предположимъ, напримѣръ, что обѣ носовые линіи имѣютъ величину 21,5 мі. и 45,5 мі.; тогда носовой указатель получится 47,25%. Если же не принимать въ соображеніе дроби; а принять въ цѣлыхъ 22 мі. и 45 мі., то указатель будетъ уже 48,88%. Но это же упрощеніе 22 и 45 примѣнено и къ черепу, у коего длина этихъ же линій будетъ 22,5 мі. и 44,5 мі.: у такого черепа истинный показатель выразится 50,50%. Такимъ образомъ чрезъ отбрасываніе дробей мы можемъ подвести подъ одинъ указатель два черепа, у коихъ въ дѣйствительности этотъ указатель будетъ отличаться на три единицы.

при сопоставлении нѣсколькихъ близкихъ рядовъ, или нѣсколькихъ череповъ одной серии, не слѣдуетъ пренебрегать и мелкими оттѣнками: такъ, ясно, что длинноголовый черепъ съ указателемъ 74 не можетъ быть смѣшанъ съ другимъ, имѣющимъ указатель 74,50. Поэтому каждый признаетъ необходимость придавать хотя одну десятичную къ характеристичному цѣлому числу. Эта первая десятичная была бы достаточна, если бы намъ приходилось разсматривать только индивидуальные случаи, такъ какъ при этомъ вторая десятичная дѣйствительно не имѣть особаго значенія. Но не то выходитъ, если сопоставляютъ цѣлыя серии, если берутъ среднее изъ извѣстнаго числа указателей: тутъ вторая десятичная мѣгутъ, послѣ сложенія и дѣленія, требующихся въ такихъ случаяхъ, увеличить на цѣлую единицу первое десятичное число. Если же мы признаемъ, что первая десятичная полезна для характеристики, то она можетъ быть такою только въ томъ случаѣ, если она будетъ точна, а этого не достигнемъ въ рядѣ безъ второй десятичной, которая вслѣдствіе этого тоже оказывается необходибою. Но этими двумя десятичными можно и ограничиться и не идти дальше, такъ какъ третья десятичная, совершенно неимѣющая значенія въ отдѣльныхъ индивидуальныхъ случаяхъ, можетъ вліять только на вторую десятичную, но по отношенію послѣдней во все не особенно важно знать—больше или меньше на единицу она въ дѣйствительности.

Вмѣсто приведенія къ сотымъ, нѣкоторые ученые, напримѣръ Ретціусъ, выражаютъ соотношенія въ тысячныхъ безъ употребленія десятичного обозначенія. По этой системѣ черепной указатель, обозначаемый нами величиною 74,58%, выражается такъ — 745%<sub>ooo</sub>, причемъ отбрасывается четвертое число, о пользѣ котораго мы только что говорили. Такому обозначенію приписываются то удобство, что оно упрощаетъ изученіе указателей, пользуясь только цѣлыми числами, но это удобство чисто воображаемое, такъ какъ вычисленія остаются все тѣ же, будемъ ли мы употреблять запятую или нѣть при отдѣленіи чиселъ. Поэтому отъ такого обозначенія ничего не выигрывается въ труда, но теряется очень много со стороны ясности. Представленіе, столь полезное и столь простое, даваемое характеристичнымъ числомъ, замѣняется осложненіемъ, очень затрудняющимъ память. Если кто изучилъ черепъ или рядъ долихоцефаловъ, обозначаемыхъ характеристичнымъ числомъ 74, то онъ легко вспомнитъ эту величину, такъ какъ она соотвѣтствуетъ извѣстному члену ряда, въ который группируются черепа, и притомъ не особенно велика, вслѣдствіе чего легко составляется представление о всѣхъ послѣдовательныхъ градацияхъ членовъ ряда и удерживается въ памяти характеристичное число для каждого изъ нихъ. При употребленіи обозначенія въ тысячныхъ, члены рядовъ становятся въ десять разъ болѣе многочисленными и потому память должна въ 10 разъ употребить болѣе усилий, чтобы удержать характеристику каждого члена ряда.

Итакъ, суммируя сказанное, мы видимъ, что при изученіи указателей или другихъ краніометрическихъ соотношеній мы должны имѣть въ виду два условія: во первыхъ заботиться о простотѣ въ общихъ описаніяхъ и въ нахожденіи признаковъ, существующихъ запечатлѣться въ нашей памяти и создать образъ въ нашемъ воображеніи, и во вторыхъ, быть точными въ нашихъ изслѣдованіяхъ, въ вычисленіяхъ и анализахъ при сравненіи серій или рядовъ фактовъ. Обѣ эти цѣли достигаются способомъ приведенія нашихъ соотношеній въ сотыя доли съ двумя десятичными членами. При приве-

деніи въ сотыя доли съ одною десятичною мы достигаемъ первой изъ указанныхъ цѣлей, но не удовлетворяемъ второй. Способъ приведенія къ тысячнымъ долямъ безъ десятичныхъ не достигаетъ ни той, ни другой цѣли. Поэтому я первый, уже 18 лѣтъ тому назадъ, усвоилъ способъ обозначенія *характеристическою* числа съ двумя десятичными, дѣлающейся весьма удобнымъ и легкимъ при употребленіи антропологическихъ таблицъ (*tables anthropologiques*).

Эти таблицы вовсе не могутъ сдѣлать ненужнымъ всякой трудъ по краніологическимъ вычислѣніямъ. Такъ онъ вовсе не пригодны при исчислѣніи среднихъ величинъ; поэтому наблюдатель самъ долженъ составить рядъ измѣреній изучаемой имъ серии, сдѣлать сложеніе и получить сумму величинъ членовъ ряда, раздѣлить эту сумму на число изучаемыхъ череповъ и получить средний указатель съ двумя цѣлыми и двумя десятичными. Но этотъ трудъ вычислѣнія среднихъ кажется весьма малымъ сравнительно съ послѣдовательнымъ вычислѣніемъ указателей каждого черепа при большой серии ихъ. Вотъ такія то вычислѣнія облегчаются и замѣняются нашими таблицами, равно какъ дается возможность избѣгнуть случайныхъ ошибокъ при сложныхъ или многочисленныхъ выкладкахъ.

Методъ среднихъ оказалъ столько услугъ краніологии, не имѣвшей возможности безъ него принять вполнѣ научную форму, онъ настолько оказался стоящимъ выше прежнаго метода формулования отдѣльныхъ частныхъ наблюдений, что нѣкоторые наблюдатели пришли къ убѣждѣнію въ непригодности или ненужности этого прежнаго метода. Такъ какъ методъ среднихъ дѣйствительно оказался очень полезнымъ орудіемъ, то его сочли совершенно достаточнымъ. Видя, что этимъ методомъ усовершенствовалась краніология, стали считать, что онъ составляетъ исключительную цѣль послѣдней, или другими словами: многіе стали полагать, что изученіе ряда являлось вполнѣ законченнымъ, если изъ него были получены среднія. Такое мнѣніе нельзя не считать ошибочнымъ; принимать это, значитъ отклоняться вполнѣ отъ основъ метода числовыхъ изысканій. Среднее выражаетъ только общий результатъ, но не даетъ знанія о составѣ той группы членовъ, изъ коей оно получено; оно не выясняетъ ни степень однородности членовъ ряда, ни предѣла варьаций, замѣчаемыхъ въ средѣ ихъ. Рядъ, состоящий изъ равной доли череповъ длинныхъ и короткихъ, сливается въ среднемъ съ рядомъ среднеголовыхъ однородныхъ, несостоящимъ изъ смѣшанія череповъ различной формы. Поэтому анализъ ряда является неизбѣжнымъ, необходимо, чтобы указатели каждого черепа были опредѣлены въ отдѣльности для возможности сравненія ихъ другъ съ другомъ и съ среднимъ. Безъ этого методъ среднихъ теряетъ наибольшую долю своего значенія. Конечно это условіе вызываетъ значительное увеличеніе труда, такъ какъ если мы желаемъ изучить только 10 указателей въ рядѣ изъ 50 череповъ, то мы должны произвести 500 вычислѣній съ величинами въ четыре цифры. Чтобы избѣгнуть этого затрудненія и дать возможность не ошибаться въ вычисленіяхъ, я въ 1861 году первые отдѣли моихъ антропологическихъ таблицъ.

Въ 1867 году, когда я основалъ мою антропологическую лабораторію, то заказалъ для нея списокъ съ составленныхъ мною таблицъ, увеличившихся затѣмъ въ численности вслѣдствіе составленія новыхъ таблицъ для новыхъ указателей, для тригонометрическихъ приемовъ и для другихъ цѣлей. Смѣю думать, что эта моя попытка облегчить краніометрическія изслѣдованія со-

дѣйствовала облегченію работъ французскихъ краніологовъ.

Нѣкоторыя заграничныя лабораторіи оказали мнѣ честь заявленіемъ желанія получить списки съ моихъ таблицъ. Списки эти, производимыя рукописью, составляютъ очень продолжительный и нелегкій трудъ, требу-

ющій еще кромѣ того по окончаніи тяжелой и продолжительной пропѣрки. Поэтому я и принялъ съ признателествомъ предложеніе моего Московскаго сотоваріща, профессора Богданова, напечатать эти таблицы въ изданіяхъ Общества Любителей Естествознанія, состоящаго при Московскому Университетѣ.

## § 2. Составъ и употребленіе таблицъ указателей.

Нѣкоторыя таблицы могутъ служить одновременно для получения нѣсколькихъ указателей; но часто представляется болѣе удобнымъ, съ точки зрѣнія скорости изслѣдованій, соединить въ одну таблицу то, что относится къ одному какому либо указателю.

Я помѣстилъ въ своихъ таблицахъ только наиболѣе употребительные указатели, и потому я не могу предполагать, чтобы мои таблицы служили для всякаго рода изслѣдованій. Каждый наблюдатель можетъ почувствовать потребность изучить какія либо новыя соотношенія величинъ, не только на черепѣ, но и на остальномъ скелетѣ, такъ какъ методъ указателей приложимъ къ цѣлой массѣ остеологическихъ вопросовъ, къ опредѣленію пропорцій и соотношеній конечностей, къ формѣ известныхъ костей и полостей ихъ и т. д. Въ моемъ портфелѣ имѣется значительное число таблицъ, относящихся къ грудному указателю, къ указателю предплечевому, лопаточному, указателю соотношеній длины и ширины берцовой кости, голени и т. д. Каждый наблюдатель неизбѣжно составитъ самъ для себя, для каждого представляющагося ему частнаго случая, изслѣдуемаго числовымъ методомъ, тѣ специальные таблицы, кои подходятъ къ его цѣли. Поэтому я считаю полезнымъ дать здѣсь нѣсколько указаній для составленія такихъ специальныхъ таблицъ. Процессъ составленія ихъ гораздо проще и менѣе продолжителенъ, чѣмъ это можно было бы предполагать съ первого взгляда. Требуется гораздо менѣе труда для составленія полной таблицы какого либо указателя или какихъ либо соотношеній, чѣмъ для вычислѣнія этихъ указателей по каждому члену ряда, состоящему изъ 50 членовъ, и этотъ трудъ упрощается еще болѣе съ помощью нашей первой таблицы, которую мы назвали *основною* (*tableau élémentaire*).

Основная таблица даетъ указатели дроби съ числителемъ въ одинъ миллиметръ. Она заключаетъ рядъ частныхъ чиселъ, полученныхъ чрезъ раздѣленіе 1 на послѣдовательную серію величинъ отъ 1 до 270. Для остеологии конечностей нужно бы продолжить гораздо далѣе эту таблицу, а для краніометрии человѣка рядъ могъ бы остановиться и на числѣ 225, такъ какъ ни одинъ диаметръ, ни одна ось на черепѣ человѣка, не имѣть въ длину болѣе 225 мім. Если мы взяли рядъ до 270, то имѣли въ виду и таблицы для краніологии Антропоморфныхъ.

Частное отъ дѣленія 1 на величину всѣхъ остальныхъ членовъ принятаго нами ряда доведено нами до шестой десятичной. Такъ какъ мы стремимся въ краніологии, къ приведенію въ сотыхъ доли, то, помножая частное на 100, мы переносимъ запятую на два члена влѣво и получаемъ *четыре десятичныхъ* справа отъ запятой. Что касается до характеристичнаго числа, то обыкновенно оно выражается одною величиною, и именно довольно часто нулемъ. Мы тотчасъ же увидимъ для чего намъ нужны *четыре десятичныхъ*.

Получивши такимъ образомъ нашу основную таблицу, мы пользуемся ею для составленія другихъ таблицъ. Такъ, если бы мы захотѣли получить таблицу какого либо указателя, выражавшаго въ сотыхъ доляхъ со-

отношенія двухъ линій *A* и *B*. т. е. дробь  $100 \times \frac{A}{B}$ , то прежде всего мы должны были бы опредѣлить наибольшую и наименьшую величину каждой изъ этихъ линій. Возьмемъ въ частности, напримѣръ, *носовой указатель*, составляющей соотношеніе между наибольшою шириной ноздрей *nn* и всею длиною носовой части или линіею носовою (*nasospinalis*) *NS*. Линія *nn*, т. е., ширина ноздрей, варьируетъ у человѣка между 16 и 31 мім., а линія *NS* между 36 и 60 мім. Слѣдовательно, намъ нужно вычислить частное есть дѣленія каждого изъ чиселъ ряда съ 16 до 31 на каждое число ряда съ 36 по 60. Это обозначается формулой  $\frac{16-31}{36-60}$ , стоящею въ заголовкѣ таблицы.

Сначала вычисляютъ всѣ частные отъ дѣленія чиселъ 16, 17, 18....31 на знаменатель 36. Основная таблица показываетъ, что при знаменателѣ 36 указатель при 1 миллиметрѣ числителя будетъ 2,7777, но эту дробь пишутъ 2,7778, чтобы не имѣть периодической дроби. Указатель при 16 мім. въ числителѣ можетъ быть полученъ чрезъ умноженіе этого основнаго или элементарнаго указателя на 16, что не представить никакого неудобства, такъ какъ числитель 16 величина очень незначительная. Однако, если числитель гораздо больше, то небольшая неточность, произшедшая оттого, что пятая десятичная была отброшена или увеличена нами на единицу для избѣжанія непрерывной дроби, могла бы произвести ошибку на 3-й или даже на 2-й десятичной въ результатѣ нашего умноженія. Поэтому лучше получить первый указатель (16: 36) прямымъ раздѣленіемъ числителя 16 на знаменателя 36. Частное, полученное такимъ образомъ, будетъ 44,4444; чтобы получить слѣдующій второй указатель (17: 36) стоять только прибавить къ первому 2,7778, что составитъ 47,2222. Прибавляя къ этому вновь элементарный указатель, получаемъ слѣдующій указатель для 18, 19 и т. д. Простое сложеніе, упрощаемое кромѣ того размѣщеніемъ чиселъ въ одинъ столбецъ, даетъ возможность получить весь рядъ указателей до самого послѣдняго т. е. 31: 36. Для повѣрки точности полученного результата вычисляютъ непосредственнымъ дѣленіемъ послѣдній указатель. Если онъ сходенъ съ первымъ до второй десятичной включительно, то вычисленіе можно признать вѣрнымъ.

Всѣ полученные такимъ образомъ указатели имѣютъ четыре десятичные; такъ какъ намъ нужны только двѣ десятичныхъ, то въ окончательную таблицу и вставляютъ двѣ первыхъ десятичныхъ, увеличивая на единицу послѣднее число, если третья десятичная цифра имѣеть величину болѣе пяти.

Указанныя послѣдовательныя сложенія производятся тѣмъ съ большою скоростію и отнимаютъ тѣмъ меньше времени, что не требуютъ послѣдовательныхъ переписываній. Основной или элементарный указатель пишется только разъ въ верху столбца чиселъ и скоро каждый получаетъ навыкъ присоединять его къ каждой суммѣ для получения слѣдующей. Все это дѣлается по-

этому очень скоро, но малъшая ошибка, произведенная въ вычислениі суммы, сдѣлаеть негодными всѣ послѣдующія суммированія до самого конца ряда числителей, и такъ какъ этотъ рядъ можетъ заключать для нѣкоторыхъ указателей до 40 чиселъ, то потребуется новый значительный трудъ, если окончательная, указанная мною, повѣрка покажетъ ошибку. Вотъ способъ очень простой, позволяющій уловить тотчасъ же ошибку прежде, чѣмъ довершено вычислениѣ всего ряда. Нужно помножить на 10 основной или элементарный указатель одного миллиметра и перенести на одинъ членъ направо запятую. Отъ этого получится указатель 10 миллиметровъ, имѣющій въ частномъ избранномъ нами примѣрѣ величину 27,7780. Прибавляя этотъ указатель къ первоначальному или первому указателю, соотвѣтствующему въ нашемъ случаѣ 16 миллиметрамъ, мы получаемъ указатель для 26 миллиметровъ; прибавляя еще разъ, получаемъ указатель для 36 миллиметровъ и т. д. Такимъ образомъ дѣлается возможнымъ при производствѣ послѣдовательныхъ суммированій для каждого изъ членовъ ряда, различающихся на 1 миллиметръ, сравнивать полученные послѣднимъ способомъ указатели для 36, 46 и т. д. съ тѣми, кои получены нами первымъ способомъ, и узнать вѣрны они или нѣть; въ случаѣ ошибки при такой повѣркѣ придется производить вновь и провѣрять только десять предыдущихъ вычислений, а не всѣ цѣлаго ряда.

Мы даемъ эти, можетъ быть черезъ чурь подробныя, указанія для того, чтобы облегчить составленіе такихъ специальныхъ таблицъ, кои могутъ оказаться необходимыми въ частныхъ случаяхъ и коими потребуется дополнить наши таблицы. Мы выясняемъ это также и съ тою цѣлію, чтобы убѣдить въ томъ, что въ нашихъ таблицахъ нѣть ошибокъ въ вычислениі. Ошибки могутъ случайно произойти въ такихъ таблицахъ или по винѣ переписчика, или винѣ типографа, но мы надѣемся, что и такихъ очень мало и они не существенны. Во всякомъ случаѣ мы примемъ съ благодарностію всѣ тѣ поправки, кои будутъ намъ указаны.

Всѣ указатели, соотвѣтствующіе одному и тому же знаменателю, помѣщаются въ нашихъ таблицахъ въ одномъ вертикальномъ столбцѣ или графѣ; въ послѣдующихъ вертикальныхъ столбцахъ ставятся указатели, соотвѣтствующіе послѣдовательному ряду увеличивающихся на единицу знаменателей. Всѣ указатели, соотвѣтствующіе извѣстному числителю, помѣщаются въ одной горизонтальной графѣ. Поэтому отысканіе любаго указателя очень легко на нашихъ таблицахъ: для каждого соотношенія двухъ величинъ указатель будетъ стоять на мѣстѣ пересѣченія горизонтальной графы, соотвѣтствующей числителю, съ вертикальной, соотвѣтствующей знаменателю.

Мы высказали выше, что указатели носовой и глазничный, выражаютіе соотношеніе двухъ очень короткихъ линій, должны быть вычисляемы не отъ миллиметра къ миллиметру, но отъ каждого полумиллиметра до слѣдующаго полумиллиметра. На раздвижномъ циркулѣ, служащемъ для измѣренія такихъ линій, полумиллиметры не обозначаются, потому приходится опредѣлять глазомъ части миллиметра. Поэтому слѣдуетъ вносить въ свои замѣтки величины полумиллиметровъ только

въ тѣхъ случаяхъ, когда конецъ измѣряемой линіи падаетъ на середину или очень близко середины граничныхъ линій, обозначающихъ предѣлы миллиметра на циркулѣ. Результатомъ такого допущенія бываетъ то, что громадное большинство измѣрений получается въ цѣлыхъ числахъ; но во всякомъ случаѣ попадаются и такие, кои явственно указываютъ на необходимость при полученныхъ числахъ и полумиллиметра. Для такихъ-то случаевъ и составлена вторая половина таблицъ, соответствующихъ носовому и глазничному указателю.

На этихъ таблицахъ, соответствующихъ полумиллиметрамъ, записаны указатели такихъ величинъ, у коихъ знаменатель дробь или соотвѣтствуетъ цѣлому числу и полумиллиметру. Нужно было ограничиться этимъ, такъ какъ нѣть простой формулы, могущей указать измѣненія дроби, представляющей, при одномъ и томъ же числителѣ, послѣдовательное увеличеніе знаменателя на определенную величину. На нашихъ таблицахъ, поэтому имѣется рядъ указателей или частныхъ, прошедшихъ отъ дѣленія какого либо числителя, напримѣръ 16, на различные дробные знаменатели, напримѣръ 48,5, 49,5, 50,5 и т. д.

Измѣненія, кои происходятъ въ дроби, представляющей одинъ и тотъ же числитель, при послѣдовательномъ увеличеніи знаменателя на полумиллиметръ, подчинаются очень простому правилу: слѣдуетъ только прибавить къ величинѣ дроби или указателя, имѣющагося на таблицѣ, половину основного или элементарного указателя въ 1 миллиметръ. Для этого на нашихъ таблицахъ, снизу каждой изъ нихъ, подъ нижнею горизонтальною чертою для каждого вертикального столбца данъ указатель, соотвѣтствующій полумиллиметру: этотъ указатель есть половина указателя одного миллиметра.

Такъ напримѣръ, если я хочу знать указатель 16,5:39, то сначала я беру на таблицѣ указатель, соотвѣтствующій 16:39, который будетъ 41,02; я прибавляю къ этому величину 1,28, находящуюся внизу графы, соотвѣтствующей числу 39, и получаю искомый указатель, который будетъ 41,77. Весь процессъ, слѣдовательно, сводится на небольшое сложеніе двухъ чиселъ, уже имѣющихся въ таблицахъ. Конечно можно было бы сдѣлать ненужнымъ и этотъ легкій трудъ, если только удвоить подраздѣленія таблицы, что и было первоначально сдѣлано мною для моихъ собственныхъ работъ. Но такая удвоенная таблица не могла уже помѣститься на одной страницѣ и изслѣдованіе съ помощью такихъ таблицъ идуть гораздо медленнѣе при отысканіи чиселъ при большомъ числѣ графъ. Принявъ въ соображеніе сравнительно незначительное число случаевъ, въ коихъ требуется опредѣлять указатель для величинъ съ полумиллиметрами, я пришелъ къ убѣждению въ томъ, что гораздо экономичнѣе, и по времени, и по простотѣ употребленія таблицъ, прибѣгнуть къ способу сложенія для полумиллиметровъ, только что мною указанному и носящему въ ариѳметикѣ название методу разностей.

Я не имѣю дальнѣйшихъ замѣчаній по отношенію употребленія таблицъ обыкновенныхъ указателей, но такія объясненія необходимы для слѣдующихъ затѣмъ таблицъ, предназначенныхъ служить двумъ своеобразнымъ методамъ краніометрическаго изслѣдованія, а именно методу координатъ и методу тригонометрическому.

### § 3. Методъ координатъ и таблицы координатъ.

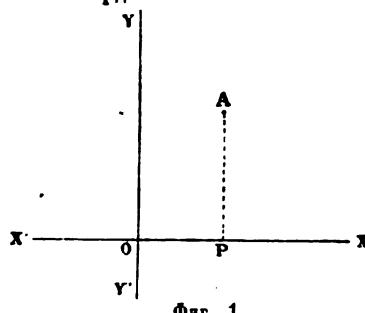
Методъ координатъ заимствованъ у аналитической геометріи, коей онъ составляетъ наиболѣе существенную

часть. Этотъ методъ приложимъ, какъ къ геометріи пространства, такъ и къ геометріи плоскостной, но въ кра-

ніометрії всѣ тѣ часті, комъ онъ помогаетъ изучать, лежать всегда въ одной плоскости или же могутъ быть приведены къ ней. Кромѣ того аналітическая геометрія трехъ измѣреній слишкомъ сложна для того, чтобы ее можно было бы съ пользою приложить къ современнымъ краинологическимъ изслѣдованіямъ.

Методъ двойной линейки (double equerre), изложенный мною въ 1862 г. въ моемъ мемуарѣ о проекціи головы (Bullet. de la Société d'Anthropologie 1862 г. стр. 534), съ первого раза можетъ казаться заимствованнымъ у геометріи трехъ измѣреній, такъ какъ снабженная дѣленіями линейка (линейка направляющая, equerre directrice) и линейка изслѣдующая (equerre exploratrice) вмѣстѣ составляютъ три прямоугольныхъ координаты. Но линейка изслѣдующая не имѣть подраздѣленій и служить только для обозначенія уровня; поэтому въ сущности здѣсь мы имѣемъ дѣло только съ двумя координатами. Въ настоящее время имѣются у краинологии многіе снаряды, состоящіе изъ трехъ прямыхъ стержней, могущихъ служить каждымъ координатою; такие инструменты имѣютъ то удобство, что могутъ быть примѣнены къ самымъ разнообразнымъ изслѣдованіямъ. Но даже въ тѣхъ случаяхъ, когда при измѣреніяхъ записываются три координаты изслѣдуемой точки, для опредѣленія ея обыкновенно употребляютъ одновременно только двѣ координаты.

Методъ координатъ двухъ измѣреній состоитъ въ определеніи положенія точки на плоскости, относя ее съ помощью двухъ линій, называемыхъ координатами, къ двумъ опредѣленнымъ осамъ, пересѣкающимъ другъ друга подъ какимъ либо угломъ въ такъ называемой вершинѣ (origine). Если уголъ этихъ двухъ осей прямой, то координаты называются прямоугольными. Для нашихъ цѣлей употребляются только такія прямоугольные координаты.



Фиг. 1.

Одна изъ осей называется осью  $x$ , другая осью  $y$ . Положеніе точки  $A$  (фиг. 1) будетъ извѣстно, если, опуская изъ нея перпендикуляр  $AP$ , мы знаемъ длину  $OP$  и величину  $\angle APx$ , составляющихъ двѣ координаты точкі  $A$ . Линія  $OP$  или  $x$  называется абсциссою,  $AP$  или  $y$  ординатою.

Смотря потому, лежитъ ли точка  $A$  справа или слѣва оси  $y$ , сверху или снизу оси  $x$ , обѣ координаты  $x$  и  $y$  обозначаются или знакомъ  $+$ , или знакомъ  $-$ . Впрочемъ намъ неѣть надобности останавливаться на этихъ послѣднихъ обозначеніяхъ, такъ какъ въ краинометрії мы всегда можемъ помѣстить точку пересѣченія осей или вершину такимъ образомъ, что всѣ изучаемыя точки лягутъ въ одинъ и томъ же прямомъ углѣ. Такъ какъ различие положенія, обозначаемое указанными знаками, у насъ не встрѣтится, то намъ до нихъ неѣть никакой надобности.

Относительное положеніе двухъ точекъ  $A$  и  $B$  опредѣляется такимъ же образомъ (фиг. 2). Зная двѣ абсциссы  $OP$  и  $OQ$  и ихъ двѣ ординаты  $AP$  и  $BQ$ , мы

получаемъ чрезъ простое вычисление величины  $BQ$  и  $AP$ , опредѣляющія относительное положеніе двухъ точекъ, комъ съ помощью прямоугольного треугольника  $ABP$  могутъ служить и для опредѣленія положенія линіи  $AB$ . Эти соотношенія остаются одними и тѣми же каково бы ни было положеніе той точки, къ которой мы отнесли бы мѣсто пресѣченія осей или вершину; но соотношенія эти совершенно измѣняются, если обѣ оси, оставаясь прямоугольными, измѣнять свое направлѣніе. Поэтому первое условіе при изслѣдованіи состоить въ томъ, чтобы поставить черепъ въ такое положеніе, при коемъ направлѣніе оси  $x$  было бы одно и тоже для всей серии череповъ при одномъ и томъ же рядѣ изслѣдований. Это то и придастъ такое важное значеніе вопросу обѣ установокъ или ориентировкѣ черепа.

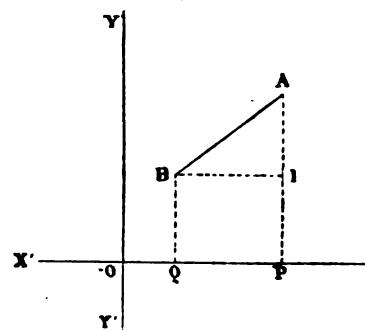
Наиболѣе обыкновеннымъ является приложеніе метода координатъ къ частямъ, лежащимъ по срединной плоскости черепа, почему мы и возьмемъ примѣръ изъ такого случая.

Черепъ ставится на столъ или на подставку (краинографъ) въ такомъ положеніи, что его срединная плоскость имѣть вертикальное положеніе, а плоскость, на которую мы желаемъ проложить различныя опредѣляемыя точки, горизонтальна, т. е. параллельна верхней доскѣ стола. Линія пересѣченія этой горизонтальной плоскости съ срединною плоскостью черепа будетъ также линіею горизонтальною: это и есть передне-задняя линія, которую берутъ за ось  $x$ .

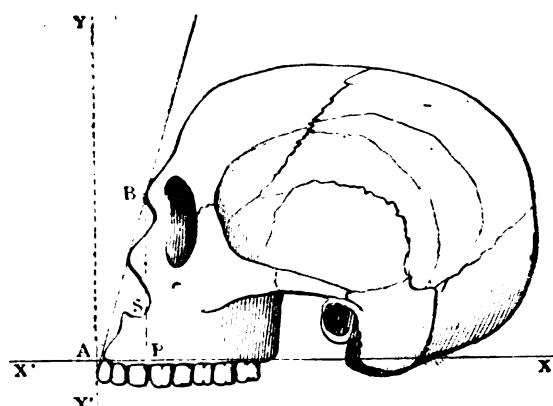
Плоскость, наиболѣе удобная для принятія за горизонтальную, есть плоскость затылочно-челюстная (alveolo-condylien). Она и наиболѣе точна, и наиболѣе практична. Эта плоскость во Франціи принимается за горизонтальную всѣми, но конечно можно принять за таковую и всякую другую плоскость и приложеніе метода нисколько отъ того не измѣнится.

Избравши разъ ось  $x$ , можно исходную точку или вершину помѣстить на любомъ мѣстѣ этой оси, хотя всего удобнѣе на практикѣ принять за нее челюстную точку, такъ какъ у этой послѣдней кончается линія профиля лица. Если исходная точка будетъ въ  $A$  (фиг. 3), то прямоугольная линейка, приложенная къ этой точкѣ, даетъ ось  $y$ , обозначенную пунктированіемъ линіею на фиг. 3.

Предположимъ, что намъ нужно опредѣлить положеніе точки  $B$  для выясненія степени наклоненія лицевой линіи Кампера  $AB$  и для измѣренія столъ важнаго признака, какъ прогнатизмъ.



Фиг. 2.



Фиг. 3.

На рисункѣ, или на срединномъ разрѣзѣ черепа, съ помощью линейки съ дѣленіями легко узнать высоту  $BP$ , составляющую ординату точки  $B$ ; затѣмъ также

легко измѣряется абсцисса  $AP$ , лежащая между исходной точкой  $A$  и основаниемъ перпендикуляра.

На цѣльномъ черепѣ это невозможно, такъ какъ нельзя помѣстить линейку въ средней плоскости, но то же самое можно получить съ помощью двойной линейки. Для этого на плоскость, на которой лежитъ черепъ, (например столъ) кладется линейка съ дѣленіями на миллиметры. Линейка, направляющая, тоже раздѣленная на миллиметры, прикладывается къ первой горизонтальной линейкѣ, снабженной, какъ мы сказали, дѣленіями. Черепъ ставится такимъ образомъ, что его срединная плоскость дѣлается параллельно направляющей линейкѣ, причемъ челюстная точка должна лежать противъ нуля дѣленій и соприкасаться съ линейкою. Держа тогда направляющую линейку правою рукою, берутъ лѣвою еще линейку, именно опредѣляющую, прикладываютъ ее къ вертикальной плоскости направляющей линейки и съ помощью обѣихъ рукъ доводятъ до точки  $B$  горизонтальную вѣтвь опредѣляющей линейки. Тогда число миллиметровъ, отмѣченное опредѣляющей линейкой на направляющей, даетъ высоту точки  $B$  надъ горизонтальною плоскостью, т. е. ординату, а число миллиметровъ на опредѣляющей линейкѣ до ея пересѣченія съ направляющей даетъ длину абсциссы  $AP$ , такъ какъ очевидно, что величина пересѣченія направляющей линіи  $x$  съ осью  $y$  будетъ равна  $AP$ , т. е. абсциссѣ.

Приложеніе метода двойной линейки къ изученію различныхъ элементовъ прогнатизма сдѣлано съ большимъ успѣхомъ г. Топинаромъ, изобрѣтшемъ для этого особый небольшой снарядъ, очень удобный и очень простой (см. Revue d'Anthropologie 1872 и 1873 г.). Этотъ снарядъ, названный *краніографомъ Топинара*, отличается отъ моего первоначального метода, описанного въ моихъ *Инструкціяхъ для антропологическихъ наблюдений* (см. Mémoires de la Société d'Anthropologie, 1 serie. t. II. стр. 106 и 149) только горизонтальнымъ положеніемъ линейки съ дѣленіями, но онъ болѣе удобенъ для изслѣдованій.

Опредѣляя положеніе точки  $B$  по отношенію къ точкѣ  $A$ , мы имѣемъ въ виду опредѣлить степень наклоненія лицевой линіи. Понятно, что абсцисса  $AP$  заключаетъ въ себѣ всѣ основанія перпендикуляровъ, кои только возможно провести отъ линіи  $AB$  къ оси  $x$ ; поэтому  $AP$  есть *проекція* линіи  $AB$  на горизонтальной плоскости. Эту линію можно также называть *выступомъ* (la saillie) точки  $A$  отъ точки  $B$ , но терминъ *проекція* предпочтительнѣе. Что касается до ординаты  $BP$ , то она составляетъ *высоту* надглазничной точки  $B$ .

Для того, чтобы при одной и той же высотѣ проекція становилась болѣе длинною, линія  $AB$  очевидно должна дѣлаться болѣе наклоненою; если, наоборотъ, проекція остается одинаковою, а высота увеличивается, то это указываетъ на меньшее наклоненіе линіи  $AB$ . Поэтому длина каждой изъ этихъ координатъ сама по себѣ не имѣть особаго значенія и только ихъ взаимное соотношеніе даетъ возможность узнать степень прогнатизма. Это соотношеніе получается раздѣленіемъ величины болѣе короткой линіи на величину болѣе длинной, принимаемой въ такомъ случаѣ равной 100, и называется *показателемъ прогнатизма*.

Такимъ образомъ познается въ своей совокупности признакъ прогнатизма, т. е. степень выступа лицевой части относительно черепной. Но линія  $AB$ , составляющая лицевую линію Кампера, выражаетъ только *общий прогнатизмъ лица*. Такъ какъ, переходя отъ точки  $A$  къ точкѣ  $B$ , линія профиля сначала углубляетъ-

ся, чтобы дойти до основанія носа  $N$ , а затѣмъ, прежде дохожденія до челюстной или альвеолярной точки  $A$ , она проходитъ чрезъ spine nasalis  $S$ , и такъ какъ относительное направление двухъ частей профиля, лежащихъ сверху и снизу точки  $S$ , очень измѣнчиво и вслѣдствіе того представляется очень важная этническія различія, то является полезнымъ различать *прогнатизмъ носовой или челюстной*, характеризующіяся наклоненіемъ линіи  $NS$ , отъ прогнатизма зубной или альвеолярного, характеризующагося наклоненіемъ линіи  $SA$ . Для этого является необходимымъ опредѣлить положеніе двухъ точекъ  $N$  и  $S$  по отношенію къ одинаковой для нихъ исходной точкѣ  $A$ . Вслѣдствіе этого измѣряя координаты точки  $B$ , измѣряютъ также и координаты точекъ  $A$  и  $S$  и затѣмъ получаютъ чрезъ разность ординатъ высоту  $N$  надъ  $S$ , а чрезъ разность абсциссъ выступъ  $S$  относительно  $N$ . Эти измѣренія даютъ возможность установить указатель прогнатизма челюстей и указатель зубной или альвеолярный. Можно также, тѣмъ же способомъ, опредѣлить наклоненіе всякой линіи, соединяющей какія либо двѣ точки срединной плоскости черепа.

Но не однѣ только части, лежащія въ срединной плоскости черепа, доступны методу координатъ. Онь приложимъ съ такимъ же удобствомъ и къ каждой точкѣ поверхности черепа. Въ настоящее время устроено значительное число инструментовъ, въ которыхъ линейки замѣнены вертикальными пластинками, могущими двигаться въ ложбинкахъ, снабженныхъ измѣреніями, и горизонтальными,двигающимися по первымъ. Хотя я самъ изобрѣлъ одинъ изъ подобныхъ инструментовъ, но отдаю однакоже преимущество снаряду Топинара, отличающемся и гораздо большою простотою и меньшою цѣнностью, тѣмъ болѣе что его каждый можетъ приготовить самъ для себя; снарядъ Топинара болѣе подрученъ, болѣе простъ и весьма удобенъ на практикѣ.

На живыхъ, т. е. при *кефалометрическихъ* изслѣдованіяхъ, приложеніе метода координатъ производится съ помощью первоначального метода двойной линейки (*double équête*), указанного выше. Абсцисса измѣряется по дѣленіямъ направляющей линейки, всегда при этомъ горизонтальной, а ордината отсчитывается по вертикальной пластинкѣ, снабженной также дѣленіями. Хотя никто не сомнѣвался въ удовлетворительности метода координатъ, но всетаки онъ мало распространѣнъ въ краніометріи по причинѣ того, что данные, добываемыя съ помощью его, получаются полное значение только при приведеніи ихъ съ помощью вычислениія къ сотымъ. Въ самомъ дѣлѣ, мы уже видѣли, что наиболѣе полезною для изслѣдованій является не абсолютная величина двухъ координатъ какой либо точки, а ихъ относительная длина, т. е. ихъ соотношеніе.

Таблица координатъ, носящая также название *указателей координатъ*, дѣлаетъ излишними тѣ ариѳметическія вычислениія, которыя такъ пугали наблюдателей и такъ мѣшили общему принятію и усвоенію этого полезнаго метода. За числителей мы взяли въ нашихъ таблицахъ горизонтальная линіи или абсциссы, и при томъ не брали ихъ свыше 36 миллиметровъ, такъ какъ проекціи лицевыхъ линій не превосходятъ этого предѣла, но приложеніе этого метода къ другимъ отдѣламъ черепа можетъ потребовать современемъ болѣе обширныхъ таблицъ, которыя каждый наблюдатель можетъ вычислить самъ.

Таблица координатъ служитъ также, какъ это видимъ далѣе, для нѣкоторыхъ приложеній тригонометрическаго метода. Вотъ почему мы и помѣстили эту таблицу тотчасъ передъ тригонометрическими таблицами.

#### § 4. Таблицы тригонометрические. Употребление ихъ.

Тригонометрический методъ состоитъ въ определении величины извѣстныхъ черепныхъ угловъ съ помощью ихъ тригонометрическихъ линій, т. е. синусовъ, косинусовъ, тангенсовъ и котангенсовъ.

Измѣрение черепныхъ угловъ можетъ быть произведено тремя различными способами, кои по порядку старшинства появленія могутъ быть названы: методомъ графическимъ, методомъ гоніометрическимъ и методомъ тригонометрическимъ.

Методъ графический состоитъ въ томъ, что рисуютъ на бумагѣ фигуру, на которой съ помощью линеекъ обозначаютъ обѣ линіи, ограничивающія уголъ, и затѣмъ измѣряютъ послѣдній съ помощью обыкновенного rapportёра. Если вершина угла лежитъ на самомъ рисункѣ, или если продолженные стороны его пересѣкаются на пространствѣ взятой бумаги, то rapportёръ прикладываютъ къ точкѣ пересеченія линій, составляющихъ стороны угла. Если же обѣ линіи отстоятъ на значительное разстояніе другъ отъ друга или столь мало наклонены другъ къ другу, что точка пересеченія ихъ не можетъ помѣститься на бумагѣ рисунка, то rapportёръ прикладывается къ произвольной вершинѣ угла, полученной съ помощью вспомогательной параллельной линіи. Таковъ обыкновенный графический способъ, изобрѣтенный Добантономъ (употреблявшимъ перспективные рисунки, сдѣланные отъ руки) и улучшенный Камперомъ, старавшимся исправить хотя часть ошибокъ перспективы съ помощью проекціонного аппарата, еще очень не совершенного. Этотъ методъ достигъ абсолютной точности съ тѣхъ поръ, какъ приложение діаграфа, діоптра, краніографа, стереографа и другихъ механическихъ пріемовъ рисованія, дозволило получать геометрические рисунки или прямая проекціи. Рисуя съ помощью этихъ точныхъ пріемовъ различные нормы черепа и различные разрѣзы его, можно съ точностью определить относительное положеніе различныхъ исходныхъ точекъ (*points de rep鑑e*) и относительное направление черепныхъ линій и плоскостей. Можно такъ же отнести сюда и методъ Кюве и Сентъ-Илера, кои безъ помощи рисунка строили лицевой трехугольникъ способами чисто геометрическими. Методъ этотъ затѣмъ былъ прилагаемъ къ построению сфероидального трехугольника, виѣ черепной (*extra-cranien*) трапеци, внутренне-черепной (*intra-cranien*) трапеци и т. д. Графический методъ при удачномъ приложеніи даетъ точные результаты, могущіе обніять собою большинство черепныхъ угловъ; но онъ очень медленъ на практикѣ, требуетъ предосторожностей, часто затруднителенъ и не соотвѣтствуетъ потребностямъ современной краніологии, имѣющей дѣло всегда съ очень значительнымъ числомъ наблюдений, требующихъ возможной скорости ихъ производства. Поэтому теперь прибѣгаютъ къ графическому методу только въ тѣхъ случаяхъ, въ которыхъ другие болѣе удобные и болѣе практическіе способы не приложимы.

Методъ гоніометрический состоитъ въ употребленіи особаго инструмента, называемаго гоніометромъ. Первый гоніометръ (Лиха 1817 г.) служилъ для измѣрения угла основно-лицеваго (*basi-facial*) Бартлея. Мортонъ въ 1837 году устроилъ гоніометръ для лицеваго угла Кампера. Въ настоящее время существуетъ большое число гоніометровъ очень различного устройства для измѣрения угловъ—лицевыхъ, ушныхъ, височныхъ, за-

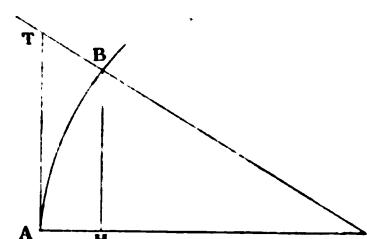
тыдочныхъ, основныхъ и т. д. Устройство этихъ различныхъ инструментовъ видоизмѣняется смотря по свойству линій или плоскостей, у коихъ требуется измѣрить ихъ относительное наклоненіе. Всѣ гоніометры состоятъ изъ основнаго четырехугольника, на коемъ пластинка отмѣчаетъ въ градусахъ величину измѣряемаго угла. Гоніометрическій способъ имѣть преимущество въ тѣхъ случаяхъ, въ коихъ онъ приложимъ, но къ сожалѣнію возможность его приложения весьма ограничена. Существуютъ линіи и плоскости, кои не могутъ быть измѣрены съ помощью гоніометра; существуетъ много исходныхъ точекъ, кои, хотя и лежатъ на черепѣ, но коихъ точки пересѣченія для образованія угла воображаемы или отвлечены. Существуютъ и такія вершины угловъ и стороны ихъ, кои хотя и лежатъ на черепѣ, но не могутъ быть легко доступны гоніометру, и измѣренія коихъ потребовало бы чрезвычайно сложныхъ снарядовъ. Наконецъ мы увидимъ тотчасъ же, что многія линіи, имѣющія существенную важность, не могутъ дать гоніометру достаточно прочной опоры. Отсюда вытекаетъ то, что приложение гоніометрическаго метода часто очень затруднительно, а иногда и совсѣмъ невозможно.

Чтобы побѣдить такие случаи, въ коихъ методъ гоніометрический неприложимъ, и служить методъ тригонометрическій. Онъ состоитъ въ измѣрѣніи вмѣсто самого угла одной изъ его тригонометрическихъ линій. Уголъ конечно, можетъ быть измѣренъ только по дугѣ съ помощью круга съ дѣленіями, но определить величину угла можно и съ помощью его тригонометрическихъ линій.

Методъ этотъ не требуетъ полнаго и всесторонняго знанія тригонометріи. Для пониманія его и приложения достаточно очень небольшаго числа самыхъ элементарныхъ знаній, кои мы и напомнимъ здѣсь тѣмъ изъ нашихъ читателей, кои позабыли можетъ быть эту сторону своего классическаго образованія; знакомыхъ хорошо съ математикою мы просимъ прямо перейти къ рубрикѣ специальнаго приложения тригонометрическаго метода, пропустивъ нижеслѣдующія замѣчанія.

Элементарная сѣльня о тригонометрическихъ линіяхъ.

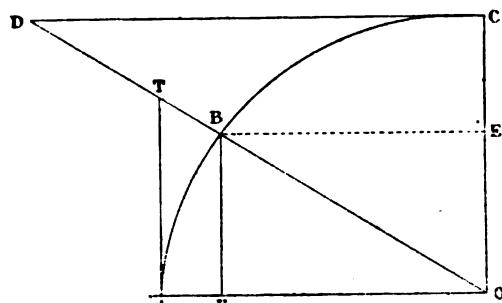
1. Оставивъ въ сторонѣ частный случай прямаго угла, мы можемъ принять, что определеніе величины всякого другаго угла сводится къ острому углу, такъ какъ если уголъ тупой, то его можно определить, узнавши его дополнительный уголъ, а этотъ дополнительный всегда будетъ острый. Для этого стоитъ только изъ  $180^{\circ}$  вычесть дополнительный уголъ и мы получимъ величину тупаго. Поэтому все нижеслѣдующее будетъ касаться только острыхъ угловъ.



Фиг. 4.

2. Можно узнать величину острого угла или прямымъ измѣрениемъ его, или же опредѣляя его дополнительный до прямаго, который будетъ также острый, такъ какъ сумма этихъ двухъ угловъ равняется  $90^{\circ}$ . Поэтому каждый уголъ такъ же хорошо характеризуется тригоно-

метрическими линиями своего дополнительного угла, какъ и своими собственными.



Фиг. 5.

3. Если вершина угла  $AOB$  (фиг. 4), лежить въ центрѣ круга произвольнаго радиуса, пересѣкающаго стороны угла въ точкахъ  $A$  и  $B$ , то опустимъ изъ точки  $B$  на  $AO$  перпендикуляръ  $BH$  и возстановимъ другой перпендикуляръ  $AT$ , составляющей касательную круга. Эти двѣ линіи образуютъ съ двумя сторонами угла два прямоугольныхъ и подобныхъ трехугольника. Стороны каждого трехугольника имѣютъ опредѣленныя и характеристическая соотношенія для каждого угла. Абсолютная длина каждой изъ сторонъ измѣняется, смотря по длине дуги  $AB$ , и потому не представляетъ ничего характеристического; но если мы условимся отнести всѣ углы къ одному *постоянному* радиусу и притомъ такъ, чтобы гипотенуза маленькаго трехугольника и основаніе большаго были неизмѣнны, то другія стороны при нашемъ условіи станутъ характеристическими и получать названіе *тригонометрическихъ линій*. Каждая изъ нихъ будеть имѣть неизмѣнную величину для одного и того же угла и измѣняться смотря по величинѣ угловъ.

Въ такомъ случаѣ достаточно будетъ одной такой линіи, чтобы опредѣлить величину угла. Очевидно въ самомъ дѣлѣ, что изъ всѣхъ острыхъ угловъ, относящихся къ дугѣ радиуса  $AO$ , уголъ  $AOB$  будетъ единственный, укоего высота меньшаго треугольника будетъ равна  $BH$ , а у большаго линіи  $AT$ .

4. Дополнимъ предыдущую форму тѣмъ, что проведемъ изъ центра радиусъ  $CO$ , перпендикулярный къ  $AO$ , и продолжимъ дугу  $AB$  до  $C$ ; затѣмъ проведемъ линію  $CD$  перпендикулярно къ  $CO$  и параллельно къ  $AO$  и продолжимъ наконецъ радиусъ  $OB$  до пересѣченія его съ  $CD$ . Мы получимъ такимъ образомъ чертежъ, на которомъ написены всѣ тригонометрическія линіи угла  $AOB$  (фиг. 5).

$AO$  есть *радиусъ* ( $R$ ).

$BH$  есть *синусъ* ( $\sin.$ ).

$OH$  есть *косинусъ* ( $\cos.$ ).

$AT$  есть *тангенсъ* ( $tang.$ ).

$CD$  есть *котангенсъ* ( $cotg.$ ).

Для нашей цѣли нѣтъ надобности обращать вниманіе ни на *секансъ*  $OT$ , ни на *косекансъ*  $OD$ , такъ какъ они до сихъ поръ еще не получили никакого приложенія въ краніологии.

5. Легко усмотреть, что уголъ  $BOC$  есть дополнительный къ данному углу  $AOB$ . Если мы проведемъ чрезъ точку  $B$  линію  $BC$ , перпендикулярную къ  $CO$ , то эта линія будетъ для угла  $BOC$  то же, что линія  $BH$  для угла  $AOB$ , т. е. она будетъ *синусъ дополнительного угла  $BOC$* ; но  $BE$  равна  $OH$ , составляющей *косинусъ угла  $AOB$* ; слѣдовательно, *косинусъ угла равенъ синусу дополнительного къ нему*.

Кромѣ того линія  $EO$ , составляющая *косинусъ  $BOC$* ,

равна  $BH$ , или *синусу угла  $AOB$* ; отсюда слѣдуетъ, что *синусъ угла равенъ косинусу дополнительному*.

Наконецъ линія  $CD$  есть *тангенсъ угла дополнительнаго  $BOC$* ; отсюда и произошло название этой линіи *котангенсъ*.

6. Изъ двухъ подобныхъ трехугольниковъ  $BHO$  и  $TAO$  мы получаемъ слѣдующее соотношеніе  $TA: AO:: BH: HO$ , или  $\text{tang}: R:: \sin: \cos$ . Отсюда получается слѣдующая формула:  $\text{tang} = R \times \frac{\sin}{\cos}$ .

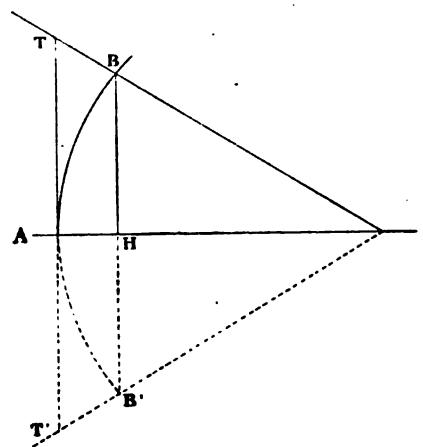
Поэтому, принявши радиусъ равнымъ единицѣ, мы получаемъ, что *тангенсъ есть отношение синуса къ косинусу*.

7. Точно также два подобныхъ трехугольника  $BHO$  и  $OCD$  даютъ пропорцію  $BH: HO:: CO: CD$  или  $\sin: \cos:: R: \cotg.$  отсюда  $\cotg = R \times \frac{\cos}{\sin}$

т. е., если радиусъ равенъ единицѣ, то *котангенсъ есть отношение косинуса къ синусу*.

8. *Возрастание и уменьшение тригонометрическихъ линій*. На нашемъ чертежѣ мы видимъ двѣ вертикальныя линіи, синусъ и тангенсъ, и двѣ горизонтальныя — косинусъ и котангенсъ. Если уголъ увеличивается отъ  $0$  до  $90^\circ$ , то двѣ первыя линіи возрастаютъ въ величинѣ, а двѣ послѣднія уменьшаются. Для угла въ  $0^\circ$  синусъ и тангенсъ также равны  $0$ , косинусъ равенъ радиусу, а котангенсъ безконечная величина. При угла въ  $90^\circ$ , наоборотъ, косинусъ и котангенсъ равны нулю, синусъ равняется радиусу, составляющему для него *тахитимъ* величины, а тангенсъ безконечная величина. При  $45^\circ$  синусъ равенъ косинусу, тангенсъ котангенсу и обѣ послѣднія линіи равны радиусу; у угла ниже  $45^\circ$  синусъ меньше косинуса, а тангенсъ меньше котангенса; у угла выше  $45^\circ$  отношенія обратныя.

9. *Отрицательные дуги и отрицательные линіи*. Тригонометрическія линіи, давая намъ возможность опредѣлить величину угла  $AOB$ , тѣмъ самымъ указываютъ намъ на степень наклоненія линіи  $OB$  надъ линіею  $AO$ ; но они не опредѣляютъ намъ относительное положеніе этихъ двухъ линій, такъ какъ можно провести подъ  $AO$  (фиг. 6) линію  $OB'$ , образующую уголъ  $AOB'$ , равный первому и имѣющій всѣ тригонометрическія линіи равные по длине съ его тригонометрическими линіями. Поэтому необходимо отличать эти углы другъ отъ друга особыми знаками, указывающими ихъ относительное положеніе; для этого употребляются знаки  $+$  и  $-$ .



Фиг. 6.

Такъ какъ точка  $A$  принимается за исходную точку въ коей обѣ стороны угла сливаются и дуга идѣ-

есть нуль градусовъ, то обозначаютъ знакомъ + углы, отчитываемые отъ этой точки вверху, а знакомъ — углы отчитываемые внизу. Такъ какъ для насъ интересъ только острые углы, то мы можемъ замѣтить, что при отрицательномъ углѣ, направление двухъ вертикальныхъ линій его, синуса и тангенса, не будетъ обратное направление сравнительно съ угломъ положительнымъ: вѣдьство того, чтобы направляться вверхъ, обѣ эти линіи идутъ къ низу и становятся такимъ образомъ отрицательными, обозначаемыми знакомъ —. Напротивъ этого обѣ горизонтальные линіи, косинусъ и котангенсъ, всегда сохраняютъ тоже направление, справа налеву, при острыхъ углахъ и потому всегда положительны.

Существуютъ краніометрические углы, каковъ напримѣръ лицевой, кои никогда не измѣняютъ своего направления и потому относительно ихъ неѣть надобности заботиться обозначать знаками направление ихъ тригонометрическихъ линій. Но другие углы, какъ напримѣръ уголъ Добантона, могутъ быть то положительными, то отрицательными, т. е. у нихъ измѣняющаяся въ себѣ направлениіи линія *BO* можетъ идти то сверху, то снизу неподвижной линіи *AO*. Поэтому у такихъ угловъ необходимо всегда обозначать дугу, синусъ и тангенсъ знакомъ + или —. Что касается до косинуса и котангенса, то такъ какъ ихъ направление неизмѣняется, то они и не нуждаются въ подобномъ обозначеніи.

10. Радіусъ. Радіусъ *AO* или *R* есть величина постоянная для всѣхъ угловъ и она служить мѣрой всѣхъ другихъ тригонометрическихъ линій, такъ какъ ихъ соотношенія съ радиусомъ служатъ основою для выводовъ. Эти соотношения, вычисленные для всей серии угловъ, даютъ подробныя тригонометрическія таблицы, съ помощью коихъ мы и составили наши сокращенные таблицы. Если извѣстна какая либо тригонометрическая линія, то по подробнѣмъ таблицамъ мы можемъ получить, непосредственно или же съ помощью логарифмовъ, величину соотвѣтствующей дуги въ градусахъ, минутахъ, секундахъ и доляхъ секундъ. Извѣстно, что такія таблицы составляютъ большой томъ, и употребленіе ихъ требуетъ особаго специального навыка. Такъ какъ при нашихъ краніометрическихъ изслѣдованіяхъ мы не имѣемъ надобности въ столь большой точности ни для линій, ни для дугъ, то мы можемъ съ одной стороны избѣжать употребленія логарифмовъ, а съ другой достигнуть того, что всѣ необходимыя для нашей цѣли результаты вмѣстятся на двухъ страницахъ таблицъ. Въ обыкновенныхъ таблицахъ радиусъ принимается равнымъ единицѣ, что значительно упрощаетъ вычислениіе при употребленіи формулъ, въ коихъ всегда радиусъ является однимъ изъ факторовъ, или въ видѣ дѣлителя, или множителя, такъ какъ это даетъ возможность не осложнять вычисленій величиною радиуса. Но при приложеніяхъ тригонометріи къ краніологии намъ казалось болѣе удобнымъ принять за радиусъ длину въ 100 миллиметровъ. Въ краніологии употребляются только очень простыя формулы, въ коихъ радиусъ никогда не входить множителемъ, а если онъ является числителемъ или знаменателемъ, то достаточно бываетъ при такомъ условіи перенести на два члена запятую, чтобы получить извѣстный результатъ; подобная операциѣ перенесенія запятой очевидно крайне легка и не требуетъ особыго напряженія.

Употребленіе таблицъ. Имѣя дѣло въ краніологии съ величинами, измѣренными только съ вѣрностю до одного миллиметра, и считая приближеніе въ одинъ градусъ достаточнымъ для угловъ, мы поставили въ нашихъ таблицахъ только величины, соотвѣтствующія

цѣлымъ миллиметрамъ для линій и цѣлымъ градусамъ для дугъ. Употребленіе таблицъ вслѣдствіе этого сдѣдалось очень легкимъ и нахожденіе величинъ по нимъ скорѣй, такъ какъ каждая таблица стала отъ того очень коротенькою.

Таблица синусовъ служитъ всего чаще на практикѣ; она относится также и къ косинусамъ. Эта таблица приложена во всѣхъ тѣхъ случаяхъ, когда употребленіе приемы позволяютъ привести непосредственно уголъ къ постоянному радиусу въ .100 миллиметровъ. Если выборъ возможенъ, то есть основаніе предпочитать синусъ для угловъ ниже 45° и косинусъ для угловъ большихъ 45°. Свыше 60° почти необходимо прибѣгать къ косинусамъ. Косинусы помѣщены также въ формулу коррекціи, о которой мы скажемъ ниже.

Если нельзя непосредственно привести ни ту, ни другую линію къ радиусу въ 100 миллиметровъ, то измѣреніе одной изъ этихъ линій становится уже недостаточнымъ. Во многихъ случаяхъ, впрочемъ, является возможность измѣрить обѣ эти линіи. Ихъ соотношеніе, помноженное на 100, даетъ тогда тангенсъ или котангенсъ угла. Поэтому въ нашихъ таблицахъ помѣщена и таблица тангенсовъ.

Наконецъ встрѣчаются случаи, въ коихъ, при вычислениіи рядовъ по опредѣлѣніи угловъ съ помощью ихъ тригонометрическихъ линій, необходимо бывать опять вернуться къ послѣднимъ и опредѣлить ихъ съ помощью угловъ. Поэтому составлена таблица дугъ, дающая для каждого градуса дуги величину тригонометрическихъ линій.

Эти различные таблицы тотчасъ становятся понятными для тѣхъ, кои знакомы съ употребленіемъ полныхъ тригонометрическихъ таблицъ. Но мы всетаки считаемъ необходимымъ дать нѣкоторыя объясненія относительно нашихъ таблицъ для тѣхъ, кои не имѣютъ навыка прибѣгать къ подобному роду изслѣдованія.

Первая таблица. Дуги по градусамъ. Зная дугу, найти ея тригонометрическія линіи.

На этой первой таблицѣ можно найти въ миллиметрахъ величину четырехъ тригонометрическихъ линій для дугъ, возрастающихъ на 1 градусъ и съ 1° до 90° и соотвѣтствующихъ кругу съ радиусомъ въ 100 миллиметровъ.

Возьмемъ, напримѣръ, на 15 строкѣ дугу въ 15°, записанную въ первомъ столбце. На этой же строкѣ во второмъ столбце мы найдемъ величину синуса 25,88 м., въ четвертомъ столбце величину косинуса 96,59 м. и наконецъ въ 6 и 8 столбцахъ величины тангенса и котангенса. Это для градусовъ, выраженныхъ въ цѣлыхъ числахъ; но величины дугъ часто бываютъ дробными; въ такомъ случаѣ прибѣгаютъ къ промежуточнымъ столбцамъ 3, 5, 7 и 9, названнымъ разностями (*differences*).

Разность указываетъ въ миллиметрахъ измѣненіе, происходящее въ тригонометрической линіи, если уголъ измѣняется на 1 градусъ. Эта разность иногда бываетъ одинаковою для нѣсколькихъ послѣдовательныхъ градусовъ и въ такихъ случаяхъ она обозначена на таблицахъ только разъ; тамъ гдѣ оставлено пустое мѣсто слѣдуетъ брать предшествующую величину въ столбцы.

Предположимъ себѣ, что намъ нужно опредѣлить синусъ дуги 15°,26. Мы отыскиваемъ сначала синусъ 15° и получаемъ 25,88 м. Затѣмъ мы беремъ въ 3-мъ столбце разность для одного градуса, которая будетъ 1,68 м. Тогда мы заключаемъ такъ: для 1 градуса увеличеніе будетъ на 1,68 м., а слѣдовательно для 0°,26 оно будетъ  $0,26 \times 1,68$  м. = 0,44. При-

бавляя затѣмъ 0,44 къ 25,88, мы получаемъ 26,32 м., величину синуса дуги  $15^{\circ}26$ . Увеличеніе для части радиуса будетъ поэтому равняться разности, помноженной на дробь дуги.

Разность прибавляется, если дѣло идетъ о синусѣ или тангенсѣ, такъ какъ эти линіи увеличиваются по мѣрѣ возрастанія дуги; она вычитается, наоборотъ, у косинусовъ и котангенсовъ, уменьшающихся при увеличеніи дуги.

Такъ какъ котангенсы дугъ меньшихъ  $45^{\circ}$  почти не имѣютъ приложенія къ краніологии, то мы и не вписали ихъ разностей въ нашу таблицу.

*Вторая таблица. Сравненіе синусовъ и косинусовъ. Зная синусъ, найти вѣю косинусъ.*

Вторая таблица даетъ при радиусѣ въ 100 миллиметровъ величину косинуса, соответствующую каждому увеличенію на миллиметръ синуса. Эта таблица не требуетъ объясненій; она служить для приложенія формулъ коррекціи, объясняемой ниже.

*Третья таблица. Синусы въ миллиметрахъ. Зная синусъ или косинусъ, опредѣлить дугу.*

Третья таблица имѣеть всего болѣе приложенія. Она показываетъ (2-й столбецъ) величину дуги, соответствующей каждому миллиметру синуса, начиная съ синуса въ 1 м., коего дуга  $0^{\circ}57$ , и до синуса въ 100 м., коего дуга  $90^{\circ}$ .

Та же таблица даетъ (3-й столбецъ) величину дуги для каждого миллиметра косинуса. Мы видѣли выше, что синусъ угла есть косинусъ его дополнительного. Третій столбецъ поэтому обозначенъ: *дополнительный уголъ для косинуса*.

Такъ на строкѣ 5-й этой таблицы мы видимъ, что длина въ 5 миллиметровъ есть синусъ дуги  $2^{\circ}87$  и косинусъ угла  $87^{\circ}13$ ; действительно  $2^{\circ}87+87^{\circ}13=90^{\circ}$ . Поэтому, если измѣренная линія есть синусъ, то отыскиваютъ величину дуги во второмъ столбѣ, а если косинусъ, то въ третьемъ.

На этой же таблицѣ имѣется для линій, выраженныхъ въ дробныхъ числахъ, столбецъ разностей, указывающихъ измѣненіе дуги при измѣненіи линіи, синуса или косинуса, на 1 м. Этотъ столбецъ разностей служитъ для той же цѣли, какъ и таковой же первой таблицы; онъ показываетъ какую величину нужно прибавить къ дугѣ для десятичныхъ долей синуса, или вычесть для такихъ же долей косинуса. Разность получается чрезъ помноженіе долей миллиметра на число, указанное въ соотвѣтствующемъ *мѣстѣ столбца разностей*.

*Четвертая таблица. Тангенсы въ миллиметрахъ. Зная тангенсъ или котангенсъ, опредѣлить дугу.*

Предыдущія объясненія приложимы въ равной степени и къ этой таблицѣ, соотвѣтствующей одновременно тангенсамъ и котангенсамъ, ибо котангенсъ есть тангенсъ дополнительного угла, а косинусъ есть синусъ послѣдняго. Для примѣра возьмемъ величину измѣренной нами линіи въ 21 миллиметръ; если это тангенсъ,

то уголъ будетъ  $11^{\circ}85$ , а если это котангенсъ, то уголъ будетъ равняться  $78^{\circ}15$ , такъ какъ  $11^{\circ}85+78^{\circ}15=90^{\circ}$ . Для дробныхъ чиселъ разность прибавляется къ дугѣ, если дѣло идетъ о тангенсѣ, и вычитается, если мы имѣемъ котангенсъ. Опредѣляется разность, какъ и въ предыдущихъ случаяхъ.

Эта послѣдняя таблица гораздо обширнѣе другихъ потому, что обѣ линіи, комѣдь она касается, измѣняются отъ нуля до безконечности. Она даетъ числа по миллиметрамъ до 120, а затѣмъ величину чрезъ каждые 5 миллиметровъ между 120 и 200. Съ этого числа и 10 конца предѣлы послѣдовательно выражаются чрезъ 10, 20, 50, 100, 200 и 500 миллиметровъ. Такъ какъ длина линій безпредѣльна, то очевидно невозможно выписать всѣ величины, соотвѣтствующія увеличенію на каждый миллиметръ до безконечности. Но это и не нужно. Въ самомъ дѣлѣ, по мѣрѣ того, какъ эти линіи становятся болѣе длинными, ихъ миллиметрическое возрастаніе оказывается все болѣе и болѣе слабое вліяніе на величину дуги, такъ что въ концѣ таблицы измѣненіе въ 100 и 200 миллиметровъ въ линіяхъ менѣе замѣтно по отношенію дуги, чѣмъ при началѣ таблицы измѣненіе на одинъ миллиметръ. Кромѣ того, какъ увидимъ въ послѣдствії, мы рѣдко прибѣгаемъ къ краніологии къ приложенію тангенсовъ и котангенсовъ, имѣющихъ болѣе 120 миллиметровъ. Въ сущности наша таблица и могла бы остановиться на этомъ числѣ: если мы ее продолжали далѣе, то только въ виду особыхъ случаевъ, на столько специальныхъ, что мы считаемъ лишнимъ излагать ихъ здѣсь.

Можно себя спросить: какую пользу могутъ представить на нашихъ двухъ послѣднихъ таблицахъ столбцы разностей, если мы измѣряемъ тригонометрическія линіи съ ошибкою до 1 миллиметра? Но эти линіи не всегда получаются только чрезъ непосредственное измѣненіе. Тангенсы и котангенсы обыкновенно получаются изъ соотношеній, кои почти всегда дробныя. Что касается до синусовъ и косинусовъ, то они часто являются въ видѣ цѣлыхъ чиселъ въ индивидуальныхъ случаяхъ, но всегда дробныя въ среднихъ. Наконецъ въ нѣкоторыхъ частныхъ случаяхъ измѣренные синусъ и косинусъ относятся не къ постоянному радиусу въ 100 миллиметровъ, но къ радиусу большему или меньшему. Въ такихъ случаяхъ необходимо ихъ привести къ радиусу въ 100 м. и выразить въ десятичныхъ доляхъ, т. е. въ дробныхъ числахъ. Поэтому столбецъ разностей и необходимъ.

Данные нами объясненія касаются только употребленія тригонометрическихъ таблицъ, но они не говорятъ ничего о самомъ методѣ, на изложеніи коего мы и должны теперь остановиться. Мы разсмотримъ сначала тригонометрический методъ съ точки зрѣнія опредѣленія краніометрическихъ данныхъ; затѣмъ мы изучимъ условія, дѣлающія возможнымъ приложеніе этого метода къ краніометріи, и, наконецъ, остановимся на нѣкоторыхъ частныхъ случаяхъ, въ коихъ этотъ методъ приложимъ съ особеннымъ успѣхомъ.

### § 5. О тригонометрическомъ методѣ.

Я уже указалъ главнѣйшія приложенія этого метода еще въ 1873 г. въ *Bulletins de la Société d'Anthropologie* (стр. 76—92 и стр. 154—178) и въ 1877 г. въ *Revue d'Anthropologie* (стр. 385—410), но несмотря на то онъ еще очень мало известенъ. Поэтому не безполезно изложить его здѣсь во всей совокупности и показать, что

это одинъ изъ наиболѣе общихъ краніометрическихъ методовъ. Для установленія основъ этого метода мнѣ было необходимо прибѣгнуть къ тригонометріи, но при существованіи разъ выработанныхъ положеній каждый, даже малознакомый съ геометріею, можетъ съ удобствомъ прибѣгать къ этому методу и пользоваться имъ.

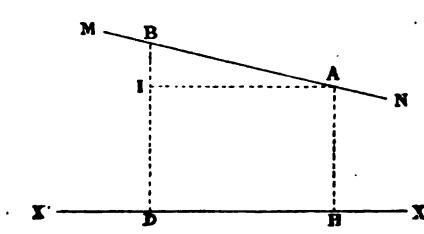
Цель тригонометрии есть решение трехугольников посредством вычислений, или другими словами определение неизвестных еще элементов их с помощью техъ, кои уже известны. Элементы, позволяющие определить трехугольник, дают также возможность построить его на бумагѣ и получить фигуру, на которой можно удобно измѣрить съ помощью циркуля и транспортира искомые углы и стороны. Этотъ графический способъ гораздо проще, чѣмъ методъ тригонометрическихъ вычислений, но даваемые имъ результаты только приблизительны, а потому если необходимо иметь болѣе точные данные, то необходимо прибѣгнуть къ труду гораздо болѣе продолжительному и обременительному, т. е. къ вычислению элементовъ трехугольниковъ.

Существуютъ совершенно особыя цѣли по отношенію приложения къ краинометріи вѣкоторыхъ методовъ, основанныхъ на тригонометріи. Углы, кои желательно измѣрить, могутъ быть получены съ помощью графической триангуляціи. Все можетъ быть безъ особыхъ серьозныхъ затруднений построено и измѣрено на бумагѣ и притомъ съ совершенно достаточнымъ приближеніемъ къ точности, но при всемъ этомъ нужно потратить много времени. Вотъ для избѣжанія такої потери времени и для упрощенія труда и позаимствовали у тригонометріи вѣкоторая изъ язъ яс основныхъ положеній и, притомъ, позаимствовали не для вычислений трехугольниковъ, а для определенія угловъ методами настолько же точными, какъ и графические, но гораздо болѣе удобными и быстрыми при практическомъ ихъ приложении.

Намъ могутъ представиться случаи необходимости определенія градусовъ наклоненія линій къ линіи, линіи къ плоскости или же одной плоскости по отношенію другой. Но всѣ эти три случая, какъ увидимъ далѣе, могутъ быть въ концѣ концовъ приведены къ одному: къ определенію наклоненія линіи, лежащей въ той же плоскости.

Этого можно достигнуть несколькими пріемами.

**Первый способъ.** Синусъ, приведенный къ радиусу въ 100 миллиметровъ. Намъ нужно измѣрить наклоненіе линіи  $MN$  къ линіи  $xx'$ , т. е. уголъ  $O$ , который они ограничиваютъ, если ихъ продолжить до точки пересечения (фиг. 7). Для этого я обозначаю на линіи  $MN$  двѣ точки  $A$  и  $B$ , отстоящія на 10 центиметровъ или 100 миллиметровъ другъ отъ друга. Съ помощью линейки съ масштабомъ, приложенной къ линіи  $xx'$ , я измѣряю высоту точекъ  $B$  и  $A$  надъ  $xx'$ , и получаю въ миллиметрахъ длину двухъ перпендикуляровъ  $BD$  и  $AH$ . Взявъ разность  $BD - AH$ , я, положимъ, нахожу ее равной 17 миллиметрамъ. Эта разность и есть синусъ искомаго угла при радиусѣ въ 100 миллиметровъ.



Фиг. 7.

$BJA$ , чоего гипотенуза равна 100 миллиметрамъ, т. е. величинѣ радиуса нашихъ таблицъ, высота  $BJ$  есть синусъ угла  $BJA$ . Такъ какъ  $BJ = BD - AH$ , то разность двухъ высот  $BD$  и  $AH$  есть синусъ искомаго угла. Зная, что этотъ синусъ имѣть 17 миллиметровъ, я не-

посредственно нахожу на таблицѣ синусовъ, что величина угла  $9^{\circ}76$ .

Принимая въ соображеніе затѣмъ, что точка  $B$  лежать надъ линіею  $JA$  и что потому  $BD$  больше  $AH$ , я отмѣчаю, что разность  $BD - AH$  положительная; поэтому я пишу при синусѣ и при углѣ знакъ +, а именно:  $\sin = +17$  м., дуга =  $+9^{\circ}76$ .

Если бы, наоборотъ, точка  $B$  лежала подъ линіею  $JA$ , то  $BD$  была бы менѣе  $AH$  и разность  $BD - AH$  была бы отрицательною; тогда и синусъ и уголъ отмѣчается знакомъ —.

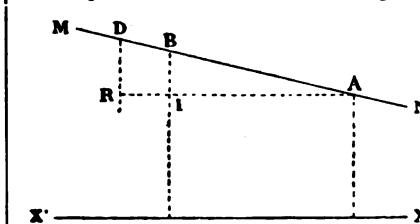
Всякій пойметъ необходимость присоединенія этихъ знаковъ: если уголъ положительный, то вершина его будетъ лежать направо, а его отверстіе будетъ направлено вѣтво; если же онъ отрицательный, то наоборотъ вершина будетъ слѣва, а отверстіе направлено направо. Нѣть надобности прибавлять, что если уголъ равенъ пулю, то линіи будутъ параллельны.

Въ томъ же самомъ трехугольнике  $ABJ$ , основаніе  $JA$  есть косинусъ искомаго угла  $B AJ$ ; поэтому можно было бы получить этотъ уголъ, измѣряя  $JA$ , т. е.  $HD$  вмѣсто измѣренія  $B J$ . Иногда прибѣгаютъ къ этому способу косинуса, если углы очень велики, такъ какъ въ такомъ случаѣ вариаціи синуса становятся мало замѣтными. Но для угловъ ниже  $60^{\circ}$  способъ синуса предпочтительнѣе, потому что измѣреніе косинуса вызываетъ необходимость проведенія двухъ перпендикуляровъ, что при черченіи на бумагѣ составляетъ уже осложненіе, и вообще часто затруднительно на черепѣ. Поэтому вообще слѣдуетъ отдавать предпочтеніе способу синуса.

Въ приложениіи формулъ коррекціи часто необходимо, какъ увидимъ далѣе, знать длину косинуса, но даже и въ этомъ случаѣ необходимо прибѣгать къ способу синуса. Измѣривъ синусъ, мы тотчасъ же найдемъ на второй таблицѣ величину соотвѣтствующаго косинуса.

Первый способъ, только что описаній нами, наиболѣе простъ, наиболѣе точенъ и удобенъ, но онъ объ-условливается возможностію провести непосредственно синусъ при радиусѣ въ 100 миллиметровъ. Это всегда легко на бумагѣ, но на черепѣ дѣло иное: тутъ можно достигнуть этого только съ помощью искусственного пріема, приложимаго только въ извѣстныхъ определенныхъ случаяхъ. Если непосредственное измѣреніе синуса, приведенного къ радиусу въ 100 миллиметровъ, невозможно, то прибѣгаютъ къ слѣдующему способу.

**Второй способъ.** Синусъ приведенный къ измѣняющемся радиусу. Направленіе какой либо линіи  $MN$  всегда возможно определить съ помощью двухъ точекъ; поэтому на черепѣ всегда найдутся какія либо двѣ исходныя точки (points de rep鑑e)  $A$  и  $B$ , кои укажутъ направление этой линіи (фиг. 8); но при этомъ всѣ другія точки линіи будутъ только воображаемыи и потому невозможно отметить на этой линіи двѣ точки, отстоящія другъ отъ друга на 100 миллиметровъ. Кромѣ того въ такихъ случаяхъ и разстояніе  $AB$  измѣнчиво, смотря по форме черепа, и слѣдовательно, для насъ невозможно получить непосредственно постоянный радиусъ.



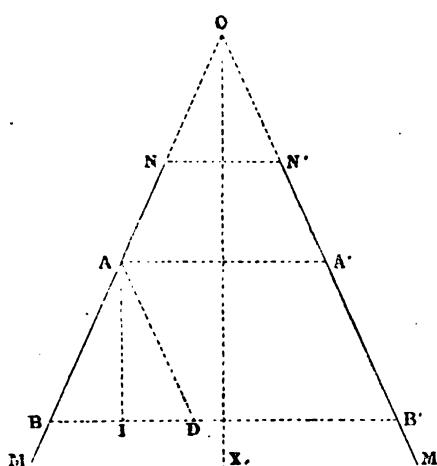
Фиг. 8.

Будемъ однако же поступать, какъ и въ предыдущемъ случаѣ, и измѣримъ въ миллиметрахъ разность  $B J$ , а также разстояніе  $AB$ , что всегда возмож-

Но такъ какъ точки  $B$  и  $A$  лежать на черепѣ. Затѣмъ возьмемъ соотношеніе  $\frac{100 \times BJ}{AB}$ ; частное составитъ синусъ иско-  
мого угла, приведенного къ радиусу въ 100 миллиметровъ.

Очевидно, что если мы возьмемъ  $AD=100$  миллиметровъ, то  $RD$  будетъ синусъ нашего угла. Изъ двухъ подобныхъ трехугольниковъ  $AJB$  и  $ARD$  мы получаемъ пропорцію  $RD: DA :: BJ: AB$ , откуда  $\frac{DA \times BJ}{AB} = RD$  или  $\frac{100 \times BJ}{AB} =$  синусу иско-  
мого угла.

**Третій способъ.** Синусъ полуугла съ радиусомъ въ 100 миллиметровъ для случаевъ симметрическихъ линій. Приложеніе способа синуса требуетъ, чтобы по крайней мѣрѣ одна изъ двухъ сторонъ угла могла служить прочной опорой линейки съ масштабомъ. Случается однако въ краніометріи же, что обѣ эти стороны или обозначаются только гибкими спицами, къ коимъ нельзя приложить линейку, или же онъ воображаемыя. Если эти линіи лежать симметрично по обѣмъ сторонамъ срединной плоскости черепа, какъ это случается очень часто, то можно приложить способъ синуса, опредѣляя половину угла вмѣсто определенія цѣлой величины его.



Фиг. 9.

Пусть дашь двѣ линіи  $MN$ ,  $M'N'$  (фиг. 9), опредѣляющія съ каждой стороны черепа двумя симметрическими исходными точками. Предположивъ, что черепъ симметриченъ, мы продолжаемъ обѣ эти линіи до пересѣченія ихъ въ какой либо точкѣ  $O$ , лежащей въ срединной плоскости черепа. Если мы возьмемъ двѣ симметричные исходные точки, какъ напримѣръ  $N, N'$ , лежащія одна справа, другая слѣва, то, такъ какъ онъ должны лежать на равномъ разстояніи отъ вершины  $O$ , трехугольникъ  $NON'$  будетъ равнобедренный а линія раздѣла  $OX$  будетъ перпендикулярна къ основанію  $NN'$ .

Предположимъ теперь, что обѣ линіи  $MN$  и  $M'N'$  таковы, что возможно на ихъ протяженіи, или ихъ продолженіи, отмѣтить величину въ 100 миллиметровъ. Возьмемъ затѣмъ  $A$  и  $A'$  на равномъ разстояніи отъ  $N$  и  $N'$ , отложимъ  $AB=A'B'=100$  миллиметрамъ и получимъ симметрическую трапецию  $AA'BB'$ , коей оба основанія будуть перпендикуляры къ линіи, дѣляющей ихъ на равныя части, т. е.  $OX$ .

Измѣримъ теперь въ миллиметрахъ оба основанія  $AA'$  и  $BB'$  и возьмемъ сначала разность  $BB'-AA'$ : число миллиметровъ этой разности дастъ намъ синусъ половины угла  $O$ .

Въ самомъ дѣлѣ, если мы проведемъ  $AD$  параллельно  $A'B'$ , то треугольникъ  $BAD$  будетъ равнобедренный, а линія раздѣла  $AJ$  будетъ перпендикулярна къ основанію. Имѣя  $B'D=AA'$ , и  $BD=BB'-AA'$ , получаемъ  $BJ=\frac{BB'-AA'}{2}$ . Съ другой стороны въ прямоугольномъ трехугольнике  $BAJ$  гипотенуза  $AB=100$  миллиметрамъ, а потому высота  $BJ$  есть синусъ угла  $BAJ$ , равнаго углу  $MOX$ , т. е.  $\frac{1}{2}$  угла  $O$ .

Слѣдовательно полуразность двухъ основаній есть синусъ половины иско-  
мого угла. Если, напримѣръ, я нахожу  $BB'-AA'=38$  мм., то я беру половину, т. е. 19 мм.; затѣмъ нахожу въ таблицахъ, что синусъ въ 19 миллиметровъ характеризуетъ уголъ въ  $10^{\circ} 95$ . Умножая его на два, получаю  $21^{\circ} 90$  для величины иско-  
мого угла.

Этотъ способъ потребовалъ довольно продолжительного описанія, но на практикѣ онъ очень скоръ. Да-  
лѣе мы увидимъ, что онъ дозволяетъ измѣрить гла-  
зничный (biorbitaire) уголъ менѣе чѣмъ въ секунду. Этотъ способъ требуетъ также, чтобы обѣ симметриче-  
сکія линіи могли быть представлены иглами; когда это невозможно, то способъ этотъ видоизмѣняютъ такъ:

**4-й способъ.** Синусъ полуугла съ непостояннымъ радиусомъ для симметрическихъ линій.

Возьмемъ напримѣръ, (фиг. 9) двѣ лобно-темяные линіи, опредѣляемыя съ каждой стороны лобнымъ бугромъ  $A$  и темянымъ бугромъ  $B$ . Предполагая и здѣсь, что черепъ симметриченъ, мы увидимъ, что обѣ эти линіи образуютъ симметрическую трапецию  $AA', BB'$ ; линіи эти пересѣкутся гдѣ либо въ точкѣ  $O$ , лежащей въ срединной плоскости черепа. До сихъ поръ условія были тѣ же, что и въ предыдущемъ случаѣ, но обѣ стороны  $AB$  и  $A'B'$ , хотя равныя другъ съ другомъ, имѣютъ неопре-  
дѣленную и измѣнчивую величину.

Отмѣтивъ на черепѣ насколько возможно точнѣе точки  $A, A', B, B'$ , измѣримъ толстотнымъ циркулемъ сначала сторону  $AB$ , затѣмъ разстояніе двухъ бугровъ  $BB'$  и  $AA'$ . Какъ и въ предыдущемъ случаѣ, мы полу-  
чаемъ  $BJ$ , взявъ полуразность основаній, т. е.

$\frac{BB'-AA'}{2}$ , и видимъ, что  $BJ$  былъ бы синусомъ по-  
ловины угла  $O$ , если бы  $AB$  была равна 100 милли-  
метрамъ. Поэтому мы приѣгнемъ къ приведенію въ  
соты доли, слѣдя второму способу, причемъ соотно-  
шеніе  $\frac{100 \times BJ}{AB}$  даетъ частное, которое и будетъ синусъ

$\frac{1}{2}$  угла  $O$ , при радиусѣ въ 100 миллиметровъ; затѣмъ наши таблицы намъ тотчасъ же дадутъ величину это-  
го угла.

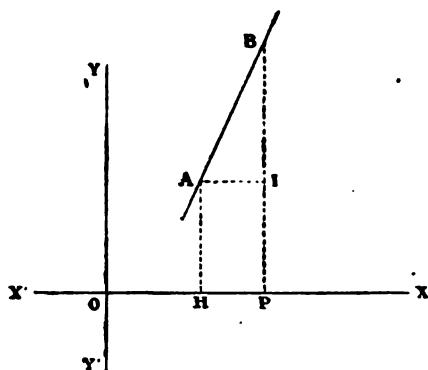
**Пятый способъ. Тангенсъ.**

Способъ тангенса въ нѣкоторыхъ случаяхъ приложимъ съ большою легкостію, чѣмъ способъ синуса; но что особенно увеличиваетъ пользу знанія этого способа, такъ это то, что онъ дозволяетъ превратить въ угло-  
вые измѣренія мѣры, взятыхъ даже съ совершенно дру-  
гими цѣлями методомъ координатъ. Мы знаемъ, что этотъ методъ состоитъ въ определеніи какой либо точ-  
ки, напримѣръ  $B$ , съ помощью абсциссы  $OP$ , взятой на оси  $x$ , отложенной отъ исходной точки  $O$ , и съ по-  
мощью ординаты  $BP$ , параллельной оси  $y$  (фиг. 10).

При знаніи абсциссы и ординаты двухъ точекъ, спо-  
собъ тангенса даетъ въ градусахъ уголъ наклоненія линіи, проходящей чрезъ эти двѣ точки.

Пусть точки  $A$  и  $B$  (фиг. 10) опредѣляютъ направ-  
леніе какой либо черепной линіи. Для определенія

угла, образуемого линией  $AB$  съ какою либо другою линией, какъ напримѣръ  $xx$ , нужно взять послѣднюю за ось  $x$  и измѣрить последовательно четыре коор-



Фиг. 10.

динаты  $BP$ ,  $PO$ ,  $AH$  и  $HO$ , чѣмъ и опредѣляется разность двухъ величинъ  $AJ$  и  $JB$ . Взявъ соотношеніе  $100 \times \frac{BJ}{AJ}$  мы получаемъ въ миллиметрахъ величину тангенса искомаго угла. Этотъ уголъ дѣйствительно равенъ  $BAJ$ . Еслибы въ прямоугольномъ треугольнике  $BAJ$  гипотенуза  $AB$  была ровна 100 миллиметрамъ, то  $BJ$  была бы синусомъ угла  $BAJ$ , а  $AJ$  его косинусомъ. Въ такомъ случаѣ стоило бы только измѣрить одну изъ этихъ линий для определенія угла. Но мы этого не имѣемъ:  $A$  и  $B$  суть черепныя точки, а потому  $AB$  имѣть измѣнчивую, непостоянную величину. Что независитъ отъ величины  $AB$ , такъ это отношение  $BJ$  къ  $AJ$ . Такъ какъ обѣ эти линии пропорциональны синусу и косинусу угла  $BAJ$ , приведенному къ радиусу въ 100 миллиметровъ, то  $\frac{AJ}{BJ} = \frac{\sin}{\cos}$ ; мы знаемъ уже что  $\frac{\sin}{\cos} = \frac{\tan}{R} = \frac{\tan}{100}$  и слѣдовательно можемъ вывести формулу  $\frac{BJ}{AJ} = \frac{\tan}{100}$ , или наконецъ  $100 \frac{BJ}{AJ} = \tan BAJ$ .

Зная въ миллиметрахъ величину тангенса искомаго угла  $BAJ$  при радиусѣ въ 100 миллиметровъ, мы тотчасъ же можемъ пайдти во 2-мъ столбцѣ 4-й таблицы величину этого угла.

#### Шестой способъ. Котангенсъ.

Этотъ способъ есть только видоизмѣненіе предыдущаго. Извѣривъ тѣмъ же способомъ обѣ линии  $AJ$  и  $BJ$ , вместо дѣленія высоты  $AJ$  основаніемъ  $BJ$ , мы дѣлимъ основаніе посредствомъ высоты для полученія соотношенія  $100 \times \frac{AJ}{BJ}$ . Частное дастъ въ миллиметрахъ котангенсъ искомаго угла  $BAJ$ .

Въ самомъ дѣлѣ очевидно, что это соотношеніе даетъ тангенсъ угла  $BAJ$ , у коего  $AJ$  представляеть синусъ, а  $BJ$  косинусъ. Такъ какъ въ прямоугольномъ треугольнике  $BAJ$ , уголъ  $BAJ$ , есть дополнительный уголъ  $BAJ$  то полученный нами тангенсъ угла  $BAJ$  есть котангенсъ искомаго угла  $BAJ$ . Зная величину этого котангенса въ миллиметрахъ мы можемъ найти величину угла въ 3-мъ столбцѣ четвертой таблицы.

Способъ тангенса и способъ котангенса одинаковы съ точки зрѣнія краніометрии, такъ какъ въ обоихъ случаяхъ приходится измѣрять одинъ и тѣ же линіи. Получивъ рядъ измѣреній линій  $BJ$  и  $AJ$ , можно опредѣлить по желанію или тангенсъ, раздѣляя первую на

вторую, или котангенсъ, дѣля обратное дѣленіе второй на первую. Впрочемъ выборъ въ этомъ случаѣ не всегда одинаково произведенъ. Всегда удобно брать за числитель болѣе короткую линію для того, чтобы частное, помноженное на сто, не имѣло болѣе двухъ цифръ съца въ запятой. Это удобство, значеніе коего мы увидимъ тотчасъ же, заставляеть предпочтить способъ тангенса, если синусъ менѣе косинуса, т. е. если уголъ менѣе  $45^{\circ}$  и способъ котангенса, если уголъ болѣе  $45^{\circ}$ .

Нѣсколько причинъ обусловливаютъ такой выборъ. Во первыхъ при изученіи частныхъ случаевъ, при коихъ синусъ и косинусъ измѣряются въ миллиметрахъ безъ дробей (или въ крайнемъ случаѣ съ дробью величиною въ полмиллиметра) можно изѣбнить вычислениія дѣленія съ помощью табличъ координатъ; въ этихъ же таблицахъ, какъ и во всѣхъ другихъ таблицахъ указателей, всегда наименьшая линія служитъ числителемъ.

Во вторыхъ; при изученіи среднихъ чиселъ, величины, выражаящія средній синусъ и средній косинусъ, обыкновенно опредѣляются съ двумя десятичными. Поэтому приходится здѣсь дѣлать дѣленіе и есть интересъ сократить этотъ трудъ, а очевидно, что вычисление будетъ тѣмъ продолжительнѣе, чѣмъ больше число цифръ въ частномъ. Если брать за числителя меньшее число, то частное всегда будетъ имѣть одною цифрою менѣе, а часто и нѣсколькими, чѣмъ при обратномъ способѣ вычислениія. Это преимущество особенно становится яснымъ въ тѣхъ случаяхъ, когда уголъ приближается къ прямому, такъ какъ при этомъ синусъ больше, чѣмъ косинусъ. Если напримѣръ синусъ 93,52 ми. а косинусъ 7,4 ми. (что соотвѣтствуетъ углу въ  $85^{\circ}53'$ ), то тангенсъ, полученный чрезъ дѣленіе первого числа на второе, будетъ 1274,11 ми., а котангенсъ, происходящій отъ дѣленія втораго на первое, будетъ только 7,84 ми. Очевидно, что мы будемъ имѣть тремя цифрами болѣе въ частномъ первого случая сравнительно со вторымъ. Разница иногда бываетъ часто на дѣлъ или на одну цифру, но даже и въ послѣднемъ случаѣ удобнѣе брать для числителя линію болѣе короткую.

Въ третьихъ, и это окончательно рѣшаѣтъ дѣло, признакъ, который желають опредѣлить измѣреніемъ наклоненія линіи  $AB$  часто изслѣдуется въ другой формѣ, хотя съ помощью тѣхъ же измѣреній, именно съ помощью метода координатъ, при коемъ косинусъ  $AJ$  называется абсциссою или проекціею, а синусъ  $BJ$  ординатою или высотою, а соотношеніе или частное этихъ линій носить название *указателя наклоненія*. Этотъ указатель, какъ и всѣ другие, получается при принятіи за числителя наиболѣе короткой линіи. Единственное различие, существующее между этимъ методомъ и тригонометрическимъ способомъ тангенсовъ и котангенсовъ, состоить въ томъ, что въ первомъ случаѣ ограничиваются вычислениемъ указателя, а во второмъ употребляютъ этотъ указатель для получения угловыхъ измѣреній. Это настолько вѣрно, что различные указатели прогнатизма, изученные въ замѣтательномъ мемуарѣ Топинара (Revue d'Anthropologie 1872 и 1873 гг.) могли быть затѣмъ выражены въ углахъ безъ новой переработки авторомъ своего труда (см. Topinard, *Anthropologie*, Paris, 1876, 1 изд. стр. 302). При полномъ параллелизмѣ этихъ двухъ способовъ необходимо, чтобы одни и тѣ же вычисления могли служить для обоихъ способовъ, а такъ какъ методъ указателей производить ихъ по известнымъ общепринятымъ правиламъ, то необходимо слѣдовать имъ и при изслѣдованіи соотношеній тригонометрическихъ линій.

Поэтому, если синусъ меньше косинуса, или что тоже, если тангенсъ меньше радиуса и уголъ менѣе  $45^{\circ}$ , то слѣдуетъ употреблять способъ тангенсовъ. Въ случаѣхъ противоположныхъ, если косинусъ больше синуса, тангенсъ болѣе радиуса и уголъ больше  $45^{\circ}$ , то слѣдуетъ прибѣгать къ способу котангенсовъ. Этимъ послѣднимъ способомъ указатели прогнатизма Топинара были превращены въ угловыя измѣрениа или угловыя величины.

Нужно впрочемъ обратить вниманіе на случай, въ которомъ уголъ близокъ къ  $45^{\circ}$ , т. е. когда синусъ и косинусъ мало отличаются другъ отъ друга. Въ такихъ случаяхъ мы встрѣчаемъ, смотря по индивидуальнымъ видоизмѣненіямъ, что уголъ бываетъ то болѣе, то менѣе  $45^{\circ}$ . Несомнѣнно, что одинъ и тотъ же уголъ дол-

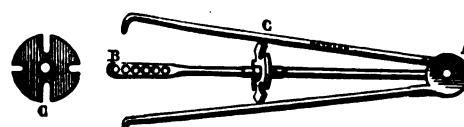
женъ быть вычисляемъ однимъ и тѣмъ же способомъ; иначе это можетъ повести къ большой путаницѣ. Поэтому указанное нами правило не приложимо въ такихъ случаяхъ въ буквальномъ смыслѣ. Въ такихъ случаяхъ поступаютъ, какъ и при подобныхъ же случаяхъ метода указателей, а именно: если линіи, опредѣляющія указатель, очень близки къ равенству, причемъ бываетъ, что иногда одна нѣсколько больше, а иногда другая, то выбираютъ для числителя ту, которая оказывается болѣе короткою въ среднемъ; при такомъ приемѣ указатель получается менѣе 100, какъ это требуется правиломъ. Точно также въ тригонометрическомъ методѣ, если синусъ въ среднемъ меньше косинуса, то прибѣгаютъ къ методу тангенсовъ, а въ противоположныхъ случаяхъ употребляютъ методъ котангенсовъ.

#### § 6. Тригонометрическое приложение глазничныхъ иголъ (*aiguilles orbitaires*) и глазничной плоскости (*plan biorbitaire*). Упрощеніе приемовъ. Глазничный уголъ (*angle biorbitaire*) и формула коррекціи.

Изъ шести способовъ, только что описанныхъ нами, два (именно первый и третій) основываются на принятіи постоянного радиуса въ 100 миллиметровъ. Описаніе способовъ не можетъ еще дать читателю полное представление о той простотѣ, къ которой на практикѣ сводятся оба эти способа. Приложеніе этихъ способовъ объясняется возможностью отмѣтить на изучаемой черепной линіи двѣ постоянныя точки, лежащія на разстояніи 100 миллиметровъ другъ отъ друга, а не одна изъ естественныхъ линій черепа не выполняетъ такого условия. Къ счастію существуетъ искусственная линія, легко получаемая, къ коей можно отнести направленіе другихъ черепныхъ линій. Это *глазничная линія* (*ligne orbitaire*), опредѣляющая глазничную плоскость (*plan biorbitaire*), по которой измѣряютъ наклоненіе другихъ симметрическихъ плоскостей черепа. Зная наклоненіе двухъ изъ этихъ плоскостей по отношенію къ глазничной плоскости, можно получить затѣмъ уголъ, образуемый ими, чрезъ сложеніе или вычитаніе ихъ двухъ угловъ наклоненія.

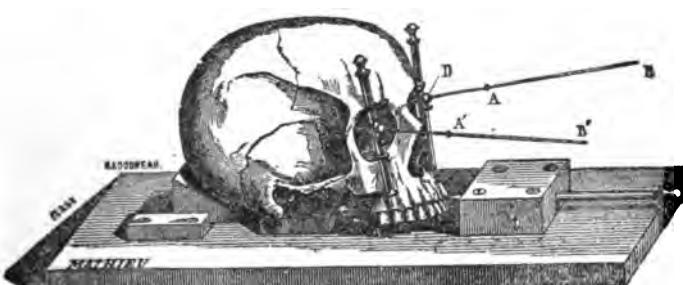
Глазничная линія получается съ помощью *глазничной иглы*. Это обыкновенная спица, употребляемая для вязанія, несущая на 100 миллиметрахъ отъ одного изъ своихъ концовъ маленькую пуговицу (см. фиг. 12).

пружиною, съ винтомъ и т. д. Орбитостатъ съ винтомъ представленъ на фиг. 12). Лучшій изъ орбитостатовъ, наиболѣе удобный и простой, единственно приложимый при сравнительно-анатомическихъ изслѣдованіяхъ къ орбитамъ всѣхъ измѣрений, есть орбитостатъ съ тремя ножками, первоначальную идею коего мнѣ далъ г. Друо.



Фиг. 11.

Двѣ боковыя ножки, сочлененные съ вершиной *A*, (фиг. 11) могутъ быть равномѣрно отодвигаемы отъ центральной оси *AB* посредствомъ *C*,двигающейся по этой центральной оси. Загнутые концы двухъ расходящихся ножекъ помѣщаются у средины краевъ глазницъ, на коей ихъ и укрѣпляются съ помощью штифтика. Снарядъ помѣщается въ плоскости глазничного отверстія вершиной наружу и такъ, что центральный стержень *AB* идетъ поперечно чрезъ отверстіе глазницъ, на равномъ разстояніи отъ его краевъ. На концѣ стержня *B* существуетъ рядъ отверстій, діаметромъ равныхъ діаметру глазничной иглы. Эту иглу вводятъ въ то изъ отверстій стержня, которое лежитъ на равномъ разстояніи, какъ отъ виѣшняго, такъ и внутренняго края орбиты, и пропускаютъ ее затѣмъ чрезъ оптическое отверстіе, вслѣдствіе чего она и является находящимся въ оси глазничной полости. Все это требуетъ только нѣсколько секундъ времени. Глазничная игла представляетъ то удобство, что соотвѣтствуетъ, если не вполнѣ точно, то въ достаточной степени, направленію горизонтальной линіи зреінія. Поэтому, если мы помѣстимъ по иглѣ въ каждой орбите, то обѣ онѣ опредѣлятъ *глазничную плоскость*, соотвѣтствующую въ возможно точной, для скелета, степени плоскость горизонтального зреінія живаго человѣка или иначе горизонтальную плоскость головы человѣка (фиг. 12). На это возражали, что форма глазницъ измѣнчива и потому ось орбиты не всегда можетъ соотвѣтствовать въ достаточной степени направленію оси глаза. Я не стану утверждать, чтобы это возраженіе было безосновательно, но для меня несомнѣнно то, что глазничная плоскость наименѣе измѣнчива изъ всѣхъ



Фиг. 12. Черепъ помѣщенъ на краніостатѣ по затылочно-челюстной плоскости.

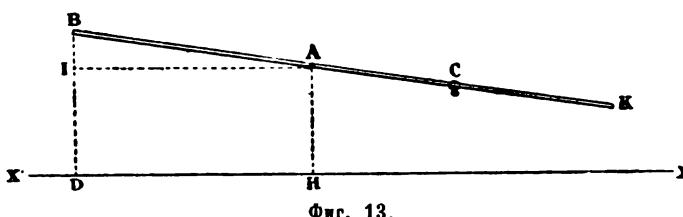
Обѣ глазничные иглы вставлены въ оба орбитостата.

АА, лѣткі находящіяся на иглахъ на разстояніи 190 миллиметровъ отъ переднихъ концовъ В, В'.

Глазничная игла вводится въ черепъ чрезъ оптическое отверстіе его и поддерживается на оси орбиты съ помощью небольшаго снаряда, называемаго орбитостатомъ. Есть нѣсколько видоизмѣненій орбитостата (съ

черепныхъ плоскостей, и что если эта плоскость горизонтальна, то черепъ человѣка кажется всегда и иѣющимъ естественное положеніе, равно какъ и черепъ всякою животнаю, ибо естественное положеніе у каждого позвоночнаго есть то, когда онъ смотрѣть горизонтально. Всѣ другія плоскости, служащія для ориентировки, даже наилучшія изъ нихъ, могутъ въ некоторыхъ частныхъ случаяхъ придать головѣ человѣка болѣе или менѣе ложное положеніе, неудовлетворяющее вполнѣ глазъ наблюдателя. Глазничная плоскость не подвержена такимъ вариаціямъ: можно съѣло сказать, что она представляется собою самое постоянное въ черепѣ. Конечно эта плоскость только воображаемая, но она опредѣляется удобно съ помощью глазничныхъ иглъ, а потому и можетъ служить для изученія абсолютной или относительной степени наклоненія другихъ плоскостей. Мы возвратимся еще къ этому тотчасъ-же.

Глазничная игла вполнѣ удобна для приложения первого способа синуса. Если черепъ помѣщенъ въ естественномъ положеніи, то глазничная игла горизонтальна, тогда какъ различные плоскости черепа, служащія предметомъ изученія для опредѣленія степени ихъ наклоненія, имѣютъ очень различныя направления. Для измѣренія угла наклоненія способомъ синуса мало имѣть значеніе то, какая изъ двухъ сторонъ угла будетъ взята за основаніе; поэтому устанавливаютъ черепъ на столѣ или на подставкѣ такъ, чтобы изучаемая плоскость была горизонтальна. Вслѣдствіе этого глазничная игла становится обыкновенно болѣе или менѣе косою, и потому вместо измѣренія наклоненіе плоскости относительно линіи является возможность измѣрить, и дѣйствительно измѣряютъ, наклоненіе линіи къ плоскости, что въ сущности одно и то же. Эта горизонтальная плоскость представлена на фиг. 13 подставкою XX.



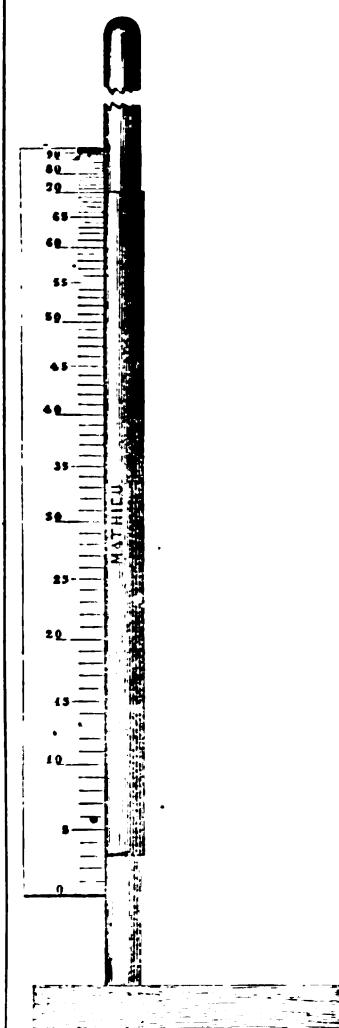
Фиг. 13.

Пусть на фиг. 13 глазничная игла выходитъ изъ черепа чрезъ орбитостатъ въ точкѣ С. Мы знаемъ, что на иглѣ есть постоянная точка въ видѣ маленькой пуговицы А, лежащая на 100 миллиметровъ отъ ея переднаго конца В. Если точка В лежитъ выше А, то игла поднимается и уголъ называется положительнымъ; если В лежитъ ниже А игла наклоняется или опускается и тогда уголъ становитъ отрицательнымъ.

Съ помощью линейки съ масштабомъ, поставленной на столѣ и приведенной въ соприкосновеніе съ иглою, измѣряютъ послѣдовательно обѣ высоты АН и ВД, коихъ разность ВJ есть синусъ угла наклоненія ВАJ для радиуса въ 100 миллиметровъ.

Такой пріемъ выполняется очень скоро; но его можно еще сократить, избѣгнувъ вычислениія разности, дающаго величину синуса ВJ. Для этого употребляютъ особый снарядъ, который хотя и не имѣетъ формы линейки съ дѣленіями, но совершенно замѣняетъ ее, и потому я назвалъ его тригонометрическою шкалой. Снарядъ этотъ представленъ на фиг. 14 въ естественную величину. Онъ состоитъ изъ желѣзного штатива квадратной формы (на чертежѣ виденъ только его профиль) и изъ вертикального цилиндрическаго стержня длиною въ 25 цен-

тиметровъ, окруженного цилиндрическою трубкою, имѣющею въ длину 10 центиметровъ. Трубка эта можетъ свободно двигаться по стержню. На этой трубкѣ, тоже



Фиг. 14.

металлической, укреплены маленькая линейка съ дѣленіями на обѣихъ своихъ сторонахъ. Одна изъ сторонъ (не видимая на чертежѣ) раздѣлена на миллиметры отъ 0 до 100. При употреблении этого снаряда, его берутъ за штативъ правою рукою и помѣщаются такъ, чтобы стержень касался точки А глазничной иглы (фиг. 13); въ то же время лѣвою рукою двигаютъ вертикально линейку и доводятъ нуль ея дѣленій до точки А. Затѣмъ переносятъ снарядъ въ точку В и, не отрѣгиваясь до линейки, отсчитываютъ на дѣленіяхъ число миллиметровъ, соотвѣтствующихъ точкѣ В. Полученное число въ миллиметрахъ обозначаетъ величину синуса ВJ (фиг. 13).

Если игла опускается, а не поднимается къ точкѣ В, то начинаютъ съ точки В, на которой отмѣчаютъ нуль дѣленій, и затѣмъ въ точкѣ А отсчитываютъ синусъ, который въ этомъ случаѣ будетъ отрицательный.

Зная синусъ, легко найти на таблицахъ величину угла ВАJ, но можно такъ же избѣгнуть и этой процедуры.

На другой сторонѣ линейки, представленной на чертежѣ, намѣчена другая шкала, дающая непосредственно измѣряемый уголъ. Такъ напримѣръ 19-ое подраздѣленіе, обозначающее  $19^{\circ}$ , помѣщено на 32,56 м. надь нулемъ: это потому, что въ кругѣ съ радиусомъ въ 100 миллиметровъ синусъ 32,56 м. соотвѣтствуетъ углу  $19^{\circ}$ . Подраздѣленія уменьшаются отъ низа къ верху потому, что разности синусовъ, соотвѣтствующихъ одному градусу дуги, представляютъ уменьшающейся рядъ отъ 0 до  $90^{\circ}$  (см. таблицу дугъ). Внизу первое подраздѣленіе, дающее 1 градусъ, соотвѣтствуетъ синусу приблизительно въ два миллиметра (1,74 м.); промежуточное число (l'intervalle) уменьшается для послѣдующихъ градусовъ, такъ что для 55 градуса оно уже не болѣе 1 миллиметра, а затѣмъ еще быстрѣе уменьшается. Начиная съ 70 градусовъ дѣленія перестаютъ быть различими, но мы уже указали выше на то, что способъ синуса не долженъ быть примѣняемъ къ угламъ болѣе  $60^{\circ}$  градусовъ. Наибольшее число угловъ, измѣряемыхъ этимъ способомъ, ниже  $45^{\circ}$  и въ такихъ случаяхъ дѣленія на градусы столь велики, что удобно отсчитываются на тригонометрической шкалѣ не только полуградусы, но и менѣя доли.

Я поручилъ устройство этой шкалы г. Тавернье

(rue de Babylone, № 39, Paris), производящему ее съ помощью особой дѣлительной машины, позволяющей приготовление этого снаряда за очень дешевую цѣну. Неимѣющіе подобной шкалы легко могутъ замѣнить ее, скопировавъ на бумагѣ подраздѣленія съ нашего чертежа, представленного въ естественную величину, и наклеивъ бумагу на обыкновенную линейку.

Благодаря тригонометрической шкальѣ измѣреніе угловъ съ помощью способа синуса дѣлается чрезвычайно простымъ, механическимъ и не требуетъ уже тригонометрическихъ знаній. Помѣстивъ черепъ въ изучаемой плоскости и вставивъ глазничные иглы, остается для опредѣленія угла слѣдующее:

1. Перенести шкалу на точку  $A$  и привести нуль дѣленія тригонометрической шкалы въ уровень съ этой точкою.

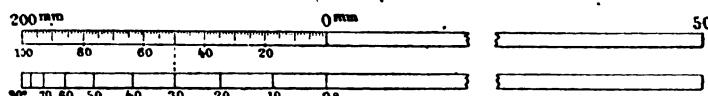
2. Перенести шкалу на точку  $B$  и отсчитать на тригонометрической шкальѣ градусъ соответствующий точкѣ  $B$ .

Таковъ упрощенный способъ синуса, производимый съ помощью тригонометрической шкалы. Такимъ образомъ въ нѣсколько секундъ можно измѣрить наклоненіе глазничной иглы къ плоскости стола, или къ той плоскости, которую мы желаемъ изучить.

Впрочемъ способъ синуса приложимъ только въ тѣхъ случаяхъ, когда одна изъ сторонъ угла представляется достаточно опоры для приложения къ ней шкалы. Если обѣ стороны угла представлены двумя иглами, то онѣ не представляютъ достаточной твердости, чтобы возможно было найти на нихъ точку опоры для приложения шкалы. Поэтому въ такихъ случаяхъ нужно принимать особыя мѣры предосторожности, требующія много времени. Глазничный уголъ, т. е. уголъ лежащий между двумя глазничными иглами, не можетъ быть поэтому изслѣдуемъ по способу синуса, но этотъ уголъ, важное значение коего тотчасъ будетъ уяснено нами, измѣряется очень скоро и просто съ помощью 3-го способа, описанного выше подъ именемъ способа синуса получила при радиусѣ въ 100 миллиметровъ.

Обѣ глазничные иглы должны быть прежде всего помѣщены очень точно по осиъ глазницъ. Но этого еще недостаточно: нужно, чтобы ихъ виѣшнія части были вполнѣ равны другъ другу. Для этого каждая игла несетъ маленькую гаечку представленную въ буквѣ  $C$  фиг. 13; маленький винтикъ позволяетъ оста-

ихъ иглахъ. Затѣмъ каждую иглу вдвигаютъ въ орбитостать до тѣхъ поръ, пока это вдвиганіе не задержится гаечкою  $C$ , какъ это видно на чертежѣ 12. Въ такомъ положеніи обѣ иглы, будучи вполнѣ симметричными имѣютъ наружныя свои части равной величины. Предположивъ, что мы взяли вполнѣ симметрическій черепъ, мы получимъ воображаемую точку пересѣченія (0) обѣихъ иголъ гдѣ либо на срединной линіи внутри черепа (фиг. 15) и эта точка пересѣченія будетъ лежать на равномъ разстояніи отъ обоихъ виѣшніхъ концовъ иглы  $B$  и  $B'$ . Если мы проведемъ линію  $BB_1$ , то трехугольникъ  $BOB_1$  будетъ равнобедреннымъ и линія  $AA'$  будетъ параллельна основанію. Такимъ образомъ мы осуществили условія, дозволяющія приложеніе 3-го способа или способа синуса полуугла. Вмѣсто того, чтобы измѣрять глазничный уголъ  $BOB$ , мы измѣряемъ половину этого угла  $BAJ$ . Можно замѣтить здѣсь, что въ краніометріи болѣе полезенъ полууголь, чѣмъ цѣлый уголъ. Такой полууголь входитъ въ формулу коррекціи съ обозначеніемъ  $r$ ; поэтому глазничный уголъ будетъ  $2r$ . По способу синуса полуугла слѣдуетъ брать половину разности двухъ разстояній  $BB'$  и  $AA'$  для получения въ миллиметрахъ величины  $BJ$ , составляющей синусъ угла  $r$  при радиусѣ въ 100 миллиметровъ. Прикладывая осторожно тонкую линеечку къ обѣимъ точкамъ  $BB_1$ , а затѣмъ къ двумъ другимъ  $AA_1$ , мы можемъ получить въ миллиметрахъ длину  $BB'$  и  $AA_1$ . Затѣмъ легко уже получить разность и раздѣлить ее на два, но и это вычисленіе можетъ быть избѣгнуто съ помощью бимил-

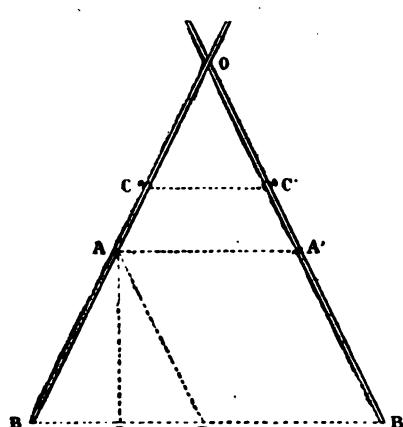


Фиг. 16. Тригонометрическая бимиллиметрическая линейка.

Р. сторона, несущая шкалу синусовъ.  
Ф. сторона шкалы съ угловыми подраздѣленіями, соответствующими подраздѣленіямъ синусовъ.  
0. нуль на обѣихъ шкалахъ.

лиметрической линейки (фиг. 16). Это тонкая и узенькая линейка изъ дерева или кости, длиною въ 70 центиметровъ. Съ правой стороны на длину въ 50 центиметровъ линейка не имѣеть дѣленій. Послѣдніе 20 центиметровъ раздѣлены на 100 частей, каждая въ два миллиметра, и притомъ такъ, что цифра 5 поставлена на 10 миллиметровъ отъ нуля, цифра 15 на 30 миллиметровъ отъ нуля и т. д. Нуль помѣщается не на концѣ линейки, а около ея средней части. Понятно, что измѣряя эту линейкою какую либо длину въ 30 миллиметровъ, мы на ней увидимъ только цифру 15 и т. д. Слѣдовательно, эти цифры покажутъ только половину измѣряемой длины, и если будемъ измѣрять такъ длину линіи  $BD$  (фиг. 15), то цифра на линейкѣ покажетъ намъ безъ вычислений величину  $BJ$ , т. е. синусъ  $r$ .

Манипуляціи съ этой линейкою дѣлаются съ чрезвычайною быстротою. Ее берутъ львомъ рукою, держа ноготь большого пальца на нулѣ, и прикладываютъ ее попоперечно къ двумъ глазничнымъ игламъ (безъ всякаго давленія на нихъ) и затѣмъ приводятъ нуль ея дѣленій къ точкѣ  $A$ . Въ этомъ первомъ положеніи часть линейки, снабженная дѣленіями, будетъ находиться по отношенію къ наблюдателю справа отъ точки  $A$ , а потому черезъ точку  $A'$  пройдетъ только часть линейки безъ шкалы. Затѣмъ правою рукою берутъ линейку такъ, чтобы ноготь большого пальца ея лежалъ на точкѣ,



Фиг. 15.

новить эту гаечку тамъ, гдѣ угодно. Эту гаечку укрѣпляютъ на нѣкоторомъ разстояніи сзади точки  $A$  такъ, чтобы разстояніе  $AC$  было совершенно равно на обѣ-

соприкасающейся съ  $A$ , и переносить къ  $BB'$ , помѣщая у  $B'$  точку, отмѣченную ногтемъ. Отсчитываютъ теперь число шкалы, касающееся точки  $B$ , и оно выражаетъ въ миллиметрахъ величину синуса  $p$  при радиусѣ въ 100 миллиметровъ.

Очевидно, въ самомъ дѣлѣ, что при второмъ положеніи линейки нуль дѣленій ея перенесенъ изъ  $A$  въ  $D$  и что число дѣленій выражаетъ въ двойныхъ миллиметрахъ длину  $BD$ , т. е. въ миллиметрахъ величину  $AJ$ , составляющей синусъ угла  $p$ .

Зная синусъ  $p$ , отыскиваютъ въ таблицахъ синусовъ величину угла  $p$ , но какъ ни легка эта процедура, всетаки ее можно избѣгнуть, перевернувъ линейку, т. е. обративъ къ себѣ шкалу начертанную на оборотной сторонѣ линейки.

Эта вторая шкала (фиг. 16), коей нуль дѣленія совпадаетъ съ нулемъ первой шкалы, занимаетъ всю лѣвую сторону линейки и имѣть въ длину 20 центиметровъ, т. е. 200 миллиметровъ. На этой шкале 90 подраздѣленій, обозначающихъ отъ  $0^\circ$  до  $90^\circ$ , т. е. градусы, соотвѣтствующіе тѣмъ синусамъ, кои можно отсчитать на бимиллиметрической шкальѣ первой стороны линейки. Если представимъ себѣ удвоенными всѣ подраздѣленія той тригонометрической шкалы, которая представлена на фиг. 14, то мы получимъ ту тригонометрическую бимиллиметрическую шкалу, которую мы только что описали.

Изъ этого видно, что и здѣсь, какъ и въ способѣ синусовъ, можно значительно упростить задачу съ помощью бимиллиметрической тригонометрической линейки, а именно:

1. Оборачивая къ себѣ шкалу съ угловыми подраздѣленіями, наблюдатель прикладываетъ сначала линейку къ  $AA'$ , помѣщая нуль на точку  $A$  и часть линейки безъ дѣленій на точку  $A'$ .

2. Держа ноготь большаго пальца правой руки на точку линейки, прикасающейся къ  $A'$ , переносить линейку въ  $BB'$  такъ, чтобы точка, бывшая у  $A'$ , стала у  $B'$ . Затѣмъ отсчитываютъ величину угла  $p$  на точку линейки, соприкасающейся съ точкою  $B$ .

Все это требуетъ нѣсколькихъ секундъ. Тригонометрическая бимиллиметрическая линейка, на коей удвоены всѣ подраздѣленія миллиметровъ радиуса и градусовъ угловъ и обѣ шкалы которой опираются на одно и тоже основаніе, можетъ замѣнить съ довольно значительной степенью приближенія, по крайней мѣрѣ для дугъ менѣе  $50-60^\circ$ , таблицы дугъ и синусовъ. Если мы желаемъ узнать, напримѣръ, какая дуга соотвѣтствуетъ при радиусѣ въ 100 миллиметровъ синусу въ 20 миллиметровъ, то прикладываемъ ноготь къ основанію линейки на мѣстѣ 2-го бимиллиметрическаго дѣленія, т. е. на 40 миллиметровъ отъ нуля, и затѣмъ видимъ на другой шкальѣ, что эта точка соотвѣтствуетъ почти срединѣ пространства, лежащаго между 11 и 12 градусомъ, изъ чего заключаемъ, что синусъ 20 миллиметровъ соотвѣтствуетъ дугѣ въ  $11^\circ, 53$ . Но такое различие очень ничтожно я по большей части на него можно и не обращать вниманія. Нѣкоторые полагали на основаніи этого, что достаточно одной линейки и что въ таблицахъ нѣтъ надобности. Это пожалуй было бы и вѣрно, если бы тригонометрическій методъ не имѣлъ другихъ приложенийъ кромѣ тѣхъ, кои можно подвести подъ наши два упрощенные метода; но таблицы необходимы во многихъ другихъ случаяхъ и въ особенности при употреблении формулы коррекціи, къ которой мы теперь и переходимъ.

**Формула коррекціи.** Мы видѣли, что способъ синусовъ дозволяетъ опредѣлить очень удобно уголъ наклоненія глазничной иглы относительно каждой плоскости симметрическаго черепа, установленной параллельно горизонтальной плоскости стола. Но полученный такимъ образомъ уголъ указываетъ только уголъ наклоненія глазничной иглы и не даетъ угла наклоненія глазничной плоскости къ плоскости горизонта или стола. Однако намъ необходимо опредѣлить этотъ второй уголъ, а эти оба угла совершенно отличны другъ отъ друга.

Для ясности послѣдующихъ объясненій можетъ быть будѣть не безполезно напомнить здѣсь нѣкоторыя положенія элементарной геометріи трехъ измѣреній.

1. Точка, въ которой линія пересѣкается плоскость, называется ея точкою пересѣченія съ этой плоскостью, а проекцію линіи на плоскости называется линія образуемая основаніями всѣхъ перпендикуляровъ, опущенныхъ изъ этой линіи на плоскость.

2. Такъ какъ проекція необходимо проходить чрезъ точку пересѣченія, то достаточно для полученія проекціи провести чрезъ какую либо точку линіи перпендикуляръ къ плоскости и соединить прямую линію основаніе этого перпендикуляра съ точкою пересѣченія линіи.

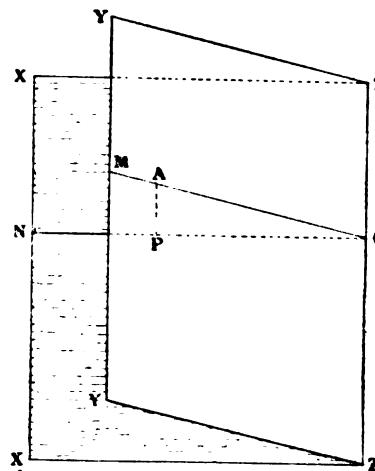
3. Наклоненіе линіи къ плоскости измѣряется угломъ, который она образуетъ съ своею проекціею.

4. Если линія имѣеть косвенное направленіе, то этотъ уголъ есть наименѣшій изъ всѣхъ, которые она образуетъ со всякою другою линіею, проведеною въ плоскости изъ точки пересѣченія.

5. Две пересѣкающіяся плоскости образуютъ плоскостной уголъ; пересѣченіе этихъ плоскостей есть прямая линія, называемая ребромъ.

6. Всякая плоскость, перпендикулярна къ ребру, перпендикулярна въ то же время и къ двумъ плоскостямъ, образующимъ плоскостной уголъ.

7. Плоскостной уголъ, т. е. наклоненіе одной плоскости къ другой, измѣряется угломъ, образуемымъ между ними двумя линіями, проведенными въ общихъ взаимныхъ плоскостяхъ чрезъ какую либо точку ребра перпендикулярно къ этому послѣднему.



Фиг. 17.

Такъ (фиг. 17) плоскостной уголъ, образуемый двумя плоскостями  $ZZY$  и  $ZZX$ , имѣеть ребромъ линію  $ZZ$  и измѣряется угломъ  $MON$ , образуемымъ двумя линіями,  $OM$  и  $ON$ , перпендикулярными къ  $ZZ$ .

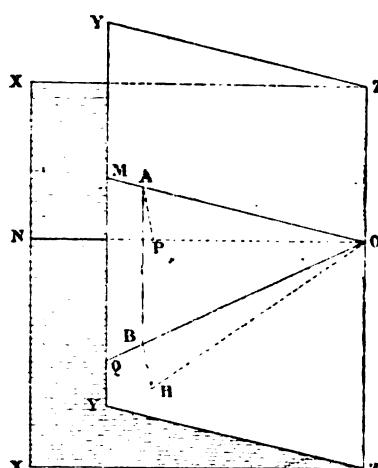
8. Такъ какъ обѣ линіи  $MO$  и  $ON$  перпендикулярны къ ребру, то плоскость  $MON$ , опредѣляемая ими, тоже перпендикулярна къ ребру. Эта плоскость, съѣдо-

вательно, одновременно перпендикулярна къ двумъ даннымъ плоскостямъ, а потому, если изъ какой либо точки  $A$  линіи  $OM$  опустимъ перпендикуляр  $AP$  на плоскость  $ZZX$ , то основание этого перпендикуляра упадетъ на линію  $ON$ . Отсюда слѣдуетъ, что линія  $NO$  есть проекція линіи  $MO$  на плоскость  $ZZX$ , и наборотъ: линія  $MO$  есть проекція линіи  $NO$  на плоскость  $ZZY$ . Другими словами: уголъ  $MON$ , измѣряющій плоскостной двухгранный уголъ, измѣряеть въ то же время и наклоненіе линіи  $MO$  къ плоскости  $ZZX$  и линіи  $NO$  къ плоскости  $ZZY$ .

9. Напомнимъ, наконецъ, то основное положеніе, что изъ двухъ неравныхъ наклонныхъ линій, выходящихъ изъ одной точки, наиболѣе длинною есть та, которая имѣеть наименьшій уголъ наклоненія. Отсюда, если даны два прямоугольные трехугольника одинаковой высоты, то имѣющій болѣе длинную гипотенузу будетъ представлять также и такой, у которого уголъ у основанія будетъ наименьшимъ.

Послѣ этого мы можемъ установить тѣ два положенія, на которыхъ основывается формула коррекціи.

*Положеніе 1.* Линія  $MO$ , перпендикулярная къ ребру  $ZZ$  (фиг. 18), изъ всіхъ линій, проведенныхъ въ плоскости  $ZZY$  чрезъ точку  $O$ , есть такая, которая образуетъ наибольшій уголъ наклоненія съ другою плоскостью  $ZZX$ .



Фиг. 18.

Начертимъ какую нибудь другую линію  $OQ$ , проведенную въ плоскости  $ZZY$  чрезъ точку  $O$ . Требуется доказать, что эта линія  $OQ$  болѣе наклонена къ плоскости  $ZZX$ , чѣмъ линія  $OM$ . Возьмемъ какую нибудь точку  $A$  на линіи  $OM$  и чрезъ эту точку проведемъ линію  $AB$ , параллельную ребру  $ZZ$ . Эта линія лежить въ плоскости  $ZZY$  и пересѣчеть поэтому въ точкѣ  $B$  линію  $OQ$ , находящуюся въ той же плоскости. Такъ какъ  $AO$  перпендикулярна  $OZ$ , то она перпендикулярна также и линіи  $AB$ , параллельной  $OZ$ . Слѣдовательно трехугольникъ  $BAO$  прямоуголенъ въ  $A$  и его гипотенуза  $OB$  имѣеть большую длину, чѣмъ катетъ  $AO$ .

Такъ какъ линія  $AB$  параллельна  $OZ$ , лежащей въ плоскости  $ZZX$ , то она параллельна и этой плоскости  $ZZX$ . По этому два перпендикуляра  $AP$  и  $BH$ , опущенные изъ  $A$  и  $B$  на плоскость  $ZZX$ , равны. (На чертежѣ этимъ двумъ перпендикулярамъ придали нѣсколько косвенное направление для того, чтобы они не были закрыты линіею  $AB$ ).

Если мы проведемъ въ плоскости  $ZZX$  линію  $HO$ ,

соединяя точку  $O$  съ основаніемъ перпендикуляра  $BH$ , то линія  $OH$  будетъ проекціею линіи  $OB$  на плоскость  $ZZX$  и уголъ  $BOH$  измѣрить наклоненіе  $BO$  на плоскости  $ZZX$ , подобно тому, какъ уголъ  $AOP$  измѣрить наклоненіе  $AO$  на той же плоскости.

Доказавши это, беремъдвутрехугольника  $APO$  и  $BHO$ , прямоугольные одинъ въ  $P$ , другой въ  $H$ ; они имѣютъ одинаковую высоту, ибо мы уже видѣли, что  $AP=BH$ .

Такъ какъ гипотенуза  $AO$  первого трехугольника короче  $OB$  гипотенузы втораго, то уголъ  $AOP$  болѣе угла  $BOH$ , что и требовалось доказать.

Различие, существующее между этими двумя углами, будетъ тѣмъ больше, чѣмъ линія  $OQ$  будетъ болѣе наклонна по отношенію къ ребру  $ZZ$ , а слѣдовательно и болѣе расходящающіяся по отношенію  $OM$ . Это расхожденіе выражается угломъ  $AOB$ , лежащимъ въ плоскости  $ZZY$ ; между этимъ третьимъ угломъ и двумя первыми существуетъ постоянное соотношеніе, позволяющее опредѣлить одинъ изъ нихъ, если известны два остальныхъ.

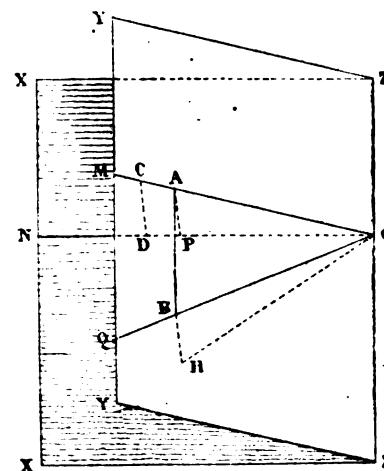
Для установленія этого соотношенія обозначимъ чрезъ  $\alpha$  уголъ  $AOP$ , опредѣляющій наклоненіе обѣихъ плоскостей.

Ѳ уголъ  $BOH$ , измѣряющій наклоненіе отклоняющейся линіи  $BO$  и имѣющій меньшую величину, чѣмъ  $\alpha$ , какъ это мы доказали,

и  $r$  уголъ расхожденія  $AOB$ .

Въ краніометріи  $\alpha$  есть уголъ наклоненія плоскости глазничной по отношенію къ горизонтальной;  $\theta$  есть уголъ наклоненія глазничной иглы, или проще уголъ илы, а  $r$  есть половина глазничного угла (angle biorbitaire). Мы уже видѣли выше, что можно измѣрить очень удобно и очень скоро уголъ  $\theta$  и уголъ  $r$  чрезъ посредство ихъ синусовъ. Но намъ нужно опредѣлить уголъ  $\alpha$  и это достигается съ помощью соотношенія, существующаго между этими тремя углами и вытекающаго изъ слѣдующаго положенія:

*Положеніе второе.* Синусъ угла  $\alpha$  или угла  $AOP$  равенъ улу  $\theta$  или  $BOH$ , раздѣленному на косинусъ улу  $r$  или  $AOB$ . Возьмемъ тотъ же чертежъ, который мы имѣли на фиг. 18 и отложимъ на линіи  $AO$  длину  $OC$ , равную  $OB$  (фиг. 19). Мы видѣли выше, что треугольникъ  $BAO$  прямоуголенъ въ  $A$ , а потому гипотенуза  $OB$  длиннѣе стороны  $AO$ ; слѣдовательно точка  $C$  ляжетъ слѣдьва отъ точки  $A$ .



Фиг. 19.

Изъ точки  $C$  опустимъ перпендикуляр  $CD$  на плоскость  $ZZX$ . Эта линія падеть на продолженіе  $OP$  и

образуетъ прямоугольный трехугольникъ  $CDO$ , подобный  $APo$ .

Чтобы придать сторонамъ этихъ трехугольниковъ тригонометрическое значеніе возьмемъ за радиусъ сторону  $OC$ , равную  $OB$  по построению, а  $OC=R$  (1).

При этомъ мы, во первыхъ, замѣтимъ, что въ прямоугольномъ трехугольникѣ  $CDO$  гипотенуза  $CO$  равна радиусу, а потому  $CD$  есть синусъ угла  $COD$ , т. е. угла  $\alpha$ ; отсюда  $CD=\sin \alpha$  (2).

Во вторыхъ: такъ какъ въ прямоугольномъ трехугольникѣ  $BHO$  гипотенуза  $OB$  равна линіи  $OC$ , которая есть радиусъ, то  $BH$  есть синусъ угла  $BOH$ , т. е. угла  $\theta$ ; поэтому  $BH=\sin \theta$ . Зная уже, что  $BH$  равна  $AP$ , ибо обѣ составляютъ высоту линіи  $AB$  надъ плоскостію  $ZZX$ , которой она параллельна, мы заключаемъ, что  $AP=\sin \theta$  (3).

Въ третьихъ, наконецъ, въ прямоугольномъ трехугольникѣ  $BAO$  съ прямымъ угломъ у  $A$  гипотенуза  $OB$  равна радиусу; поэтому сторона  $BA$  есть синусъ угла  $BAO$ , т. е. угла  $p$ , а сторона  $AO$  есть косинусъ того же угла; следовательно  $AO=\cos p$  (4).

Два подобныхъ трехугольника  $CDO$  и  $APo$  даютъ слѣдующую пропорцію:

$$CD: AP:: CO: AO.$$

Замѣняя эти линіи ихъ тригонометрическими выраженіемъ (1) (2) (3) и (4), мы имѣемъ:

$$\begin{aligned} \sin \alpha: \sin \theta &:: R: \cos p \\ \sin \alpha &= \frac{\sin \theta}{\cos p} \times R \end{aligned}$$

А такъ какъ мы принимаемъ  $R=100$  миллиметрамъ, то наша формула приметъ видъ:

$$\sin \alpha = \frac{\sin \theta}{\cos p} \times 100 \text{ или } \sin \alpha = \frac{100}{\cos p} \times \sin \theta.$$

Это и есть *формула коррекціи*, съ помощью коей, зная уголъ иглы  $\theta$  и уголъ глазничный  $2 p$ , можно получить величину угла наклоненія глазничной плоскости  $\alpha$ .

Приложеніе этой формулы легко. Посредствомъ синуса (первымъ способомъ) измѣряютъ уголъ  $\theta$  и получаютъ непосредственно синусъ  $\theta$  въ миллиметрахъ. Посредствомъ синуса также измѣряютъ уголъ  $p$ , но зная  $\sin p$  въ миллиметрахъ можно отыскать прямо на второй таблицѣ величину соотвѣтствующаго косинуса.

Эта формула даетъ намъ возможность опредѣлить различіе, имѣющееся между  $\alpha$  и  $\theta$ , припоминая, что при возрастаніи угла возрастаетъ его синусъ и уменьшается косинусъ (см. выше *тригонометрическія положенія* № 8).

Такъ какъ косинусъ всегда меныше радиуса, то формула показываетъ наимъ (что впрочемъ было уже установлено положеніемъ первымъ), что  $\sin$  всегда больше  $\sin \theta$ , т. е. что уголъ  $\alpha$  болѣе угла  $\theta$ . Различіе тѣмъ больше, чѣмъ  $\cos p$  имѣть менышу величину, а такъ какъ  $\cos p$  уменьшается по мѣрѣ того, какъ уголъ  $p$  увеличивается, то мы заключаемъ, что различіе между  $\sin \alpha$  и  $\sin \theta$  возрастаетъ тѣмъ болѣе, чѣмъ глазничные оси становятся болѣе расходящимися.

Я изучилъ въ особомъ мемуарѣ (*Bulletin de la Société d'Anthropologie* 1873 г. стр. 161—179; см. таблицу стр. 178) глазничный уголъ  $2 p$ , выражающей степень расхожденія глазничныхъ осей въ ряду млекопитающихъ. Это расхожденіе варьируетъ значительно у различныхъ видовъ. Оно наименѣшее у приматъ, у коихъ оно колеблется между 34 и 54 градусами; у дру-

гихъ отрядовъ млекопитающихъ оно очень рѣдко исходитъ до  $60^\circ$ , почти всегда превосходитъ  $66^\circ$  и достигаетъ иногда  $150^\circ$ .

Съ физиологической точки зрењія это различіе между приматами и другими млекопитающими очень существенно. Оно не менѣе важно и съ краинометрической точки зрењія, такъ какъ оно вліяетъ на результатъ формулы коррекціи.

У обыкновенныхъ млекопитающихъ, уголъ  $2 p$  варьируетъ между  $60^\circ$  и  $150^\circ$  и предѣлы угла съ одной стороны  $30^\circ$ , коего косинусъ имѣть около 86 мі., а съ другой  $75^\circ$ , коего косинусъ только 25 мі. Отношеніе  $\sin \alpha$  къ  $\sin \theta$ , выражается то какъ 100 къ 86, то какъ 100 къ 25. Разность между двумя синусами поэтому очень измѣнчива. Встрѣчаются случаи (волкъ), въ которыхъ  $\sin \theta$  имѣть только 13 мі., а  $\sin \alpha$  достигаетъ 52 мі., что даетъ для  $\theta 7^\circ 47'$ , а для  $\alpha 31^\circ 33'$ . Въ другихъ случаяхъ (собака)  $\sin \theta=39$  мі., а  $\sin \alpha=48$  мі., что даетъ  $\theta=22^\circ 95'$ , а  $\alpha=28^\circ 69'$ . Поэтому при переходѣ отъ  $\theta$  къ  $\alpha$  чѣмъ другого пути, какъ формула коррекціи, и необходимо прилагать эту формулу со всенощностью, что требуетъ слѣдующаго:

- 1) нужно измѣрить на иглѣ длину  $\sin \theta$ .
- 2) измѣрить  $\sin p$  указаннымъ выше способомъ.
- 3) отыскать на второй таблицѣ величину  $\cos p$  по  $\sin p$ .
- 4) вычислить величину  $\sin \alpha$ , раздѣляя 100  $\sin \theta$  на  $\cos p$ .
- 5) опредѣлить по третьей таблицѣ величину  $\alpha$  по  $\sin \alpha$ .

Всѣ эти пріемы хотя просты, легки и доступны всякому, но тѣмъ не менѣе требуютъ времени. Относительно этого можно найти частности и нѣкоторое число пріемовъ въ особой таблицѣ, помѣщенной на стр. 177 въ *Bulletin de la Société d'Anthropologie* 1873 г. Въ Справительной анатомії, у животныхъ иныхъ, чѣмъ приматы, всѣ эти пріемы необходимы, а потому нужно подчищаться имъ, и это тѣмъ легче, что достаточно бываетъ въ такихъ случаяхъ изучить даже только небольшое число особей каждого вида. Въ Антропологіи, въ коей необходимо основываться на большомъ числѣ наблюдений, непосредственное приложеніе формулы коррекціи представляетъ серьзное затрудненіе, которое къ счастію, какъ увидимъ тотчасъ, можетъ быть обойдено.

#### Упрощеніе коррекціи у приматовъ.

Мы сказали, что у приматовъ уголъ  $2 p$  колеблется между 34 и 54 градусами. Не у человѣка, между приматами, замѣчается наименѣшее расхожденіе глазничныхъ осей; въ этомъ отношеніи человѣкъ отступаетъ въ первенствѣ передъ гориллою и нѣкоторыми другими обезьянами, хотя и уступаетъ имъ только въ нѣсколькихъ градусахъ. У человѣка глазничный уголъ въ среднемъ равняется  $47^\circ 28'$  съ шайтимъ въ  $40^\circ$  и шайтимъ въ  $54^\circ$ . Уголъ  $p$ , который есть половина предѣлдущаго, измѣняется у него между  $20^\circ$  и  $27^\circ$ , а въ среднемъ имѣть  $23^\circ 64'$ , что даетъ для  $\cos p$  шайтимъ въ 93,9 мі., шайтимъ 89,1 мі., а въ среднемъ 91,6 мі.

Всѣ эти различія въ величинѣ  $\cos p$  имѣютъ почти незамѣтное вліяніе на результаты формулы коррекціи. Это доказывается слѣдующимъ пріемомъ. Предположимъ, что  $\sin \theta$  имѣть 20 мі. Раздѣляя на 93,9 мі., мы получаемъ  $\sin \alpha=21,29$  мі., откуда  $\alpha=12^\circ 29'$ ; если же раздѣлить тоже на 89,1 мі., то будетъ  $\sin \alpha=22,44$  мі., а  $\alpha=12^\circ 87'$ . Разность между обѣими величинами  $\alpha$  получается 0,58. Слѣдовательно, самая крайніяя варіація глазничного угла не могутъ вызвать измѣненія въ результатѣ болѣе, чѣмъ на шесть деся-

тыхъ градуса. Поэтому, если мы условимся придавать  $\cos p$  величину постоянную, среднюю между двумя крайними, то нашъ выводъ будетъ точенъ до трехъ десятыхъ градуса. Такое приближеніе болѣе чѣмъ достаточно; оно болѣе того, которое требуется при нашихъ краинологическихъ изслѣдованіяхъ, такъ какъ наши гоніометры измѣряютъ углы только съ вѣроятнымъ приближеніемъ въ 1 градусъ.

Средній глазничный уголъ человѣческихъ илемъ равенъ  $47^{\circ}28'$ , поэтому можно условиться придавать  $p$  постоянную величину въ  $23^{\circ}64'$ , что составляетъ половину первого числа; при такомъ предположеніи для  $\cos p$  будетъ постоянная величина 91,6. Принявъ это, *нельзя болѣе надобности измѣрять глазничный уголъ*, такъ какъ весь трудъ, произведеній для этого, окончится въ результатахъ очень незначительной поправкою..

Такое же условное допущеніе можетъ быть принято и въ краинометріи обезьянь, у коихъ наименьшій предѣлъ  $\cos p$  исходитъ далѣе, чѣмъ у человѣка, но зато высшій или наибольшій остается таковыемъ же. Постоянная величина въ 91,6, условленная для  $\cos p$  можетъ повести къ ошибкамъ только меньшимъ полуградуса.

Допустивши разъ такое упрощеніе, слѣдуетъ однакоже обращать вниманіе каждый разъ на знаменатель формулы коррекціи. Поэтому необходимо каждый разъ при опредѣленіи  $\sin \alpha$  дѣлать дѣленіе  $100\sin\theta$  на 91,6. Такимъ образомъ, приложеніе формулы коррекціи требуетъ слѣдующихъ приемовъ:

1. Измѣрить на иглѣ длину  $\sin \theta$ .
2. Раздѣлить 100  $\sin \theta$  на 91,6 для полученія  $\sin \alpha$ .
3. Опредѣлить по 3-й таблицѣ величину  $\alpha$  по  $\sin \alpha$ .

Такое упрощеніе уже значительное, но какъ ни легки предыдущіе приемы, ихъ можно опять таки избѣжать съ помощью способа прибавки.

*Дальнѣйшее упрощеніе. Коррекція способомъ прибавки.*

Вычисляя разность между  $\sin \alpha$  и  $\sin \theta$  и между  $\alpha$  и  $\theta$  для всѣхъ величинъ, нисшихъ 60 градусамъ, мы видимъ, что эта разность возрастаетъ по мѣрѣ увеличенія  $\theta$ . Нѣть надобности приводить здѣсь всю таблицу; достаточно того, что показано на слѣдующей табличкѣ:

Разность между  $\alpha$  и  $\theta$ , если  $\cos p=91,6$  и.

Синусы въ миллиахъ. Углы въ градусахъ. Разность. Отношеніе разности.

$\sin \theta$	$\sin \alpha$	$\theta$	$\alpha$	$\alpha$ и $\theta$	$\alpha$
0	0	0	0	0	0
1	1.09	0.57	0.62	0.05	1:11
2	2.18	1.14	1.24	0.10	1:11
5	5.45	2.87	3.12	0.25	1:11
9	9.82	5.16	5.63	0.47	1:11
18	19.65	10.37	11.32	0.95	1:11
26	28.38	15.07	16.49	1.42	1:10
35	38.20	20.48	22.50	2.02	1:10
43	46.94	25.47	28.00	2.53	1:10
50	54.58	30.00	33.08	3.08	1:10
58	63.31	35.45	39.28	3.83	1: 9
65	71.03	40.55	45.26	4.71	1: 9
71	77.51	45.24	50.82	5.78	1: 8
77	84.06	50.36	57.11	6.75	1: 8
82	89.51	55.02	63.49	8.47	1: 7
86	93.88	59.32	69.86	10.54	1: 6

Здѣсь нѣть надобности идти далѣе  $60^{\circ}$ , такъ какъ общий способъ синусовъ, о коемъ идетъ рѣчь, замѣ-

няется способомъ косинуса, если углы становятся болѣе  $60^{\circ}$ .

Послѣдній столбецъ даетъ прибавку, т. е. дробь  $\theta$ , которую нужно прибавить въ  $\theta$ , чтобы получить  $\alpha$ .

Мы видимъ изъ таблички, что для величинъ  $\theta$ , нисшихъ  $10^{\circ}$  разность  $\alpha-\theta$  составляетъ только одну одинадцатую величины  $\theta$ . При величинахъ столь малыхъ,  $\frac{1}{11}$  отличима отъ  $\frac{1}{10}$  только вліяніемъ на вторую десятичную цифру величины; поэтому мы можемъ допустить прибавку  $\frac{1}{10}$  для величинъ  $\theta$ , лежащихъ между  $1^{\circ}$  и  $10^{\circ}$ , такъ какъ при этомъ ошибка никогда не достигнетъ даже  $\frac{1}{10}$ . Для величинъ, лежащихъ между

$10^{\circ}$  и  $30^{\circ}$  прибавка сама по себѣ уже  $\frac{1}{10}$ . Начиная отъ

$30^{\circ}$  до  $40^{\circ}$  прибавка можетъ быть принята въ  $\frac{1}{9}$ , а для угловъ большихъ прибавка увеличивается все болѣе и болѣе, но всѣ эти увеличенія могутъ быть приведены къ несколькиемъ предѣламъ, кои даютъ возможность установить слѣдующее правило:

*Правило прибавокъ.* Для получения  $\alpha$  нужно прибавить къ  $\theta$  дробь  $\theta$ , а именно:

Величина  $\theta$ .

Величина прибавки.

Отъ 0 до 30 градусовъ одну десятую величины  $\theta$ .

» 31 » 40 »	» девятую »	» $\theta$ .
» 41 » 50 »	» восьмую »	» $\theta$ .
» 51 » 55 »	» седьмую »	» $\theta$ .
» 56 » 60 »	» шестую »	» $\theta$ .

Приложеніе этого правила тѣмъ легче, что въ *промежутии большинства случаевъ* углы, измѣряемые съ помощью глазничныхъ иголъ, бываются ниже  $30^{\circ}$  и тогда прибавка на  $\frac{1}{10}\theta$  получается простымъ перенесеніемъ запятой. Но и въ остальныхъ случаяхъ приложеніе этого правила очень удобно и не требуетъ много времени. Что касается ошибокъ, могущихъ при этомъ представиться, то онѣ никогда не могутъ дойти до  $\frac{1}{10}$  градуса для угловъ отъ 0 до  $30^{\circ}$ ; при углахъ  $30-40$  градусахъ ошибка бываетъ ниже одной трети градуса; отъ 40 до 60 градусовъ ошибка не доходитъ до полуградуса, т. е. всѣ ошибки не превышаютъ того предѣла погрѣшностей, который допустимъ въ краинометріи.

Правило прибавки даетъ намъ такимъ образомъ способъ коррекціи совершенно удовлетворительный и несравненно болѣе быстрый, чѣмъ формула коррекціи. Способъ этотъ вызывается при опредѣленіи угла  $\alpha$  слѣдующие приемы:

- 1) Измѣрить на иглѣ длину синуса  $\theta$ .
- 2) Отыскать на третьей таблицѣ величину  $\theta$  по синусу  $\theta$ .

- 3) Прибавить къ  $\theta$  дробь прибавки.

Этотъ способъ, какъ видно, позволяетъ установить коррекцію безъ введенія тригонометрическихъ линій. Онь прилагается къ самымъ угламъ, и такъ какъ тригонометрическая линейка дозволяетъ намъ прямое опредѣленіе величины  $\theta$ , то мы можемъ окончательно упростить опредѣленіе угла  $\alpha$  слѣдующимъ образомъ:

- 1) Измѣрить непосредственно на иглѣ съ помощью тригонометрической линейки величину угла  $\theta$  въ градусахъ.

2. Следование за боями воинов в бою, под  
которыми понимают аудиовизуальную форму отображения  
взаимодействия информанта и ее предмета восприятия.  
Информант в ходе боя может находиться в различных  
положениях, но всегда это определяется в той же  
мере, что и в бою информанта. Имея данных о том, как  
всегда или почти всегда действует информант,  
мы можем выделить его из общего потока

Следует отметить, что введение в практику метода селекции супервирусных генов в сельском хозяйстве неизбежно приведет к дальнейшему улучшению селекционных методов и технологии.

Благодаря этому же упрощенному способу приводят в движение пропеллеры, то знаменитые французские паровые яхты, приводимые в движение паровыми машинами, приводят в движение и винты, то есть парные пропеллеры, приводимые паром. Впрочем, парные винты не являются винтами в строгом смысле этого слова.

3. Проверка правильности введенных данных производится вручную вручную

На схеме изображены три параметра гидравлического сопротивления трубы: 1) толщина стальной оболочки трубы; 2) диаметр трубы; 3) длина трубы. Труба не имеет промежуточных соединений. Длина трубы равна сумме длины оболочки и длины промежуточного звена. Стартовая скорость течения в трубе равна нулю для всей трубы. Внутреннее сопротивление трубы бывает либо линейное, либо квадратичное. Квадратичное сопротивление трубы определяется формулой:  $R = \frac{C}{d^4} \cdot L \cdot \rho \cdot g \cdot v^2$ , где  $C$  — коэффициент сопротивления,  $d$  — диаметр трубы,  $L$  — длина трубы,  $\rho$  — плотность рабочей среды,  $g$  — ускорение свободного падения,  $v$  — скорость течения в трубе.

Для того чтобы напечатать приведенные выше виды  
изданий, для этого в них должны быть  
использованы различные виды и виды карт  
изображения или текста, т.е. должны быть  
использованы различные виды и виды карт

**1. Использование в архитектуре и градостроительстве**  
Узлы расположены вдоль главных осей (2 р) и  
предназначены для соединения с разницей в  
16° плавающей (третий способ) или жесткой  
шарнирной. Запатентовано узел, называемый в требующем  
изменяющимся при изгибе тригонометрической  
биполярной системой. Тоже уже было описано  
выше и известно что бима размежевана при концах  
узлов.

**2. Испарение чистых спиртовых паров (чистой Сакеи).** Помимо общепринятого называния мы разрешаемъ въ многоточечные здѣмъ, какъ служить для измѣрения степени вакуума для спиритуальныхъ плюсовыхъ черепа въ газо-вакуумныхъ плюсостяхъ.

**Каждая** панель, перпендикулярная въ срединной пло-  
скости черепа, симметрична, каково бы при этомъ не было  
ея направление по отношенію къ горизонту. Этотъ рядъ  
заканчивается въ себѣ, между прочимъ, всѣ плоскости,  
болѣе или менѣе варьирующая въ болѣе или менѣе при-  
ближавшися къ горизонтальной, предложенные какъ  
для определенія положенія черепа въ горизонтальной пло-  
скости, такъ и для установленія постоянной пло-

Чтобы дознать из какой степени эти плюсости (когда число было уже 15 въ 1873 г., но оно увеличилось съ того времени) заслуживают тога довѣрія, которое иль приписывается, а также чтобы исть возможность избрать, съ полнымъ сознаніемъ оснований, ту изъ нихъ, которая должна исть преимущество, нужно исть возможность изучить ихъ въ двоякомъ отношеніи, а именно: какъ со стороны ихъ степени горизонтальности, такъ и постоянства положенія, а это достичмо только при определеніи ихъ направлениія по отношенію къ глазничной плюсости, такъ какъ она является и наиболѣе постоянной, и наиболѣе горизонтальною у черепа. Вотъ это

т. е. оставить право в каждом городе не избранным упомянутым

Существует прямой и обратный методы вычисления, но лучше всего избегать этого указывать на отдельные формулы для каждого из них. Гамма, например, должна быть вычислена отдельно. Для вычисления гаммы лучше всего использовать метод Гаусса-Ньютона.

Больше чисто письмовой. О нем быть речь, приближать фразе или нести въ оправданіи. И могут быть въ различныхъ письмовыхъ случаяхъ то параллельныя письма и то сокращеніе параллелью письма. Сокращеніе письма бываетъ ли въ оправданіи, ли въ оправдательномъ.

Для этого можно пользоваться различными краинстатаами. Всё такие инструменты иметь центральную кубицескую часть, на которую устанавливают сосцевидные отростки через з. Когда они находятся на одинаковом уровне, то все подлежащие линии черепа являются параллельными плоскостями стола; дальше устанавливается срединная плоскость черепа, и затем остается только изложить черепъ въпередъ или въ заду до тѣхъ поръ пока исходныя точки (*points de repere*) изучаемой плоскости не лягутъ на одинаковый горизонтальный уровень. Такъ напримѣръ, если хотятъ огоризонтизировать плоскость Бакпера, опредѣленную центральными слуховыми отверстій и *spina nasalis*, то изжѣраютъ любымъ образомъ высоту этихъ точекъ надъ столомъ, и если эти точки окажутся на равной высотѣ, то укрѣпляютъ черепъ въ этомъ положеніи.

Браніостаты снабжены горизонтальными лѣтками (tches), съ помощью которыхъ легко опредѣляется высота нѣкоторыхъ точекъ. Высота другихъ точекъ опредѣляется или съ помощью обыкновенной линейки съ масштабомъ, или же двойной шкалою (equerre double) Топпера. Очень простой способъ, приложенный ковѣть случаи, состоять въ томъ, чтобы употребить неподвижное колѣно раздвижного циркуля въ видѣ масштаба, для чего это колѣно продерживается рукою у стола, а другою рукою приводить подвижное колѣно этого циркуля на уровень точки, высоту кой желаютъ опредѣлить.

Установивъ въ горизонтальной положеніи плоскость,

можна укрепить черепъ въ данномъ положеніи, или подкладывая деревянные клинушки къ заднимъ краямъ затылочного отверстія, или же придвигая къ черепу острые стержни краиностата, или же какимъ либо другимъ способомъ.

Можно также установить черепъ на обыкновенный краніофоръ стереографа и наклонить его по желанію къ переду или къ заду съ помощью деревянныхъ клинушковъ, засовываемыхъ подъ подставку краніофора.

Остроумный краніофоръ спаряда Бенедикта дозволяетъ самымъ удобнымъ образомъ укрепить черепъ на всѣхъ градусахъ наклоненія, не измѣняя вертикальности срединной плоскости черепа.

Если затылочное отверстіе попорчено или если одинъ изъ сочленительныхъ отростковъ обломанъ, то слѣдуетъ инымъ способомъ устанавливать срединную плоскость. Въ такихъ случаяхъ уже не достаточно констатировать на одной только половинѣ черепа нахожденіе на одномъ уровнѣ взятыхъ исходныхъ точекъ; нужно дознать также кромѣ того, лежать ли точки правой стороны на одномъ уровнѣ съ точками лѣвой. Для подобной установки очень удобный способъ состоять въ томъ, что черепъ кладется на маленькую тарелочку, наполненную пескомъ или мелкою дробью. Эти вещества уступаютъ давленію руки, но черепъ затѣмъ сохраняетъ данное ему положеніе.

Въ томъ частномъ случаѣ, когда желають огоризонтизировать линію затылочного отверстія, всѣ эти различные способы не приложимы. Одной линіи не достаточно для определенія плоскости, но такъ какъ данная линія лежитъ въ срединной плоскости, то ею можетъ быть определена плоскость затылочного отверстія, если кромѣ того мы будемъ имѣть срединную плоскость черепа вертикально. Это послѣднее условіе легко выполнимо, помѣщая оба затылочныхъ сочлененія на одномъ уровнѣ. Но въ такомъ случаѣ базіонъ и опистіонъ, составляющія двѣ исходныя точки затылочного отверстія, не будутъ уже болѣе доступны для измѣрительной линейки. Поэтому опредѣляютъ горизонтальность затылочной линіи съ помощью маленькой трехугольной деревянной призмы, которую кладутъ на подставку краиностата и на ребрѣ которой базіонъ и опистіонъ находятся въ неустойчивомъ равновѣсіи. Такъ какъ при этомъ затылочные сочленительные возвышенія будутъ лежать на нѣсколько миллиметровъ выше подставки, то подъ нихъ подставляютъ клинушекъ изъ дерева, простой сзади и раздѣленный спереди на двѣ симметрическія вѣтви. Этотъ способъ былъ описанъ болѣе подробно и изображенъ въ моемъ мемуарѣ о глазнично-затылочномъ углѣ (Revue d'Anthropologie 1877 г. стр. 411). Я считалъ полезнымъ цитировать его здѣсь вслѣдствіе важности этого угла, устанавливающего между человѣкомъ и обезьяною столь большое и столь характеристичное различіе.

Горизонтальность плоскости затылочно-зубной (alveolo-condylien) достигается съ большою легкостью съ помощью особаго статива при стереографѣ, или же съ помощью краніофора Топинара, или же съ помощью краиностата, на которомъ особая мѣтка обозначаетъ уровень той подставки, на которой лежать сочленительные затылочные отростки. Достаточно подвести зубную (point alveolaire) точку къ этой мѣткѣ.

Когда изучаемая плоскость сдѣлана горизонтальною, измѣреніе угла наклоненія совершается быстро тѣмъ упрощеннымъ способомъ, который мы уже описали выше, но который считаемъ нелишнимъ привести и здѣсь.

а) Нужно замѣтить лежать ли штифтики *A* глаз-

ничной иглы выше или ниже конца *O*. Если они ниже, то уголъ будетъ положительный, если же выше, то отрицательный.

б) Нужно приставить тригонометрическую линейку къ той изъ этихъ двухъ точекъ, которая ниже, и помѣстить нуль дѣленія шкалы дугъ на уровнѣ этой точки.

с) Перенести линейку ко второй точкѣ и отсчитать на шкалаѣ дугъ, на уровнѣ этой точки, градусъ, который и выразить величину  $\theta$ , уголъ иглы.

д) Прибавить къ  $\theta$  для получения искомаго угла  $\Theta$  прибавку, данную на вышеприведенной таблицѣ. Эта прибавка почти неизмѣнно составить одну десятую  $\theta$ , такъ какъ у человѣка соглазничные углы превосходятъ  $30^{\circ}$  толькѣ въ исключительныхъ случаяхъ; но это не совершенно такъ у обезьянъ.

3. Измѣрить уголъ, образуемый другъ съ другомъ двумя симметричными плоскостями черепа.

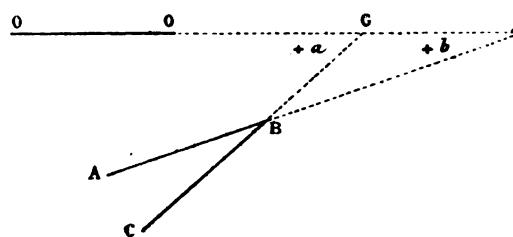
Опредѣляется для этого послѣдовательно уголъ, образуемый каждой изъ двухъ плоскостей съ глазничной плоскостью, и такимъ образомъ получается уголъ, образуемый ими другъ съ другомъ чрезъ сложеніе или вычитаніе обоихъ изъ этихъ угловъ.

Если оба соглазничные угла имѣютъ одинъ знакъ, то ихъ вычитываютъ одинъ изъ другого.

Если оба соглазничные угла имѣютъ различные знаки, т. е. одинъ положительный, а другой отрицательный, то ихъ прибавляютъ одинъ къ другому.

Чтобы доказать это правило, представимъ себѣ черепъ приведенный проекцію къ срединной плоскости, на которой наши плоскости (взятые симметричными) будутъ представлены прямыми линіями.

Первый случай. Намъ нужно измѣрить (фиг. 20) наклоненіе плоскости *AB* къ плоскости *BC*, т. е. уголъ *ABC*. Оба соглазничные угла этихъ двухъ плоскостей положительные, т. е. каждый изъ нихъ имѣеть вершину лежащую сзади. Одинъ равенъ  $+a$ , другой  $+b$ .



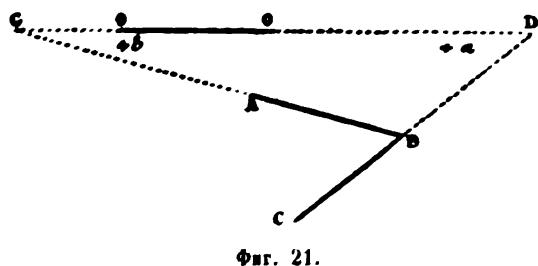
Фиг. 20.

Предположивъ глазничную линію *OO'* продолжѣнною до встрѣчи съ двумя линіями *AB* и *CB*, мы получаемъ трехугольникъ *BGD*, въ которомъ уголъ *GBD* равенъ искомому углу *ABC*. Такъ какъ внѣшній уголъ *OGB* или  $a$  равенъ суммѣ двухъ внутреннихъ противудежащихъ, то  $ABC=a-b$ .

Если линія *AB*, хотя и менѣе наклоненная, чѣмъ другая, встрѣтила бы глазничную линію прежде линіи *BC*, то трехугольникъ *BGD* образовался бы надъ *OD* и результатъ былъ бы тотъ же самый.

Второй случай. Намъ нужно измѣрить (фиг. 21) уголъ *ABC*, образуемый двумя плоскостями *AB* и *CB*, коихъ соглазничные углы обозначаются противуположными знаками. Уголъ плоскости *CB* имѣеть вершину, обращенную къ заду и равенъ  $+a$ ; уголъ плоскости *AB*, наоборотъ, имѣеть вершину обращенную къ переду и равенъ  $-b$ . Искомый уголъ *ABC* есть внѣшній уголъ трехугольника *GBD* и онъ равенъ суммѣ двухъ внутреннихъ противуположныхъ, т. е.  $ABC=a+b$ .

Итакъ, два соглашническихъ угла должны быть комбинированы чрезъ сложеніе, если они обозначаются различ-



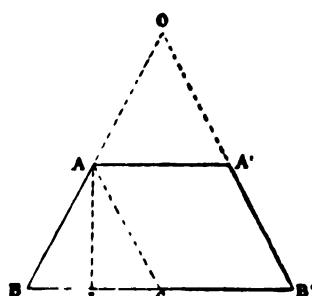
Фиг. 21.

ными знаками, и чрезъ вычитаніе, если имѣютъ одинъ и тотъ же знакъ.

#### 4. Измѣрить умы и высоту симметрическихъ трапеций.

Каждыя двѣ боковыя и симметричная черепныя линіи образуютъ симметрическую трапецию; поэтому существуетъ большое число симметрическихъ трапеций у черепа. Двѣ изъ наиболѣе важныхъ суть трапеции вѣчерепныя или лобнотемянныя, ограниченныя двумя лобными буграми и двумя темянными, и трапеции внутреночерепныя или оптическия, ограниченныя двумя оптическими отверстіями и двумя внутренними слуховыми.

Собственно говоря въ каждой симметрической трапеціи требуется опредѣлить только одинъ уголъ, отъ коего зависятъ всѣ остальные. Это есть уголъ  $O$  (фиг. 22), образованный продолженіями двухъ наклонныхъ сторонъ трапеціи, ибо уголъ у основанія  $B$  есть половина дополнительного  $O$ , а другой уголъ  $A$  есть дополнительный къ  $B$ .



Фиг. 22.

Намѣряютъ непосредствен-  
но циркулемъ разстояніе  $AB$  и два основанія  $AA'$  и  $BB'$ . Если бы  $AB$  было равно 100  
миллиметрамъ, то можно бы-  
ло бы употребить для опре-  
дѣленія угла третій способъ,  
или способъ синуса полуугла  
при постоянномъ радиусѣ.  
Половина разности двухъ ос-  
нованій  $AJ$  даетъ тогда

синусъ половины угла  $O$ . Но  $AB$  величина измѣняющаяся и потому нужно прилагать четвертый способъ, т. е. нужно привести  $AB$  къ величинѣ 100 миллиметровъ. Затѣмъ получаютъ соотношеніе  $100 : BJ$  и изъ этого соотношенія посредствомъ та-  
блицы указателей получается синусъ  $\frac{1}{2}O$  при радиусѣ въ 100 миллиметровъ. По третьей таблицѣ опредѣляется величина половины угла  $O$  или  $r$ , а следовательно легко вычисляется и  $O$ , дающій уже возможность узнать величину и двухъ внутреннихъ угловъ трапеціи. Одною изъ существенныхъ сторонъ изученія симметрическихъ трапеций является опредѣленіе ихъ *площади*, требу-  
ющее предварительного опредѣленія ихъ высоты. Такъ какъ эта высота не можетъ быть измѣрена на самомъ черепѣ, то необходимо для этого построить трехугольникъ на бумагѣ, что довольно продолжительно. Конечно можно вычислить высоту  $AJ$  по формулаѣ квадрата гипотенузы  $AJ = \sqrt{AB^2 + BJ^2}$ , но это вычисление, при

коемъ два числа нужно возводить въ квадратъ и затѣмъ извлекать квадратный корень изъ ихъ разности, настолько же продолжительно, какъ и графический способъ. Тригонометрический методъ дозволяетъ опредѣлить величину  $AJ$  гораздо удобнѣйшимъ способомъ. Такъ трехугольникъ  $BAJ$  даетъ намъ формулу  $100 AJ = AB \cos r$ ; мы знаемъ уже  $AB$  и  $\sin r$ , а вторая тригонометрическая таблица намъ даетъ косинусъ, соответствующий этому синусу. Поэтому остается только помножить величину  $\cos r$ , найденную по таблицѣ, на величину  $AB$ , чтобы получить  $100 AJ$ , а затѣмъ простое измѣненіе мѣста запятой укажетъ величину  $AJ$ , т. е. высоту трапеціи. Этотъ способъ по крайней мѣрѣ вдвое быстрѣе, чѣмъ процессъ графической и способъ квадратовъ.

#### 5. Измѣрить темянной уголъ Катрафажа.

Этотъ уголъ можетъ быть измѣренъ съ помощью осо-  
баго гониометра, придуманного Катрафажемъ для этого слу-  
чаи, но снарядъ этотъ очень сложенъ и имъ не совсѣмъ лег-  
ко пользоваться, не говоря уже о томъ, что онъ пишется  
только у очень незначительного числа наблюдателей.  
Можно замѣнить этотъ инструментъ двумя деревянными  
линейками, приложенными косвенно, подобно ножкамъ  
циркуля, къ двумъ сторонамъ черепа. Даѣте отмѣчать,  
карашающимъ и съ каждой стороны, обѣ точки сопри-  
косновенія линейки, кои и даютъ границы симметриче-  
ской трапеции, а уголъ расхожденія ея сторонъ и есть  
искомый темянной уголъ. Этотъ уголъ затѣмъ опредѣ-  
ляется, какъ и въ предыдущемъ случаѣ.

Взявъ обѣ линейки равной длины и заставляя по-  
мощника держать ихъ на мѣстѣ въ симметрическомъ  
положеніи нѣсколько секундъ времени, можно очень  
удобно измѣрить темянной уголъ съ помощью биллимет-  
рической тригонометрической линейки, подобно тому  
какъ измѣряется глазничный уголъ. Для этого тре-  
буется только, чтобы линейки были достаточно длинны и  
могли быть продолжены на 20 центиметровъ за темян-  
ную точку. Мѣтка, сдѣланная на разстояніи 20 центи-  
метровъ отъ верхняго конца, прикладывается къ темян-  
ной точкѣ, а другая мѣтка, стоящая на 100 миллимет-  
ровъ отъ того же конца, замѣняетъ точки  $AA'$ , глазнич-  
ныхъ иголъ.

#### 6. Измѣрить умы наклоненія линій профиля лице- вой части (линій лицевыхъ, носовой, челюстной, орбито- спinalis, челюстной etc).

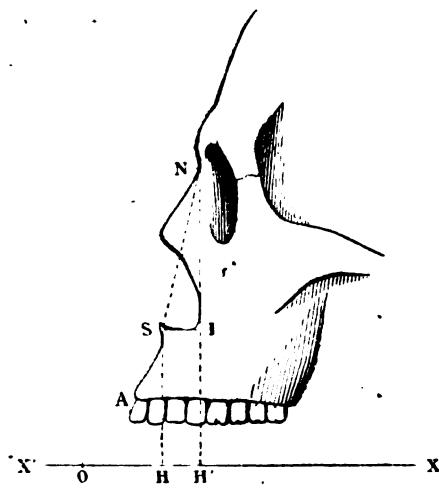
Линіи профиля суть тѣ, кои проводятся отъ какой-либо точки периферіи срединной плоскости черепа къ другой точкѣ той же периферіи. Поэтому всѣ эти точки лежать въ срединной плоскости. Наиболѣе любопытными суть линіи лицевой области, и изъ нихъ пользуется наибольшою извѣстностью лицевая линія Кампера, про-  
веденная отъ надпереноса (glabella) къ челюстной точкѣ (point alveolaire). Жакаръ (не замѣтивъ самъ различія)  
замѣнилъ ее линіею, кончающейся у spina nasalis. Обык-  
новенные лицевые гониометры съ боковымъ кругомъ  
измѣряютъ наклоненіе линіи Жакара къ плоскости auriculo-spinalis или къ плоскости Кампера. Но всѣ эти углы даютъ точное опредѣленіе направленія ли-  
цевыхъ линій только при томъ условіи, если плоскость auriculo-spinalis, къ коей ихъ относятъ, совер-  
шенно постоянна и горизонтальна, а всѣ убѣждены  
въ настоящее время, что эта плоскость не предста-  
вляетъ ни того, ни другого условія. Поэтому являет-  
ся необходимымъ имѣть возможность опредѣлить накло-  
неніе различныхъ линій профиля лица по отношенію  
другихъ черепныхъ плоскостей. Это достигается очень  
удобно съ помощью тригонометрическаго метода, позво-  
ляющаго кромѣ того изучить направленіе болѣе част-

ныхъ линій профиля, каковы, напримѣръ, челюстная (*alveolaire*) *AS* (фиг. 23), проводимая отъ челюстной точки къ точкѣ подносовой или *spina nasalis*, посовая *NS*, идущая отъ челюстной точки къ основанию носа или надносовой точкѣ и т. д.

Чтобы прибѣгнуть къ этому методу, нужно начать съ установки черепа на краніостатѣ такъ, чтобы опредѣляющая плоскость черепа была горизонтальною. Если за таковую плоскость будетъ принята глазничная, то тогда нужно направить черепъ такъ, чтобы глазничные углы были горизонтальны; если это будетъ плоскость челюстно-затылочная (*alveolo-condylien*), то нужно, чтобы затылочные сочлененія и челюстная точка были на одномъ и томъ же уровнѣ.

Сдѣлавши опредѣляющую плоскость горизонтальною, можно опредѣлить тригонометрически наклоненіе любой линіи профиля двумя способами, приложими ко всѣмъ случаямъ, а именно: способомъ синуса при измѣнчивомъ радиусѣ (2-й способъ) и способомъ котангенса (6-й способъ).

Предположимъ, что мы хотимъ измѣрить наклоненіе линіи *NS* по отношенію къ плоскости доски (*XX'* фиг. 23). Эта доска должна быть снабжена миллиметрическими дѣленіями. Если нѣтъ подъ рукою доски съ масштабомъ, то можно замѣнить ее приkleиваніемъ къ столу ленты изъ бумаги съ миллиметрическими дѣленіями.



Фиг. 23.

1. Способъ синуса. Я измѣряю циркулемъ линію *NS* и получаю ее, положимъ, равную *a* миллиметровъ. Опускаю затѣмъ на доску или столъ, съ помощью двойной линейки (*double equerre*) Топинара или же какимъ либо другимъ способомъ проекціи, два перпендикуляра *SH* и *NH'* и отсчитываю на шкалаѣ доски разстояніе между *H* и *H'*. Наиболѣе удобно отсчитывать, начиная отъ нуля шкалы, лежащаго у *O*, оба разстоянія *HO'* и *OH* и опредѣлять ихъ разность. Назовемъ *b* эту разность *HH'*, выраженную въ миллиметрахъ. Она равна линіи *SJ*, составляющей основаніе прямоугольного треугольника *NJS*, у коего уголъ *NSJ* или  $\phi$  требуется измѣрить. Принимая *NS* за радиусъ, линія *SJ* или *HH'*, или *b*, будетъ косинусъ угла  $\phi$ , а потому.

$$\cos \phi = 100 \frac{b}{a}$$

Соотношеніе  $100 \frac{b}{a}$  вычисляется съ помощью таблицы координатъ. Зная такимъ образомъ  $\cos \phi$ , можно

уже найти величину искомаго угла  $\phi$  на третьей тригонометрической таблицѣ или таблицѣ синусовъ (3-ій столбецъ).

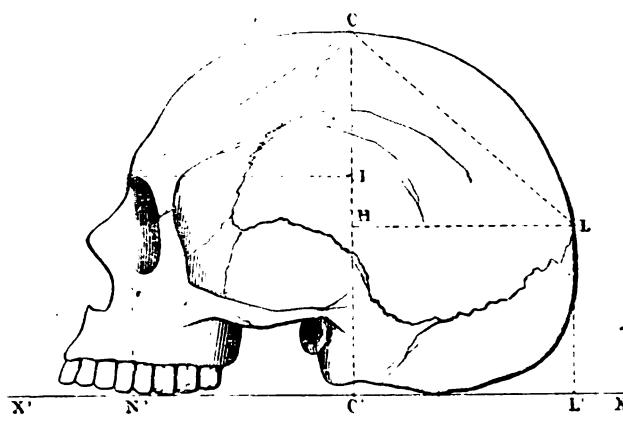
Можно вмѣсто соз  $\phi$ , опредѣлить синусъ  $\phi$  съ помощью *NJ*, взявъ разность двухъ высотъ *NH'* и *SH*, что очень нетрудно. Обозначая чрезъ *h* эту разность *NJ*, получаемъ:

$$\sin \phi = 100 \times \frac{h}{a}.$$

Чтобы избѣгнуть дѣленія  $\frac{h}{a}$  нужно было бы придать значительный объемъ таблицѣ координатъ, увеличивая по крайней мѣрѣ до 80 миллиметровъ серию чиселей. Поэтому удобнѣе было прибѣгнуть къ косинусу, который всегда гораздо меньше синуса угла наклоненія лицевыхъ линій, превосходящихъ  $45^{\circ}$ . Тѣ же основанія заставляютъ предпочтѣтъ котангенсъ тангенсу при слѣдующемъ способѣ.

2. Способъ котангенса (также фиг. 23). Здѣсь нѣть надобности измѣрять циркулемъ линію *NS*. Какъ и въ предыдущемъ случаѣ измѣряютъ разностью обѣ линіи *SJ* и *NJ* или *b*. Затѣмъ берутъ соотношеніе  $100 \frac{b}{h}$ , которое составляетъ формулу тангенса вершинаго угла *SNJ*, и слѣдовательно котангенсъ угла при основаніи *NSJ* или  $\phi$ . Зная сot  $\phi$  можно найти на четвертой тригонометрической таблицѣ величину  $\phi$  (3-ій столбецъ).

7. Измѣрить углы профиля черепной области. Эти углы образуются пересеченіемъ среднихъ хордъ (хорды метопической, сагиттальной, затылочной и т. д.). Достаточно взять одинъ примѣръ для уясненія той цѣли, которую имѣеть настоящій параграфъ. Предположимъ, что мы хотимъ измѣрить уголъ лобнотемянной (*fronto-parietal*), образуемый двумя хордами *NC* и *LC*, проведенными изъ брегмы *C*. *NC* есть хорда метопическая, а *CL* хорда сагиттальная.

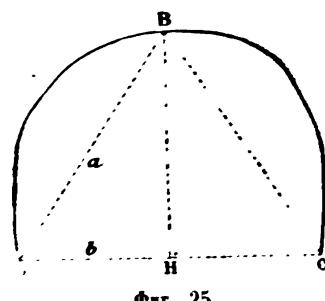


Фиг. 24.

Ставимъ на подставку черепъ и затѣмъ, предполагая опущенными перпендикуляры *NN'*, *CC'*, *LL'*, измѣряемъ, подобно тому, какъ въ предыдущемъ случаѣ, уголъ *NCJ* воображаемаго прямоугольного треугольника *NJC*, а затѣмъ уголъ *HCL* — другаго воображаемаго треугольника *CHL*. Сложеніе этихъ двухъ угловъ даетъ уголъ *NCL*. Смотря по тому больше или менѣе ордината *CJ*, чѣмъ абсцисса *NJ*, мы выбираемъ для опредѣленія угла косинусъ или синусъ, тангенсъ или котангенсъ.

8. Измѣрить углы расхожденія симметрическихъ хордъ. Эти углы имѣютъ свои вершины на срединной линіи, а стороны ихъ проходятъ чрезъ боковые симметрическія точки. Наиболѣе интересны изъ нихъ тѣ, кои

проходить съ каждой стороны надъ виѣшнимъ слуховыемъ отверстіемъ и коимъ, съдовательно, опираются на ушную линію (*linea biauriculae*) (фиг. 25). Объ симетрическихъ хордахъ, ограничивающихъ уголъ, образуютъ такимъ образомъ съ этой линіею равнобедренный трехугольникъ  $OBO'$ .



Фиг. 25.

Предположимъ, что мы желаемъ измѣрить уголъ, лежащий между брегиатическими хордами  $OB$  и  $O'B$ . Измѣримъ съ помощью толстоточного циркуля длину хорды брегио-ушной (*auriculo-bregmatique*)  $OB=a$ , а затѣмъ длину ушной оси или линіи  $OO'=2b$ ; эту послѣднюю

разделимъ на 2, чтобы получить  $OH=b$ . Взявъ соотношение  $100^{\frac{a}{b}}$ , мы получаемъ величину, соответствующую синусу угла  $OBH$  и по третьей таблицѣ вычисляемъ уголъ  $OBH$ , составляющій половину угла  $OB'O'$ .

Этотъ приемъ есть только частный случай способа синуса полуугла съ измѣняющимися радиусомъ (четвертый способъ) и онъ приложимъ ко всѣмъ угламъ расположенныхъ симетрическихъ хордъ, оканчивающихся или у слухового отверстія, или же у какихъ либо иныхъ двухъ симетрическихъ точекъ, каковы итеріонъ, стефаніонъ, астеріонъ и др. Онъ дозволяетъ измѣрить уголъ, образуемыи двумя вѣтвями вѣлечпаго шва и затылочнаго шва, и двумя половинами зубной дуги и прочее.

Мы указали нѣкоторое число случаевъ приложения приемовъ тригонометрическаго метода, но мы далеко не исчерпали ихъ всѣхъ. Мы имѣли цѣлую въ предыдущемъ показать на примѣрахъ разнообразіе и пользу той помощи, которую доставляетъ краніологу этотъ методъ. Кто приметъ на себя трудъ усвоить основанія этого метода, тотъ получитъ для себя средство къ изслѣдованіямъ, съ помощью которого возможно определеніе абсолютнаго или относительного направлениія каждой линіи и каждой плоскости черепа, требующей изученія, и

притомъ удовлетворительный даже тогда, когда наблюдатель не имѣть въ своей распоряженіи никакихъ другихъ инструментовъ, кроме двухъ линеекъ съ дѣленіями, и никакихъ вспомогательныхъ средствъ, кроме обыкновенныхъ тригонометрическихъ таблицъ. Орбитостатъ можетъ быть замѣненъ кускомъ картона, снабженаго центральнымъ отверстиемъ; глазничныи иглы замѣняются удобно чулочными иглами, на которыхъ дѣлать мяту перомъ; шкала простую линейкою съ наклееною на края ея полосою бумаги съ дѣленіями. Тригонометрическая линейка, тригонометрическая шкала (секундѣ), таблица координатъ, тригонометрическая таблицы суть только способы упрощенія и способъ съэкономизировать время. Съ помощью ихъ тригонометрическія измѣренія совершаются такъ быстро, какъ рѣдко достигается это при употребленіи гоніометровъ; но, конечно, можно и не прибѣгать къ этимъ приемамъ, если имѣешь достаточно времени въ своей распоряженіи.

Поэтому методъ тригонометрическій долженъ занять място па ряду съ другими общими методами краніологии. При случачѣ онъ можетъ замѣнить гоніометръ, но если какой либо уголъ можетъ быть легко и удобно измѣренъ гоніометромъ простаю устройствомъ, то нужно отдавать предпочтеніе этому послѣднему снаряду. Впрочемъ только очень небольшое число черепныхъ угловъ можетъ быть прямо измѣreno гоніометромъ, тогда какъ число приложенийъ тригонометрическаго метода неограниченно, какъ нѣть предѣла пытливости изслѣдователя.

Между этими приложеніями мы видимъ нѣкоторая, которая еще не были изучены или коихъ польза еще сомнительна; но за то существуютъ другія, бывшія предметомъ специальныхъ изслѣдований и результаты коихъ признаны существенными. Всѣ вычисленія, относящіяся къ этимъ послѣднимъ, какъ по отношению соотношеній косинуса къ синусу, такъ и для приведенія радиуса къ 100 миллиметрамъ, внесены въ таблицы координатъ, у коихъ рядъ числителей идетъ отъ 1 до 35, а знаменателей отъ 1 до 100.

Лица, имѣющія имѣть надобность для своихъ специальныхъ изслѣдований въ книжкѣ приложеніяхъ излагающаго метода и въ болѣе обширныхъ таблицахъ, легко сами дополнять предложенія наші.

### § 8. Приложенія къ таблицамъ.

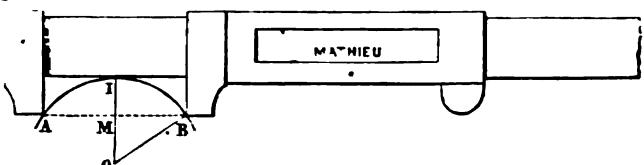
За тригонометрическими таблицами мы помѣстили нѣсколько другихъ, о коихъ мы высказываемъ только нѣсколько общихъ замѣчаній, за исключеніемъ таблицы ректификаціи эллипса требующей болѣе подробныхъ разъясненій.

#### 1. Описательные числа (numeros descriptifs).

Таблица описательныхъ чиселъ уже была издана при «Краніометрическихъ инструкціяхъ» Парижскаго Антропологического Общества. Эти нумера даютъ возможность обозначать условными числами степень развитія или состояніе нѣкоторыхъ признаковъ, каковы напримѣръ степень выпуклости надпереносъ, затылочнаго возвышенія (inion), степень сложности швовъ и мѣру ихъ заростанія и т. д. Эти нумера, за исключеніемъ только относящихся къ Ворміевымъ косточкамъ, распределены такъ, что промежутки каждого члена между шахішемъ и шіпішемъ почти равны. Поэтому числа эти могутъ служить, если не къ получению настоящихъ среднихъ чиселъ, то по крайней мѣрѣ приближеній среднихъ результатовъ.

#### 2. Циклометръ.

Эта таблица касается определенія радиусовъ кривизны на различныхъ точкахъ черепа съ помощью циклометра. Извѣстно, что степень кривизны какой либо дуги въ извѣстной данной точкѣ опредѣляется радиусомъ кривизны касательного круга, почти совершенно сливающагося непосредственно у изслѣдуемой точки съ дугою черепа.



Фиг. 26.

Циклометръ даетъ радиусъ кривизны такого касательного круга. Онъ имѣеть видъ раздвижного циркуля (фиг. 26), коего перпендикулярныи ножки, совершенно равныя другъ другу, образуютъ на одномъ изъ краевъ по-перечного колѣна выступъ въ 5 миллиметровъ, а на другомъ выступаютъ только на 1 миллиметръ. Ножки, коихъ

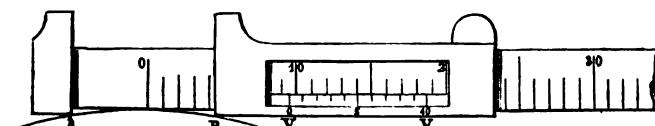
высота имѣть 5 миллиметровъ, служить только для совершенно специальныхъ исключительныхъ случаевъ, кои я указалъ въ моемъ мемуарѣ о циклометрѣ (Bulletins de la Société d'Anthropologie, 1874 г. стр. 685). Почти всегда употребляютъ только ножки одного миллиметра длины, но чтобы облегчить объясненіе употребленія циклометра, мы представили сначала (фиг. 26) случай, при коемъ пользуются ножками въ 5 миллиметровъ.

Два конца *A* и *B* ножекъ циклометра раздвигаются такъ, чтобы они уперлись въ кривую *AB*, а край поперечной пластинки коснулся кривой въ одной точки *J*, которая, если кривая есть кругъ, будетъ лежать по срединѣ дуги *AB*. Высоту параллельныхъ ножекъ циркуля, имѣющихъ у насъ 5 мм., назовемъ *a*, раздвинг же ножекъ *AB*, равный хордѣ дуги *AB*, пусть будетъ *2 n*. Изъ этихъ двухъ величинъ, одна *MJ* или *a* неизмѣняется и потому постоянна; другая *AB* или *2 n* измѣняется смотря по степени кривизны дуги *AB*, но ее можно измѣрить на нашемъ циклометрѣ. Такимъ образомъ у насъ извѣстны *a* и *2 n*, половина коей будетъ *n*; съ помощью этихъ двухъ элементовъ мы можемъ найти величину радиуса кривизны *r*.

Предположимъ, что центръ нашего круга будетъ въ *O* и проведемъ два радиуса *OB* и *OJ*. Этотъ посѣдній пересѣкаетъ хорду въ *M*, и тогда изъ прямоугольного трехугольника *OMB* мы имѣемъ  $OB^2 = OM^2 + MB^2$  (1).  $OB=r$ , а  $MB=\frac{1}{2}n$ ,  $BA=n$  и  $OM=OJ-JM$ . Такъ какъ *JM* равна высотѣ *a*, то у насъ  $OM=r-a$ . Замѣнивъ въ уравненіи (1) величины линій, мы получимъ  $r^2=(r-a)^2+n^2$ , откуда  $r^2=r^2-2ar+a^2+n^2$  или  $r=\frac{a^2+n^2}{2a}$  (2).

Такимъ образомъ зная *a* и *n*, мы легко получимъ *r*, т. е. искомую кривизну.

Величина *n*, т. е. половина раздвига *AB*, отсчитывается на горизонтальной пластинкѣ циклометра, снабженной дѣленіями. Если дѣленія миллиметрическія, то нужно раздѣлить на 2 величину раздвига, чтобы получить *n*. Для избѣжанія этого дѣленія на пластинкѣ поставлены подраздѣленія въ два миллиметра и потому результатъ дѣленія на 2 указывается самимъ снарядомъ. Такъ, если раздвигъ будетъ въ 26 миллиметровъ, то на дѣленіяхъ мы получимъ 13, т. е. величину *n*. Такъ какъ, не рискуя впасть въ серьезную ошибку, нельзя не обращать, при опредѣлении величины *n*, вниманія на доли миллиметра, то подвижная ножка циклометра несетъ ионіусъ указывающей десятыхъ доли миллиметра (фиг. 27). Поэтому числа отсчитываются не у точки *B*, но отъ нуля ионіуса: вотъ почему нуль биллімитрической шкалы не поставленъ на снарядѣ въ *A*, а на некоторомъ разстояніи отъ *A*, равномъ пространству, отдѣляющему точку *B* отъ нуля ионіуса.



Фиг. 27.

Понятно, что на одной и той же дугѣ, раздвигъ будетъ тѣмъ больше, чѣмъ больше высота самихъ ножекъ циклометра. Если взятая кривая есть кругъ, то не только не было бы вредно, но даже полезно, чтобы раздвигъ былъ значителенъ. Но на черепѣ, на коемъ кривыя не суть круги и у коего радиусъ кривизны измѣняется постоянно, только очень маленькая кривизна могутъ быть

разсматриваемы, какъ дуги круга. Вотъ почему ножкамъ и дана высота въ 1 мм., какъ это видно на фиг. 27.

Эту высоту въ 1 мм. мы условились называть *a*; поэтому наша формула (2) принимаетъ слѣдующій видъ:

$$r = \frac{1+n^2}{2}.$$

Если же беремъ ножки въ 5 миллиметровъ, то имѣмъ ту же формулу въ такомъ видѣ:

$$r = \frac{25+n^2}{10}$$

Эти формулы, хотя и очень просты, но все таки требуютъ возвведенія величины въ квадратъ, а это трудъ, въ особенности если число дробное. Чтобы избѣгнуть этихъ вычислений мы и составили двѣ таблицы для циклометра, одну для *a=1*, а другую *a=5*. Столбецъ разностей даетъ величины, соотвѣтствующія дробямъ *n*, послѣ очень несложного вычислѣнія, примѣръ коего мы уже представили по случаю объясненія тригонометрическихъ линій въ ихъ дробныхъ выраженіяхъ.

Циклометръ есть только видоизмѣненіе снаряда, извѣстнаго въ практикѣ подъ названіемъ, не вполнѣ точнымъ, логарифмической циркуля. Циркуль этотъ служить въ особенности при постройкѣ сводовъ и имѣть назначеніемъ измѣрять радиусъ круга на деревянной или каменной дугѣ. Чѣмъ длиннѣе дуга, захватываемая инструментомъ, тѣмъ легче опредѣлени радиуса съ помощью этого инструмента; поэтому ножкамъ его даются длину въ 1 центиметръ высоты, а раздвигъ дѣлается настолько великъ, чтобы на немъ можно было вписать, именно на горизонтальномъ стержнѣ циркуля, особую шкалу, дающую мастеровымъ непосредственно, не величину раздвига, а самый радиусъ кривизны. Въ краинометріи, где показанія должны имѣть иную степень точности, такой инструментъ вѣрѣ бы къ большимъ ошибкамъ, и если я указываю па него то только для того, чтобы кто нибудь не вздумалъ воспользоваться имъ при краинометрическихъ изслѣдованіяхъ.

3. Превращеніе мѣръ. Метрическая система въ настоящее время усвоена антропологами всѣхъ странъ, за исключеніемъ тѣхъ, въ коихъ господствуетъ англійскій языкъ; но и это ограниченіе употребленія метрической системы повидимому начинаетъ измѣняться, по крайней мѣрѣ по отношенію Сѣверо-Американскихъ Штатовъ, такъ какъ въ послѣдніе годы антропологи этихъ Штатовъ не издаютъ болѣе своихъ измѣреній по англійской системѣ безъ того, чтобы во второмъ столбѣ не указать соотвѣтствующее число по метрической системѣ. Англійскіе антропологи сдѣлали бы хорошо, если бы по крайней мѣрѣ усвоили этотъ обычай. Было бы вполнѣ цѣлесообразно съ ихъ стороны показать своей странѣ, что она уже достаточно долго сопротивляется современной метрологіи и что настало уже время выйти изъ того обособленія, къ которому привыкаетъ ее вѣрность національнымъ мѣрамъ. Употребленіе измѣреній, выраженныхъ въ сложной формѣ, на столько непріятно и затруднительно даже для самихъ англичанъ, что многіе изъ нихъ, но не всѣ, поняли необходимость отбросить разнообразіе мѣръ одного и-того же рода и взять для всѣхъ измѣреній одно, именно длину дюйма, измѣряя всѣ объемы кубическими дюймами, а высшій вѣсъ унцами, и употребляя дробныя числа дюйма вмѣсто линій, драхмъ и грамовъ. Къ несчастію одни при этомъ употребляютъ десятичныя дроби, другие придерживаются другой системы ( $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{1}{4}$ ,  $\frac{1}{8}$ ), а наконецъ треты

дают дробямъ еще большую сложность. Это составляеть уже большое неудобство, но существует еще большее по отношению вѣса, такъ какъ у англичанъ имѣется два унца, одинъ (онce troy), вѣсящий 31,103 грам. и другой (онce avoirг du—pois), вѣсящий только 28,349 грам. Оба эти вѣса въ одинаковомъ употреблении и весьма нерѣдко пользуются ими, не выясняя къ какому изъ двухъ способовъ прибегаютъ. Оцѣнка краніометрическихъ результатовъ, издаваемыхъ въ столь различной формѣ, и ихъ сравненіе дѣлаются при такихъ условіяхъ очень затруднительными для не англичанъ, для лицъ не принадлежащихъ къ англійской школѣ. Поэтому мы составили таблицу, въ которой представили превращеніе англійскихъ мѣръ въ метрическія.

Вместо того, чтобы определять вмѣстимость черепа чрезъ наполненіе его дробью или другимъ матеріаломъ и послѣдующей кубациі, нѣкоторые наполняютъ черепа однороднымъ какимъ либо веществомъ и затѣмъ послѣдовательно взвѣшиваютъ ихъ въ пустомъ и наполненномъ состояніи. Этотъ способъ очень неудовлетворителъ и я бы несовѣтовалъ никому прибѣгать къ нему; но въ крайнемъ случаѣ, если онъ приложенъ совершенно одинакимъ образомъ ко всѣмъ изслѣдуемымъ черепамъ и притомъ опытнымъ изслѣдователемъ, то онъ можетъ дать результаты, могущіе быть съ пользою сравниваемы другъ съ другомъ. Одна изъ самыхъ богатыхъ коллекцій цѣлаго свѣта, именно коллекція Бернара Дэвиса, измѣрена была чрезъ наполненіе череповъ пескомъ и затѣмъ взвѣшиваніе и результаты этого замѣчательного ученаго были изданы въ его *Thesaurus stagnorum*, сочиненіи первоклассномъ и важномъ, къ коему постоянно прибѣгаютъ антропологи всѣхъ странъ. Бернаръ Дэвисъ постоянно употреблялъ высущенный песокъ изъ Кале, коего удѣльный вѣсъ былъ вычисленъ имъ въ 1425, если вѣсъ воды 1000. Поэтому возможно превратить въ объемы тѣ вѣсовыя измѣренія, кои имъ изданы въ унцахъ (*ounces avoir-du-poids*). Вычисление, весьма легкое, дозволяетъ дознать, что такой унцъ песку соотвѣтствуетъ 19,89 кубическихъ центиметровъ. Поэтому для облегченія пользованія числами, данными знаменитымъ англійскимъ антропологомъ, мы даемъ таблицу, дѣлающую возможнымъ обращеніе его унцевъ песку въ кубические центиметры.

Удѣльный вѣсъ растительныхъ зеренъ гораздо измѣнчивѣе удѣльного вѣса песку; поэтому мы не можемъ превратить въ объемы тѣ измѣрения объема черепа, кои дѣлаемы были напримѣръ съ помошю проса нѣкоторыми учеными, и въ особенности Тидеманомъ, издавшемъ въ 1838 г. обширныя таблицы, относящіяся

къ черепамъ различныхъ племенъ. Это сочиненіе, такъ многократно цитированное и въ которомъ Тидеманъ старается доказать, что вмѣстимость черепа негра равна вмѣстимости черепа европейца, убѣждаетъ именно въ противномъ, и легко доказать, разбирая эти таблицы, что Тидеманъ въ этомъ случаѣ сдѣлался жертвою самыхъ грубыхъ ариѳметическихъ ошибокъ. Извиненіемъ ему можетъ служить то, что онъ выражалъ вѣсъ своихъ измѣреній съ помощью проса въ унцахъ, драхмахъ и гранахъ по Нюренбергскому медицинскому фунту, такъ что приведеніе къ сравненію полученныхъ имъ столбцовъ цифръ было настолько сложно и вычисленія столь обширны, что они то и погубили. Собранный Тидеманомъ матеріаль однако же очень поучителенъ для изученія; поэтому желая облегчить это изученіе, составляющее интересную страницу въ исторіи антропологии, я и составилъ таблицу, дозволяющую перевести въ граммы Нюренбергскій медицинскій вѣсъ. Эта таблица можетъ также служить пособіемъ для изученія тѣхъ немецкихъ сочиненій, кои изданы до введенія метрической системы. Къ ней мы присоединили и таблицу для приведенія старыхъ французскихъ мѣръ къ новымъ.

**4. Множители и подмножители  $\pi$ .** (Les multiples et les sousmultiples de  $\pi$ ).

Эта небольшая таблица служить для вычислений площадей, ограничиваемых кривыми черепа или головы, и въ особенности описываемых окружностями, такъ называемыми горизонтальными, принимая ихъ за болѣе или менѣе аналогичныя эллипсису, построенному на тѣхъ же диаметрахъ. Та же таблица вмѣстѣ съ посадочной служить для вычислений объемовъ.

## 5. Таблица ректификации эндоциса

Послѣдняя заключительная таблица эта относится главнымъ образомъ къ вычислению объема черепнаго свода и головного свода (*calote crânienne et calote céphalique*), рассматриваемыхъ за тѣлоболѣе или мечѣе аналогичные полуэллипсоиду. Она даеть соотношеніе, существующее у эллипсовъ различныхъ формъ, между окружностю и двумя осями.

окруженности и двумя осами.

Краніометрическія и кефалометрическія изслѣдованія, основанные на свойствахъ эллипса и эллипсоида, требуютъ въ сущности очень простыхъ, даже элементарныхъ ариѳметическихъ вычислений. Мы могли бы просто указать ихъ здѣсь, но такъ какъ этотъ методъ очень специаленъ, то считаемъ полезнымъ изложить и самыя основанія его, чтобы выяснить его значеніе и приложеніе. Это составитъ предметъ нашего послѣдняго параграфа.

## § 9. Употребление эллипсиса и эллипсоида в кефалометрии и краниометрии.

*1. А. Предварительная седьмнадцатая.* Не нужно быть знакомому специально съ математикою, чтобы знать о томъ, что эллипсисъ есть кривая симметрическая по отношению двухъ осей ея, перпендикулярныхъ другъ къ другу. Мѣсто пересѣченія этихъ двухъ осей называется *центромъ*. Смотря по тому, на сколько оси неравны другъ съ другомъ, эллипсисъ является болѣе или менѣе удлиненнымъ. Оба конца большой оси называются *вершинами*. Кругъ есть тотъ же эллипсисъ, но только неимѣющій вершинъ и представляющій обѣ оси равной величины. На большой оси эллипсиса, на равномъ разстояніи отъ центра, лежать двѣ точки, называемыя *фокусами*, а разстояніе между ними носить название

экцентричитета. Чемъ экцентричитет больше, тѣмъ болѣе удлинняется эллипсисъ и тѣмъ болѣе онъ отклоняется отъ формы круга, и наоборотъ: чѣмъ онъ будетъ меньше, тѣмъ болѣе эллипсисъ будетъ приближаться къ кругу. Въ кругѣ экцентричитетъ равенъ нулю, а оба фокуса сливаются въ центрѣ.

Большая ось называется  $2a$ , малая ось обыкновенно обозначается чрезъ  $2b$ , но иногда мы будемъ поставлены въ необходимости обозначать ее  $2d$  и  $2e$  для того, чтобы избѣгнуть смѣшения различныхъ черепныхъ эллипсисовъ, имѣющихъ одну и ту же большую ось. Экцентричеситетъ обозначается чрезъ  $2c$  и стоитъ въ соотношениі съ двумя осями по формулы  $C = \sqrt{a^2 - b^2}$ .

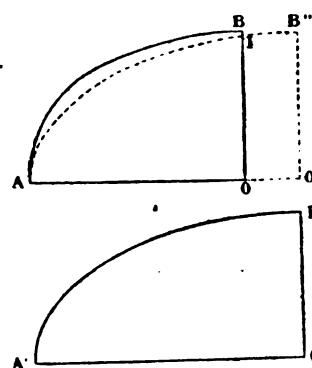
В. Площадь эллипсиса равна произведению его двухъ осей, помноженному на  $\pi$ , т. е. на  $3,14159\dots$ , т. е. площадь эллипсиса =  $\pi ab$ .

С. Всякая линія, соединяющая какія либо двѣ точки эллипсиса, есть хорда. Хорды, проходящія чрезъ центръ, суть диаметры. Большая ось есть наибольшая изъ хордъ, а малая наименьшая изъ нихъ. Всѣ хорды, параллельныя какой либо оси, уменьшаются по мѣрѣ удаленія отъ этой оси, поэтому полуось больше всякой полухорды, параллельной ей.

Д. Два эллипсиса  $E$  и  $E'$  подобны другъ другу, если ихъ оси, или полуоси, пропорциональны другъ другу, какъ напримѣръ  $a:b::a':b'$ . Всѣ гомологическія линіи, хорды, диаметры, радиусы и проч., проведенные въ двухъ подобныхъ эллипсисахъ, равно какъ и ихъ гомологическія дуги и окружности, пропорциональны своимъ осамъ. Ихъ площади и ихъ секторы пропорциональны произведению ихъ обѣихъ осей.

Е. Мы назовемъ эллипсисами синаксическими тѣ изъ нихъ, кои хотя имѣютъ одну ось общую, но отличаются другъ отъ друга величиною этой оси. Мы часто будемъ имѣть случай сравнивать другъ съ другомъ синаксические эллипсисы, поэтому не лишнимъ будетъ указать какимъ образомъ варьиціи одной оси, при постоянствѣ другой, могутъ влиять на форму эллипсиса.

При сравненіи двухъ синаксическихъ эллипсисовъ, мы условимся называть шириной измѣреніе, соотвѣтствующее общей оси, а длиною измѣреніе, соотвѣтствующее измѣняющейся оси, не останавливаясь никакъ на относительной длины двухъ осей каждого изъ этихъ эллипсисовъ. Поэтому намъ слѣдуетъ разсмотрѣть, какъ варьируютъ формы эллипсиса одинакой ширины и неравной длины.



Фиг. 28.

Что  $A'$  падеть на  $A$  и  $A'O'$  па  $AO$ , то центръ  $O'$  падеть на  $O''$ , т. е. справа центра  $O$ , а также  $B$  помѣстится въ  $B''$  справа отъ точки  $B$  и на одномъ уровнѣ съ нею, такъ какъ  $OB=O'B'$ . Двѣ дуги  $AB$  и  $AB''$ , не могущія совпасть, образуютъ между собою отрѣзокъ (*lunule*)  $BAJ$  и этотъ отрѣзокъ долженъ лечь внутри дуги  $AB$ .

Мы знаемъ уже, что  $O'B''$ , будучи полуосью, потому самому будетъ больше всякой параллельной ей полухорды (см. выше С). Точка  $J$ , въ которой дуга  $AB''$  перескаетъ  $BO$ , должна лечь ниже  $B$ , такъ какъ  $JO$  должна быть меньше  $O''B''$ , а следовательно и менѣе  $OB$ . Такъ какъ точка  $J$  лежить ниже  $B$ , то и дуга  $AJ$  должна пройти ниже дуги  $AB$ . Отрѣзокъ лежитъ, следовательно, внутри болѣе короткаго эллипсиса и вънъ эллипсиса болѣе длиннаго.

Ф. Эллипсоидъ вращенія есть тѣло образуемое вра-

щеніемъ эллипсиса около одной изъ своихъ осей. Предметомъ нашего изученія будетъ только эллипсоидъ вращенія удлиненный, происходящій отъ вращенія эллипсиса около своей длинной или большой оси. Его объемъ равенъ  $\frac{4}{3} \pi ab^2$ , т. е. двумъ третямъ большой оси помноженнымъ на кругъ  $\pi b^2$ , имѣющій радиусомъ малую ось эллипсиса производящаго (ellipsoide génératrice).

Всѣ сѣченія, проведенные чрезъ эллипсоидъ вращенія перпендикулярно его большой оси, суть круги. Если предположимъ, что каждый изъ этихъ круговъ принялъ форму эллипсиса, то тѣло уже не будетъ эллипсоидомъ вращенія, а простымъ эллипсоидомъ, имѣющимъ три диаметра или скрѣпѣ три оси, а именно: продольную ось  $2a$ , на которой лежать фокусы и которая не измѣнилась, поперечную ось, составляющую наибольшую ширину и обозначаемую  $2b$  и наконецъ вертикальную ось, обозначающую наибольшую высоту и отѣчаемую чрезъ  $2c$ . Объемъ этого простаго эллипса будетъ получаться по формулѣ: объемъ =  $\frac{4}{3} \pi abc$ .

Различные сѣченія чепца или головы имѣютъ очертанія, аналогичныя эллипсису или полуэллипсису. Чепелной или головной сводъ (*calotte*) имѣть форму, аналогичную полуэллипсоиду съ продольною большою осью. На основаніи этого, съ помощью формулы, выражающихъ свойства эллипсиса или эллипса, можно вычислить приблизительную величину разрѣзовъ и объема свода. Рассмотримъ послѣдовательно эти два вопроса.

#### 11. Определение площадей черепныхъ сѣченій.

Площади наиболѣе важныя суть такъ называемыя горизонтальные и потому ихъ то мы и возьмемъ прежде всего для примѣра.

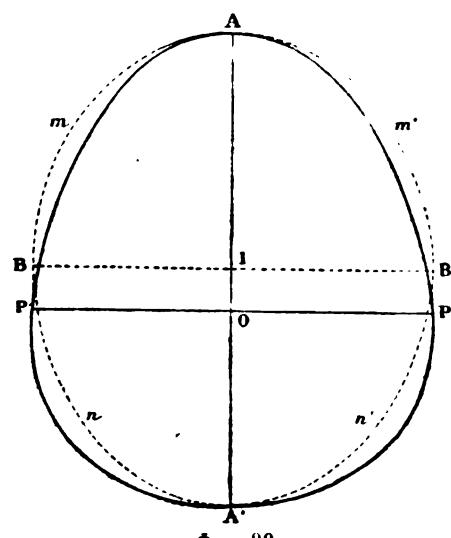
Сѣченія, называемыя горизонтальными, не имѣютъ однако же въѣствительности этого свойства, такъ какъ они почти всегда болѣе или менѣе косвенны. Ихъ можно проводить на различныхъ высотахъ, но изъ нихъ два представляются главнѣйшими: первое есть разрѣзъ лобно-затылочный (*fronto-occipital*), проходящій у основанія свода, т. е. спереди надъ линіею падглазничною, а сзади у нижнаго края ишиона; разрѣзъ этотъ служить, какъ мы увидимъ далѣе, для изученія объема свода. Другой важнѣйшій разрѣзъ есть наиболѣшее горизонтальное сѣченіе (*coupe horizontale maxima*), начинаяющееся отъ той же линіи спереди и проходящее назади чрезъ наиболѣе выдающуюся часть затылочной кости; его два диаметра даютъ головной указатель. Продольный диаметръ первого сѣченія есть передне-задній затылочный диаметръ (*diametre antéro-postérieur occipital*); таковой же втораго сѣченія есть *передне-задній наиболѣшій* (*antero-postérieur maximum*). Эти два сѣченія получаются на головѣ живаго человѣка съ помощью способа свинцовыхъ пластинокъ Марсѣ, дающаго очень вѣрный рисунокъ ихъ. На черепѣ сѣченіе получается или съ помощью пилы, или же иными способами, какъ напримѣръ тѣ же свинцовыми пластинками, или съ помощью стереографическихъ рисунковъ, или краніографа Коперницкаго и т. д. Чтобы измѣрить непосредственно площадь горизонтального сѣченія употребляютъ разграфленную на квадраты бумагу, на которую наносятъ сѣченіе. Сосчитавъ квадраты, лежащіе внутри площади сѣченія, и прибавивъ къ нимъ части, большія и маленькия, квадратиковъ болѣе или менѣе не цѣльныхъ, лежащихъ на границахъ сѣченія, можно получить приблизительную вѣ-

личину площи съченія черепа въ квадратныхъ измерихъ. Но эта работа очень утомительна, такъ какъ для уменьшения на сколько возможно ошибки, происходящей отъ определенія величины, всегда по необходимости неточной, отрѣзковъ квадратиковъ на границахъ съченія, необходимо употреблять очень маленькие квадратики, вслѣдствіе чего вычисление ихъ становится очень продолжительнымъ. Поэтому этотъ способъ неприменимъ при потребностяхъ обыденныхъ изслѣдований.

Вотъ другой способъ, гораздо менѣе продолжительный и болѣе точный, несмотря на то, что онъ не непосредственный. Переносятъ кривую тоже на бумагу, но сфабрикованную изъ очень тѣжной сїсси и совершенно однородной. Затѣмъ ее вырезываютъ, приготовивши въ то же время изъ того же листа бумаги квадратъ, имѣющій стороны въ 10 центиметровъ, и затѣмъ взвѣшиваютъ этотъ квадратъ. Положимъ, напримѣръ, что онъ вѣситъ 8,47 миллиграммовъ (вѣсъ очень не большой сравнительно съ вѣсомъ, даваемымъ обыкновенно писчей бумагой достаточной плотности). Изъ полученного числа заключаютъ что 8,47 миллиграммовъ соотвѣтствуютъ одному квадратному центиметру бумаги. Послѣ этого взвѣшиваютъ вырѣзку черепной окружности или съченія и находятъ, положимъ, что она вѣситъ 1655 миллиграммовъ. Раздѣляя это число на 8,47 получаютъ число 195,4 обозначающее, что искомая площасть имѣеть 195 квадратныхъ центиметровъ и 4 десятыхъ.

Этотъ способъ очень простъ и хотя онъ и не безусловно точенъ, такъ какъ однородность бумаги на всемъ протяженіи листа не можетъ быть абсолютно одинаковою, тѣмъ не менѣе онъ болѣе точенъ, чѣмъ предыдущий способъ квадратиковъ, и во всякомъ случаѣ требуетъ менѣе времени. Однако же и онъ довольно продолжителенъ при практическомъ осуществленіи своемъ и потому я употребляю его только для сравнительного изученія степени точности способа эллипсиса, не требующаго черченія рисунковъ и дающаго очень скоро, по длини діаметровъ, площасть горизонтальныхъ разрѣзовъ съ достаточнымъ приближеніемъ.

Способъ эллипсиса состоитъ въ томъ, что берутъ для площасти горизонтального разрѣза черепа площасть эллипсиса изомерическою, т. е. такого эллипсиса, коего двѣ оси относительно равны продольному и поперечному діаметрамъ этого разрѣза. Такой эллипсисъ обозначенъ пунктиромъ на фиг. 29.



Можетъ казаться весьма произвольнымъ и не точнымъ

сравненіе съ эллипсисомъ нашего наиболѣшаго горизонтального съченія черепа, взятаго нами какъ пріимѣръ, такъ какъ оно уже спереди, чѣмъ сзади, а съдовательно представляеть не эллипсисъ, а овалъ. Но если провести поперечную линію  $pp'$ , представляющую поперечный наиболѣшій или темянной діаметръ, то можно видѣть, что овалъ состоятъ изъ двухъ кривыхъ, одной передней  $PAP'$ , очень мало отличающейся отъ полуэллипсиса, имѣющаго центръ точку  $O$ , а полуоси  $AO$  и  $OP$ , въ другой задней  $PAP'$  тоже мало отличающейся отъ другаго полуэллипсиса, имѣющій также центръ въ  $O$ , а полуоси  $A'O$  и  $OP$ . Эти два полуэллипсиса лежать на общей оси  $PP'$  и съдовательно синаксичны (см. выше  $E$ ).

Извѣстно, что темянной діаметръ болѣе удаленъ отъ  $ABA$ , чѣмъ отъ затылка; поэтому  $AO$  больше  $A'O$ . Рассмотримъ теперь изомерический эллипсисъ, представленный на нашемъ чертежѣ пунктиромъ линіею. Онъ имѣеть большой осью продольный діаметръ  $AA'$ , а малую осью  $BB'$ , равную  $PP'$ , служащую общею осью нашихъ двухъ полуэллипсисовъ, поэтому онъ синаксиченъ съ ними. Точка  $J$ , составляющая центръ пунктированного эллипсиса, лежать на срединѣ  $AA'$ , а съдовательно спереди  $O$ , такъ что его продольная ось  $AJ$  въ одно и то же время и болѣе длинна, чѣмъ ось лобнаго полуэллипсиса, и болѣе коротка, чѣмъ ось затылочнаго полуэллипсиса.

Убѣдившись въ этомъ, идемъ далѣе. Пунктированный или изомерический эллипсисъ лежить по отношенію къ лобному полуэллипсису въ положеніи эллипсиса синаксического, какъ это представлено на фігурѣ 28. Поэтому между этими полуэллипсисами существуетъ два отрѣзка лежащіе симметрично, одинъ слѣва  $AmB$ , другой справа  $Am'B'$ , а мы уже видѣли выше (см.  $E$ ), что эти отрѣзки должны помѣститься спаружи болѣе длиннаго эллипсиса, и такъ какъ  $OA$  болѣе  $AJ$ , то нашъ изомерический эллипсисъ выступаетъ спаружи лобнаго полуэллипсиса.

Точно также мы находимъ между изомерическимъ эллипсисомъ и полуэллипсисомъ затылочнымъ, два симметрическихъ отрѣзка  $PnA$  и  $Pn'A'$ , а такъ какъ  $A'J$  болѣе  $A'O$ , то пунктированный эллипсисъ проходить внутри затылочнаго полуэллипсиса.

Если мы разсмотримъ теперь овалъ, образуемый соединеніемъ нашихъ двухъ полуэллипсисовъ, то увидимъ, что между очерченнымъ и пунктированнымъ эллипсисами лежать четыре отрѣзка, два переднихъ или лобныхъ, помѣщающихся въ овалъ, и два заднихъ или затылочныхъ, лежащихъ внутри овала. Поэтому мы получимъ площасть овала, вычитая изъ площасти изомерического эллипсиса два заднихъ отрѣзка и прибавляя два переднихъ.

Припомнивъ, что площасть эллипсиса равна  $\pi$  помноженному на произведение двухъ полуосей ( $\pi ab$ ), получаемъ:

$$\text{Площасть изомерического эллипсиса} = \pi AJ \times JB = \pi AJ \times OP.$$

$$\text{Площасть полуэллипсиса } PAP' = \frac{1}{2} \pi AO \times OP$$

$$\rightarrow \text{втораго полуэллипсиса } PA'P' = \frac{1}{2} \pi A'O \times OP.$$

Складывая два полуэллипсиса для получения овала, имеемъ:

$$\text{Площасть овала} = \frac{1}{2} \pi AO \times OP + \frac{1}{2} \pi A'O \times OP =$$

$\pi OP \frac{AO \times AO'}{2}$ , а такъ какъ  $AO + AO' = AA'$ , то  $\frac{AO + OA'}{2} = \frac{AA'}{2} = AJ$ . Поставивъ эту послѣднюю величину въ нашу формулу, получаемъ:

Площадь овала  $= \pi AJ \times OP$ , что и есть площадь изомерического эллипса.

Такъ какъ площадь овала равна площади изомерического эллипса, то оказывается, что оба виѣшніе отрѣзка имѣютъ такую же поверхность какъ и два внутреннихъ.

Слѣдовательно площадь изомерического эллипса будеть совершенно равна площади черепного овала, если обѣ части  $PAP'$  и  $PA'P$ , изъ коихъ состоять этотъ овалъ, будуть дѣйствительно двумя полуэллипсами. Хотя этого и неѣтъ въ дѣйствительности, но обѣ кривыя на столько приближаются къ полуэллипсу, что становятся почти одинаковыми съ нимъ по отношенію величины площади.

Я убѣдился въ этомъ съ помощью эллипсографа или эллиптическаго циркуля, снаряда очень полезнаго въ антропологической лабораторіи. Существуетъ иѣсколько видоизмѣненій эллипсографа. Наиболѣе удобные и наиболѣе точные изъ нихъ тѣ, кои состоятъ изъ прямой оси, на которой сидѣть два острія, могущія двигаться въ крестообразной вырѣзкѣ. Большая часть изъ нихъ даетъ только полуэллипсъ и нужно перевернуть инструментъ, чтобы получить цѣлый эллипсъ. Устроенный для меня механикомъ Матьѣ даетъ заразъ цѣлый эллипсъ, но за то и стоитъ довольно дорого. Поэтому я рекомендую циркуль Renaud Tachet (rue des Saints Регес № 30), хотя и менѣе удобный на практикѣ, но за то и стоящий только 35 франковъ.

Начертивъ на бумагѣ черепной овалъ, очерчиваются эллипсографомъ изомерическій эллипсъ, образующій съ оваломъ наружные и внутренніе отрѣзки, какъ это видно на фиг. 29. Если бумага снабжена квадратиками, то съ помощью ихъ можно вычислить площадь отрѣзковъ, но я уже сказалъ, что такое вычислениѣ не точно вслѣдствіе нахожденія не цѣльныхъ, а дробныхъ квадратовъ. Поэтому лучше вырѣзать отрѣзки и опредѣлять ихъ площадь взвѣшиваніемъ, о чемъ уже сказано выше; затѣмъ опредѣлять разность вѣса виѣшніхъ и внутренніхъ отрѣзковъ и этого достаточно, чтобы вычислить и различие ихъ площадей.

Такимъ образомъ можно убѣдиться, что это различіе всегда очень незначительно, а часто сводится почти къ нулю. Оно вполнѣ незначительно, если кривая кефалометрическая, и оно иѣсколько больше, если кривая краинометрическая и, въ особенности, если лобная ширина значительно менѣе темянной ширины черепа; но даже и въ этомъ случаѣ различіе рѣдко достигаетъ величины двухъ квадратныхъ центиметровъ, что составляетъ около одной сотой обыкновенной площади черепного овала. Поэтому эта площадь получается съ достаточнымъ приближеніемъ чрезъ измѣреніе площади изомерического эллипса, коего большая ось,  $A$  или  $2a$ , равна переднезаднему діаметру черепного овала, а малая ось  $B$  и  $2b$  равна темянному діаметру. Площадь этого эллипса равняется  $\pi ab$ . Легко получить  $ab$ , помножая половину  $A$  на половину  $B$ , но еще проще помножить  $A$  на  $B$  и раздѣлить произведеніе на 4; при такомъ способѣ формула получаетъ такое выраженіе: овалъ  $= \frac{\pi AB}{4}$ .

Величина  $\frac{\pi}{4}$ , равняющаяся 0,785, находится въ таблицахъ подмножителей  $\pi$ .

Вычислениѣ площади черепного овала сводится, слѣдовательно, къ слѣдующему: помножить оба діаметра одинъ на другой и произведеніе помножить на 0,785.

Число, полученное такимъ образомъ, даетъ квадратные миллиметры и стоитъ только отнести запятую на два члена, чтобы имѣть квадратные центиметры.

До сихъ поръ мы говорили о наибольшемъ горизонтальномъ разрѣзѣ. Площадь другихъ разрѣзовъ, называемыхъ горизонтальными, вычисляется такимъ же образомъ, но нужно прибѣгать къ другимъ пріемамъ для вычислениѣ площади разрѣзовъ, называемыхъ вертикальными.

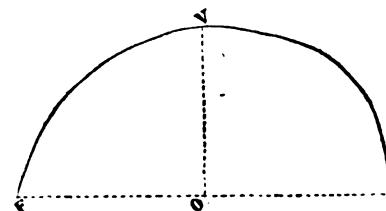
Подъ этимъ общимъ названіемъ мы разумѣемъ, во первыхъ, срединный переднезадний разрѣзъ, всегда совершенно вертикальный, а затѣмъ различные поперечные разрѣзы, проходящіе отъ свода къ основанию, кои хотя не всегда вертикальны, но за то и малокогенны. Главнѣйшимъ и наиболѣе полезнымъ для изученія изъ такихъ разрѣзовъ является разрѣзъ темянно-ушной (aigicule-bregmatique). Вертикальная сѣченія черепа образуются изъ двухъ частей: одной верхней или мозговой, соотвѣтствующей своду черепа и довольно сходной съ полуэллипсомъ, и другой нижней, соотвѣтствующей основанию черепа и очень неправильной. Граница между этими двумя частями опредѣляется для всѣхъ вертикальныхъ разрѣзовъ одною и тою же плоскостью, составляющею основаніе свода (base de la calotte); эта плоскость затылочно-лобная (inio-frontal), проходящая спереди по линіи надглазничной, а сзади по нижнему концу иніона, а по сторонамъ чрезъ двѣ надгушинные (susauriculaires) точки, лежащія надъ слуховыми отверстіями, непосредственно надъ переднезаднимъ началомъ скудовой дуги.

Нижняя или основная часть вертикальныхъ разрѣзовъ представляетъ очень мало интереса. Если бы кто хотѣлъ ее изучить, тогъ долженъ бы быть сдѣлать съ помощью пилы разрѣзъ на черепѣ, потомъ срисовать его и измѣрить на рисункѣ способомъ квадратиковъ или же способомъ взвѣшиванія. Но это не стоитъ такого труда, какъ не стоитъ также портить черепъ для получения неимѣющаго особаго значенія результата. Часть черепа, представляющая дѣйствительно важныя данныя по отношенію величины, есть сводъ, заключающій въ себѣ мозговыя полушарія. Поэтому совершенно достаточно опредѣлить площадь верхней или мозговой части сѣченій, называемыхъ вертикальными. Эта площадь почти равна половинѣ своего изомерического эллипса, но мы имѣемъ здѣсь дѣло съ затрудненіемъ, не представлявшимъ намъ при изученіи горизонтальныхъ разрѣзовъ. Послѣдніе представляются полными овалами, у коихъ можно измѣрить оба діаметра, тогда какъ мозговая или верхняя часть вертикальныхъ разрѣзовъ

образуетъ только половину кривой, болѣе или менѣе эллиптической, величину площади коей мы желаемъ определить. Такимъ образомъ мы знаемъ здѣсь только одинъ діаметръ, другой воображаемый и его слѣдуетъ еще определить.

Фиг. 30.

Возьмемъ для примѣра срединный вертикальный разрѣзъ, который и представляется наиболѣе важнымъ. Это



разрѣзъ (фиг. 30), проходящій чрезъ надглазничную точку  $F$  черезъ темя  $V$  и шионъ  $J$ . Мы знаемъ величину  $FJ$ , составляющаго передне-задній затылочный диаметръ и мы его обозначаемъ чрезъ 2  $a$ . Если бы мы знали  $VO$ , высоту темяни надъ плоскостю  $FJ$ , то мы бы назвали ее  $e$ , и тогда площадь поверхности  $FVJ$ , принадлежащая за приблизительно соотвѣтствующую полуэллипсису, было бы равна  $\pi ae$ . Но величина  $OV$  можетъ быть измѣрена только на дѣйствительно существующемъ разрѣзѣ, произведенномъ съ помощью пилы; ее нельзя получить на цѣльномъ черепѣ, а еще менѣе на головѣ живаго человѣка. Слѣдовательно нужно инымъ путемъ изыскывать величину  $e$ , т. е. вертикальной полуоси вертикального сѣченія.

Къ счастію мы можемъ измѣрить съ помощью ленты, какъ на живомъ человѣкѣ, такъ и на черепѣ, длину дуги затылочнолобной (inio-frontal)  $FVJ$ . Такимъ образомъ мы будемъ иметь съ одной стороны длину кривой, а съ другой величину диаметра  $FJ$ , упирающагося въ конечные точки этой кривой. Съ помощью этихъ двухъ факторовъ можно вычислить величину  $e$  по таблицѣ ректификаціи эллипсиса, употребленіе которой будетъ выяснено далѣе. Получивъ по этому способу величину полуоси  $e$  или  $VO$ , можно уже вычислить площадь разрѣза  $FVJ$ , дѣлая помноженіе  $\pi ae$ .

Для поперечныхъ разрѣзовъ употребляютъ тѣ же пріемы. Измѣряютъ непосредственно на черепѣ, или головѣ, ихъ поперечные диаметры, кои обозначаютъ чрезъ 2  $b$ ; затѣмъ можно бы было вновь вычислить величину  $e$  съ помощью этого диаметра 2  $b$  и кривой верхнеушной (biauriculaire supérieure), измѣренной лентою, но въ этомъ неѣть надобности, такъ какъ изслѣдованіе срединнаго разрѣза опредѣлило величину  $e$ . Итакъ, площадь поперечнаго разрѣза получается по формулѣ  $\pi be$ .

### III. Определеніе объема свода.

Измѣрения, взятые на живомъ, даютъ намъ возможность узнать размѣръ только области свода головы, такъ какъ область основанія ея не доступна снарядамъ. Но сводъ заключаетъ въ себѣ оба мозговыхъ полушарія, составляющія часть наиболѣе важную въ черепной коробкѣ. Если на трупѣ сдѣлать сѣченіе черепа по надглазничной линіи и илюону, то снизу разрѣза у основанія черепа останутся мозжечекъ и нѣкоторыя придаточные части мозга, а со сводомъ отойдетъ то, что называется собственно мозгомъ, т. е. оба мозговыхъ полушарія за исключеніемъ очень небольшой части глазничныхъ долей и части височныхъ долей, лежащихъ во внутреннихъ височныхъ углубленіяхъ. Поэтому объемъ свода даетъ до нѣкоторой степени возможность опредѣлить объемъ мозговыхъ полушарій. Конечно варьирующая толщина накожныхъ покрововъ и стѣнокъ черепа дѣлаетъ очень шаткимъ такой выводъ на каждой отдельной особи, но если изучить это на цѣлыхъ серіяхъ особей, то эти варьации по большей части другъ друга нейтрализуютъ. Итакъ, мы можемъ принять извѣстное соотношеніе между объемомъ свода и объемомъ полушарій, и какъ бы ни былъ недостаточенъ указанный нами способъ, мы должны принять его, такъ какъ онъ единственный, дозволяющій намъ составить себѣ нѣкоторое представление объ объемѣ мозга у живаго человѣка.

Можетъ казаться лишнимъ изученіе указаннымъ способомъ черепа, такъ какъ вмѣстимость его прямо можетъ быть опредѣлена кубацией (cubage). Но нужно принять во вниманіе то, что факторомъ, наиболѣе объясняющимъ вмѣстимость черепа, является объемъ мозговыхъ полушарій; остальная части мозга, не-

имѣющія соотношенія съ психическою дѣятельностью, хотя и представляютъ несомнѣнно значительныя варьации, но въ гораздо меньшихъ предѣлахъ и во всякомъ случаѣ менѣе важны. При непосредственномъ изученіи мозга, послѣ общаго взвѣшиванія всего мозга, всегда тщательно особо взвѣшиваются и большія полушарія. Поэтому и на черепѣ весьма полезно имѣть возможность опредѣлить, какая доля общей вмѣстимости черепа падаетъ на долю полушарій. Конечно этого можно достигнуть, производя разрѣзъ черепа по основанію свода его и опредѣляя непосредственно вмѣстимость такого отдѣленія свода, но произведеній такъ низко распилъ черепа портить его и кромѣ того онъ невозможенъ, если черепъ былъ уже вскрытъ обыкновеннымъ способомъ. Мортонъ, и послѣ него другіе, старались непосредственнымъ способомъ опредѣлить вмѣстимость свода безъ распиливанія черепа, вливая чрезъ затылочное отверстіе воду въ опрокинутый черепъ и взвѣшивая его тогда, когда уровень воды достигнетъ основанія свода; но этотъ пріемъ труденъ и требуетъ много времени, такъ какъ требуетъ предварительного залыванія воскомъ большого числа маленькихъ отверстій черепа, чрезъ кои вода могла бы вытекать; но онъ и не точенъ, такъ какъ нѣкоторое количество, неопределенное и измѣнчивое, проникаетъ въ самыя стѣнки черепа и такъ какъ даже простое смачивание стѣнокъ черепа производить быстро очепь значительное увеличеніе вмѣстимости черепа (см. мой мемуаръ *Sur les propriétés hygrométriques du crâne* въ *Revue d'Anthropologie* 1874 г. т. III. стр. 585).

Я сомнѣваюсь, чтобы на сухомъ черепѣ можно было съ совершенной точностью опредѣлить объемъ мозговыхъ полушарій, но все таки возможно, по крайней мѣрѣ съ нѣкоторымъ приближеніемъ, опредѣлить объемъ свода по его вѣнчальному размѣрамъ, и полученный такимъ образомъ объемъ, взятый на черепѣ или на головѣ, составляетъ одинъ изъ интересныхъ элементовъ краніологическихъ или кефалометрическихъ сравненій. Очевидно, что онъ зависитъ главнымъ образомъ отъ степени развитія мозговыхъ полушарій и потому онъ долженъ въ среднемъ увеличиваться и уменьшаться параллельно со степеніемъ развитія этихъ послѣднихъ. Если мы будемъ сравнивать двѣ живыя особи, то можемъ допустить съ большою вѣроятностію, что та, у кої кефалометрическій сводъ имѣетъ больший объемъ, обладаетъ и большими полушаріями, а сравненіе объемовъ краніометрическихъ сводовъ, представляющихъ различие въ числовой выраженіи ихъ, приводить насъ къ тѣмъ же заключеніямъ. Какимъ образомъ можно опредѣлить объемъ кефалометрическаго или краніометрическаго свода по его вѣнчальному размѣрамъ? Лента даетъ намъ кривую затылочно-лобную, отъ линіи надглазничной до илюона; циркуль даетъ затылочный продольный диаметръ и наиболѣй поперечный: съ этими краніометрическими фактами, какъ увидимъ, можно уже съ достаточнымъ приближеніемъ къ истинѣ опредѣлить искомый объемъ. Мы будемъ говорить только о краніометрическомъ сводѣ, но все сказанное вполнѣ приложимо и къ кефалометрическому своду.

Подобно тому, какъ мы сравнивали съ эллипсисами и полуэллипсисами горизонтальными, поперечными и срединными сѣченіями черепа, мы сравнимъ и черепной сводъ съ полуэллипсоидомъ. Здѣсь мы имѣемъ дѣло не съ эллипсоидомъ вращенія, на которомъ всѣ сѣченія, перпендикулярны къ большей оси, являются кругами, но съ эллипсоидомъ простымъ, у коего всѣ сѣченія суть эллипсы. Простой эллипсоидъ имѣеть три оси, кои мы назовемъ продольною, поперечною и вертикальною, помѣ-

щая это тѣло въ томъ же направленіи, какъ и черепной сводъ. Продольная ось обозначается  $2a$ , поперечная  $2b$ , вертикальная  $2e$ . Объемъ эллипсоида, какъ мы видѣли выше, равенъ  $\frac{4}{3} \pi abe$ , а такъ какъ мы рассматриваемъ только верхнюю половину эллипсоида, то ея объемъ выразится  $\frac{2}{3} \pi abe$ .

Двѣ полуоси  $a$  и  $b$  свода извѣстны; первая есть половина затылочного передне-заднаго діаметра; вторая есть половина поперечнаго темяннаго діаметра; поэтому, если бы мы еще знали величину третьей полуоси  $e$ , то мы могли бы воспользоваться формулой.

На отпилленномъ сводѣ, лежащемъ своимъ основаніемъ на столѣ, легко измѣрить величину  $e$ : она составляетъ высоту темяни надъ столомъ; но на цѣльномъ черепѣ, или черепѣ распиленномъ инымъ способомъ, измѣреніе величины  $e$  невозможно, а тѣмъ болѣе оно невозможно на живомъ человѣкѣ. Поэтому только посредствомъ вычислениія можно опредѣлить величину  $e$ , и именно слѣдующимъ образомъ:

Измѣряютъ съ помощью ленты кривую лобно-затычную (*tempio-frontale*) и ее принимаютъ за половину наибольшей вертикальной окружности эллипса эллипсоида. Зная эту полуокружность, а также кромѣ того и ея большую продольную ось  $2a$ , т. е. затылочно-лобный діаметръ, мы получаемъ съ помощью таблицы ректификаціи эллипса величину вертикальной полуоси  $e$ . Имѣя величины трехъ полуосей эллипса мы получаемъ и объемъ полуэллипса, т. е.  $\frac{2}{3} \pi abe$ .

Значитъ нужно помножить  $e$  на  $\frac{2}{3} \pi ab$ . Величину  $\frac{2}{3} \pi ab$  легко получить, но она требуетъ вычислений, заставляющихъ терять много времени. Для этого сначала нужно раздѣлить на два лобно-затылочныхъ діаметръ (*tempio-frontale*), т. е.  $A$  или  $2a$ , для полученія  $a$ , затѣмъ также раздѣлить на 2 темянной діаметръ  $B$ , или  $2b$ , для полученія  $b$ . Наконецъ начать рядъ умноженій, т. е. помножить  $a$  на  $b$  и на  $e$ , затѣмъ произведеніе помножить сначала на  $\pi$ , а потомъ на 2 и все раздѣлить на 3. Всѣ эти многочисленныя выкладки можно замѣнить слѣдующими гораздо простѣйшими. Въ формулѣ  $\frac{2}{3} \pi abe$  замѣстимъ  $a$  чрезъ  $\frac{A}{2}$ , а  $b$  чрезъ  $\frac{B}{2}$ ; тогда она получить такой видъ:

$\frac{1}{3} \text{ эллипса} = \frac{2}{3} \pi abe = \frac{2}{3} \pi \frac{A}{2} \times \frac{B}{2} \times e = \frac{1}{6} \pi ABe$ ,  
а такъ какъ  $\frac{1}{6} \pi$ , даваемая таблицею подмножителей  $\pi$ , равна 0,523, то имѣемъ:

$$\text{объемъ свода} = 0,523 \times ABe$$

т. е. это значитъ, что нужно умножить на 0,523 произведеніе трехъ измѣреній свода.

Такое приблизительное вычисление объема головнаго или черепнаго свода обусловливается, какъ и опредѣленіе площадей черепныхъ сѣченій, опредѣленіемъ величины  $e$ , составляющей высоту свода. Эта величина дается таблицею ректификаціи эллипса, въ употребленію которой мы и переходимъ, сдѣлавъ нѣсколько предварительныхъ замѣчаній о вопросѣ ректификаціи эллипса.

Величина  $S$  и  $e$ , если  $a=100$ .

Малая полуось . . . .	$e=100$	кругъ	$e=97.46$
Четверть эллипса . . .	$s=157.08$		$s=155.10$
	$e=70.72$		$e=63.24$
	$s=135.12$		$s=130.00$

IV. О ректификациѣ эллипса. Вопросъ о ректификациї какой либо геометрической кривой состоять въ опредѣлениі посредствомъ вычислениі длины всей кривой, или какой либо изъ ея дугъ, съ помощью соотношеній, существующихъ между этой длиною и длиною прямолинейныхъ элементовъ кривой. Въ случаѣ, представляемомъ эллипсомъ, прямолинейными элементами являются двѣ оси, обозначаемыя обыкновенно буквами  $a$  и  $b$ , но такъ какъ буква  $b$  имѣеть уже специальное значеніе въ такихъ формулахъ, коими пользуется краніометрія, то вместо нея употребляется буква  $e$  для обозначенія второй полуоси эллипса, изучаемаго съ точки зрења ректификациї.

Два эллипса, имѣющіе однѣ и тѣ же оси, имѣютъ и одинаковыя окружности; поэтому можно получить окружность, если извѣстны  $a$  и  $e$ . Два эллипса, имѣющіе одинаковую окружность, могутъ представлять очень различные оси, но если при одинаковой окружности они, кроме того, имѣютъ общую ось, то они должны быть равны во всѣхъ своихъ частяхъ; поэтому можно опредѣлить одну изъ полуосей  $e$ , если извѣстны другая полуось  $a$  и окружность. Вотъ для достижениія этой цѣли, уже указанной въ предыдущихъ параграфахъ, намъ и нужно изучить ректификацию эллипса.

Въ частномъ случаѣ круга, обѣ полуоси сливаются въ одной, которая есть радиусъ. Такъ какъ всѣ окружности круговъ подобны другъ другу, то и отношеніе окружности къ радиусу у всѣхъ у нихъ неизмѣнно одно и то же. Это отношеніе опредѣлили разъ для всѣхъ круговъ и назвали его  $\pi$  и имъ пользуются для опредѣлениія окружности посредствомъ радиуса или радиуса посредствомъ окружности съ помощью очень простой формулы (окружность =  $2\pi r$ ). Но у эллипса, коего формы измѣнчивы до безконечности соотвѣтственно относительной длине обѣихъ осей его, формула, дающая соотношеніе осей къ окружности, есть рядъ безконечный, могущій быть опредѣленнымъ только съ помощью дифференціального и интегрального исчислений.

Я не считаю необходимымъ излагать здѣсь длинный рядъ вычислений, которые, основываясь на дифференціальномъ уравненіи дуги вообще, даютъ сначала дифференціальное уравненіе дуги эллипса; интегрируя затѣмъ это уравненіе, получаемъ величину дуги въ функціяхъ двухъ полуосей  $a$  и  $e$  и полуэлліптического интеграла  $\int \sqrt{a^2 - e^2} dx$ . Это интегрированіе производится посредствомъ развитія ряда, очень сложнаго, но законченного, и получается довольно удобно и скоро, если только считается достаточнымъ вычислить первые пять или шесть членовъ его. Употребленіе этого ряда очень упрощается, если интегрируютъ отъ  $x=0$  до  $x=a$ , давая дугѣ значение четверти окружности эллипса или  $S$ . Въ такомъ случаѣ, принявъ  $a$  за единицу, выражая полуэлліптическій интегралъ  $S$  въ доляхъ  $a$  и придавая послѣдовательно фактору  $c^2$  величины, отличающіяся одною десятую частію  $a$  (0.9; 0.8; 0.7; 0.6; и т. д.), мы получаемъ соотвѣтствующія величины  $S$ , легко застѣмъ выражаясь въ функции  $e$  по уравненію  $e = \sqrt{1 - c^2}$ . Эти величины указаны на слѣдующей таблицѣ, на которой онѣ умножены на 100 и где единица  $a$  принята равной 100 миллиметрамъ.

$e=94.86$	$e=89.44$	$e=83.66$	$e=77.45$
$s=153.06$	$s=148.93$	$s=144.56$	$s=139.97$
$e=54.77$	$e=44.72$	$e=31.62$	$e=0.$
$s=124.53$	$s=118.70$	$s=112.43$	$s=1.$

Послѣдніе два члена, соответствующіе очень удлиненнымъ эллипсисамъ или приведеннымъ къ прямой линіи, не имѣютъ никакого полезного приложенія для насъ. Остальные десять членовъ образуютъ между собою девять интерваловъ, кои можно пополнить соответственными числами, не прибѣгая вновь къ продолжительнымъ вычислѣніямъ интегрированія ряда. Можно такимъ образомъ составить таблицу, на которой величины  $S$ , отъ одного полумиллиметра до другого полу миллиметра, будуть стоять соответственно величинамъ полуоси  $e$ . Такая то таблица и помѣщена нами въ числѣ другихъ подъ именемъ *таблицы ректификаціи эллипсиса*.

Величины, написанныя крупными цифрами, суть тѣ, кои получены непосредственнымъ вычислѣніемъ, а потому онѣ вполнѣ точны. Остальныя, полученные чрезъ пропорциональныя уменьшенія (reductions proportionnelles), менѣе точны; но и относительно нихъ ошибка можетъ встрѣтиться только при второй десятичной и на практикѣ не имѣть значенія. Я убѣдился въ этомъ чрезъ построеніе по масштабу кривой, у коей длины  $S$  представляли абсциссы, а величины  $e$  соотвѣтствовали ординатамъ; я дозналъ такимъ путемъ, что подобная кривая развивается правильно отъ точки до точки безъ какого либо изгиба. Такая кривая могла бы удобно замѣнить таблицу, но она слишкомъ велика для размѣра ихъ и притомъ употребленіе таблицы ведетъ гораздо скорѣе къ полученню нужнаго результата.

Все сказанное выше касается только случаевъ, въ коихъ полуось  $e$  менѣе той, которая прината за единицу. Такіе случаи составляютъ первую часть таблицы до  $e=100$ , т. е. до величины  $e$  соотвѣтствующей кругу. Существуютъ однакоже нѣкоторыя кривыя черепа, у которыхъ одна изъ полуосей то больше другой, то меньше, а для правильности выводовъ необходимо, чтобы всегда одна и та же полуось бралась за единицу. Поэтому я продолжилъ таблицу и для величинъ  $e$  большихъ, чѣмъ принятая нами единица, т. е. 100 миллиметровъ. Эта таблица даетъ величины  $e$  соотвѣтственныя четверти эллипсиса  $S$  для полуоси  $e$ , причемъ другая полуось  $a$  всегда признается равной 100 миллиметрамъ. Если мы знаемъ только одинъ изъ факторовъ, то эллипсисъ не можетъ быть опредѣленъ и мы не можемъ получить относительно его никакого решенія; но если мы будемъ знать два фактора, то таблица даетъ намъ третій. Извѣстными факторами могутъ быть или двѣ оси, или же  $S$  и одна изъ осей; поэтому всегда мы будемъ имѣть одну изъ осей извѣстною, которую и можемъ назвать  $a$  и къ коей можемъ отнести двѣ другія линіи  $S$  и  $e$ .

1. Предположимъ, что намъ извѣстны  $a$  и  $S$ , остается слѣдовательно опредѣлить  $e$ . Если бы извѣстная и измѣренная полуось  $a$  была равна 100 миллиметрамъ, то мы бы нашли тотчасъ же на таблицѣ искомую величину противъ извѣстной уже величины  $S$ , но у взятаго нами эллипсиса, который мы будемъ обозначать чрезъ  $E$ , извѣстная намъ полуось  $a$  почти всегда или болѣе, или менѣе 100 миллиметровъ. Чтобы въ такихъ случаяхъ воспользоваться таблицею нужно отыскывать на ней эллипсисъ подобный эллипсису  $E$ , который мы назовемъ, положимъ, чрезъ  $E'$ . У подобныхъ эллипсисовъ оси и окружности пропорциональны, поэтому

$$S: a :: S': a' \text{, или}$$

$$S: a :: S': a' \text{ а потому } S' = a' \times \frac{S}{a} \quad (1)$$

Такъ какъ  $a'=100$  миллиметрамъ, то мы получимъ  $S'$ , раздѣляя 100  $S$  на  $a$ . Зная  $S'$ , мы найдемъ на таблицѣ величину  $e'$ , которая есть вторая полуось эллипсиса  $E'$ .

Пропорція  $a: e: a': e'$ , намъ даетъ

$$e = \frac{ae'}{a'} \text{ или } e = \frac{ae'}{100} \quad (2).$$

Такимъ образомъ мы получаемъ величину второй полуоси  $e$ .

2. Предположимъ теперь, что намъ извѣстны двѣ полуоси  $a$  и  $e$  и что требуется найти  $S$ .

Тѣ же пропорціи даютъ сначала  $e' = a' \times \frac{e}{a} = \frac{100e}{a} \quad (3)$ .

Съ помощью  $e'$  можно найти  $S'$  на таблицѣ.

$$\text{Затѣмъ } S \text{ получается изъ уравненія } S = \frac{aS'}{a'} = \frac{aS'}{100} \quad (4).$$

Величины  $S'$  или  $e'$ , даваемыя формулами (1) и (3), получены съ помошью приведенія въ сотыши и потому почти всегда выражаются въ десятичной дроби. Нельзя оставить совершенно въ сторонѣ эти десятичныя, не подвергаясь значительнымъ ошибкамъ. Положимъ, напримѣръ, что въ нашей формулѣ (1) мы нашли  $S=140.72$ . На таблицѣ, на которой величины  $S'$  были бы показаны отъ сотой до сотой миллиметра, соотвѣтствующая  $e'$  величина была бы 78.46. Если же мы, отбросивъ десятичныя, примемъ, что  $S=140$  только, то  $e'$  будетъ уже равна 78.84. Между этими обѣими величинами  $e'$ , изъ коихъ одна слишкомъ велика, а другая слишкомъ мала, разность будетъ въ 1,35 мм.; слѣдовательно, если мы не будемъ обращать вниманіе на десятичныя, то можемъ прійти относительно величины  $e'$  къ ошибкѣ, значительно превосходящей 1 миллиметръ. Эта ошибка, хотя и нѣсколько и смягчается приведеніемъ въ соты при полученіи величины  $e$ , но всетаки остается нѣсколько болѣе, чѣмъ 1 миллиметръ. Такая ошибка болѣе дозволительной, а потому, слѣдовательно, нужно брать и десятичныя для  $S'$ , т. е. въ нашемъ случаѣ  $S'=140.72$ . Это число показываетъ намъ, что  $S'$  лежитъ между двумя величинами: 140,5 и 141, изъ коихъ обѣ находятся въ таблицахъ, и оно ближе приближается къ первой изъ этихъ величинъ. Поэтому мы отыскиваемъ  $e'$  рядомъ съ 140,5 и находимъ  $e'=78.16$ . Между этой величины и дѣйствительною, взятою нами для  $e'=78.46$ , разность только 0,30 мм., т. е. менѣе трети миллиметра. Она будетъ еще менѣе для отысканія исконной нами величины  $e$ , а потому на нее можно и не обращать вниманія. Этотъ примѣръ показываетъ необходимость вычислить  $S'$  съ десятичными долями, равно какъ и то, что нужно брать двѣ десятичныхъ, такъ какъ, если бы мы взяли только одну 0,7, мы бы не знали какая изъ величинъ таблицы 140,5 и 141 была бы болѣе близко.

Изъ сказаннаго видно, что приближеніе, даваемое таблицею, вполнѣ достаточно для предположенной нами цѣли. Для получения еще большаго приближенія потребовалось бы прибѣгнуть къ разностямъ, что было бы совершенно бесполезнымъ усложненіемъ дѣла. Впрочемъ, предвидя случаи, въ коихъ приложенія иного ряда нашей таблицы могло бы вызвать желаніе имѣть числа болѣе точныя, мы присоединили небольшую таблицу разностей; въ ней можно найти для всѣхъ величинъ  $S'$  и  $e'$ , вычисленныхъ непосредственно, двойной рядъ разностей  $e'$ , соотвѣтствующихъ 1 миллиметру  $S'$  и разности  $S'$ , соотвѣтствующія 1 миллиметру

с'. Этими разностями пользуются такъ же, какъ было указано по отношению разностей дугъ и синусовъ.

Мы считали необходимымъ дать въ предыдущемъ специальное, довольно длинное и частное, объясненіе для того, чтобы выяснить какъ составлена наша таблица ректификаціи эллипсиса и для указанія способовъ повѣрки степени ея точности. Къ этому мы присоединили болѣе краткія указанія на то, какимъ образомъ можно найти на таблицахъ, основываясь на свойствахъ подобныхъ эллипсисовъ, рѣшеніе задачъ, основывающихся на указанномъ нами способѣ. Но пользованіе нашей таблицею *вовсе не требуетъ знания свойствъ эллипсиса, а еще менѣе знакомства съ интегральнымъ исчислениемъ*. Выяснивши это, мы переходимъ теперь къ тѣмъ практическимъ правиламъ, съ помощью которыхъ можно пользоваться таблицею, ограничиваясь только самыми элементарными ариѳметическими приемами.

V. Способъ употребленія таблицы ректификаціи эллипсиса. Обозначенія, употребляемыя при этомъ, суть слѣдующія:

$S$  есть четверть окружности кривой  $E$ , изучаемой у черепа и рассматриваемой какъ болѣе или менѣе приближающуюся къ эллиптической кривой. Если была предварительно измѣрена вся окружность, то берутъ ея четверть для получения  $S$ ; если измѣрена полуокружность, то  $S$  будетъ половина этого измѣрения.

$2a$  и  $2e$  суть двѣ оси этого эллипсиса; берутъ половину ихъ для полученія  $a$  и  $e$ . Если известны эти двѣ полосы, то наибольшая обозначается чрезъ  $a$ . Если известна только одна ось, то буквою  $a$  обозначается именно она; другая ось тогда будетъ  $e$ .

$E'$  будетъ обозначать тѣль изъ эллипсисовъ таблицы, который подобенъ эллипсису  $E$ . Та изъ двухъ полуосей  $E'$ , которая будетъ гомологична  $a$ , равняется 100 миллиметрамъ. Вторая полуось обозначается чрезъ  $e'$ , а  $S'$  обозначаетъ четверть окружности.

Есть два случая, въ коихъ можно съ пользою применить таблицу:

1. Случай. Зная двѣ оси, найти окружность. Этотъ случай представляется въ особенности тогда, когда приходится изучать замѣтки такихъ путешественниковъ, кои занятые исключительно вопросомъ о головномъ указателѣ, измѣряютъ только передне-задній и поперечный диаметры головы, не заботясь объ измѣрѣніи окружностей.

Взять сначала половину обоихъ диаметровъ, получаютъ  $a$  и  $e$ . Буквою  $a$  обозначаютъ полудиаметръ передне-задній и получаютъ  $S$  слѣдующимъ образомъ:

1. Дѣлать 100  $e$  на  $a$  для получения  $e'$ .  
2. Отыскиваютъ на таблицѣ эллипсиса величину  $S'$  и противъ нея находятъ величину  $e'$ .

3. Умножаютъ  $S'$  на  $a$  и дѣлать на сто для получения искомой величины  $S$ , которая есть четверть окружности эллипсиса.

NB. При вычисленіяхъ, вместо того, чтобы брать полудиаметры  $a$  и  $e$ , гораздо проще брать самые диаметры  $2a$  и  $2e$ : такимъ образомъ избѣгаютъ дѣленія съ помощью таблицы головныхъ указателей. Обыкновенно даже и нѣть надобности вычислять снова на таблицѣ головной указатель, такъ какъ онъ всегда находится въ замѣткахъ путешественника.

Примѣръ: Передне-задній диаметръ  $2a=186$  мм.; поперечный  $2e=148$  мм. Слѣдовательно  $a=93$ ,  $e=74$ .

По таблицѣ головныхъ указателей можно взять только отношение 148 къ 186, которое будетъ 79,57; слѣдовательно  $e'=79,57$ . Затѣмъ отыскиваютъ въ таблицѣ ректификаціи эллипсиса, въ столбѣ  $e$ , число наи-

болѣе близкое къ 79,57 и оно будетъ 79,51. Въ столбѣ  $S$  тутъ же находится число 141,5, поэтому записываетъ  $S=141,5$ .

Затѣмъ помножаютъ  $a$ , или 93, на 142 и получаютъ 13159, которое раздѣленное на 100 даетъ величину  $S=131,6$  мм.

Помножая это число на 4, получаемъ, что окружность эллипсиса = 526 мм.

Въ случаяхъ, въ которыхъ желательно бы было получить болѣе точные числа, нужно прибѣгнуть къ табличкѣ разностей.

Если сдѣлать опытъ приложения этого способа къ лысой головѣ или черепу, то получится чрезъ вычисление окружность, отличающаяся только на нѣсколько миллиметровъ отъ непосредственно измѣренной окружности. Разность не превосходить обыкновенно 4 миллиметровъ на черепахъ брахицефальныхъ и 8 на долихоцефальныхъ. На головахъ, снабженныхъ волосами, окружность, полученная чрезъ вычисление, всегда меньше добытой чрезъ измѣреніе и разница можетъ доходить до 2 центиметровъ и болѣе, если волоса очень густы. Это потому, что въ такихъ случаяхъ лента не даетъ истинной окружности головы, и въ такомъ случаѣ большая величина разницы вовсе не говоритъ за неточность способа эллипсиса, а наоборотъ доказываетъ недостаточность способа измѣрѣнія посредствомъ ленты.

2-й случай. Зная окружность и одну изъ осей, определить другую ось.

Обыкновенно бываетъ, что мы имѣемъ измѣренную не цѣльную окружность, но только полуокружность, которой половина и даетъ намъ  $S$ . Половина оси обозначается  $a$ . Получается другая полуось съ слѣдующимъ образомъ:

1. Дѣлать 100  $S$  на  $a$  для получения  $S'$ .
2. Отыскиваютъ на таблицѣ эллипсиса величину  $e'$  въ колонкѣ противъ  $S'$ .
3. Помножаютъ  $e'$  на  $a$  и дѣлать на 100 для получения искомой величины  $e$ .

Примѣръ: Мы измѣрили на головѣ кривую лобно-затылочную отъ надглазничной точки до иніона; эта кривая составляетъ продольный полуэллипсисъ свода головы. Предположимъ, что она у насъ ровна 328 мм., а такъ какъ она ровна  $2S$ , то  $S=164$  мм.

Пусть у насъ измѣрѣнъ также передне-задній затылочный диаметръ. Это большая ось,  $2a$ , свода; пусть она равна 176 мм. Такимъ образомъ  $a=88$  мм. Раздѣляя  $100S$  или  $16400$  на 88, получаемъ 185,2, т. е. величину  $S'$ ; затѣмъ отыскиваютъ на таблицѣ эллипсисовъ въ столбѣ  $S$  число наиболѣе приближающееся къ 185,2 и тогда получаютъ  $e'=134,20$ .

Помножая  $a$  или 88 на  $e'$  или 134,20, имѣемъ 11809, что, раздѣленное на 100, даетъ величину  $e=118$  мм. Можно еще получить величину  $e$  съ помощью кривой верхней поперечно-ушной (biauriculaire supérieure), рассматриваемой какъ окружность эллипсиса, коего ушной диаметръ будетъ осью  $a$ . Но кривая поперечная ушная, въ томъ видѣ, какъ ее иногда измѣряютъ, спускается ниже плоскости затылочно-лобной (inio-frontale), ограничивающей сводъ; поэтому посредствомъ этого способа получаются для величины  $e$  число нѣсколько больше.

Случай, который мы взяли, относится къ определенію объемовъ краніометрическаго или кефалометрическаго свода. Это самый важный изъ всѣхъ тѣхъ, при коихъ прибѣгаютъ къ таблицѣ ректификаціи эллипсиса; имъ обусловливается нахожденіе этой таблицы въ числѣ другихъ, составленыхъ нами, такъ какъ другія, указаны

5\*

ных нами, приложениј ея, хотя и не лишены некоторой пользы, но все таки не могли бы оправдать введение нового специального метода.

Если величина вертикальной полуоси  $e$  свода получена указаннымъ нами способомъ, и если двѣ оси его  $2a$  и  $2b$  или  $A$  и  $B$  уже извѣстны чрезъ измѣренія,

то для определенія объема свода нужно только употребить формулу.

Объемъ= $0,523 \times ABe$ .  
Эта формула уже объяснена нами выше и она даетъ объемъ свода или вѣрнѣе—объемъ эллипсоида, соотвѣтствующаго своду.

---

ИЗВѢСТИЯ ИМПЕРАТОРСКАГО ОБЩЕСТВА ЛЮБИТЕЛЕЙ ЕСТЕСТВОЗНАНИЯ, АНТРОПОЛОГИИ И ЭТНОГРАФИИ,

СОСТОЯЩАГО ПРИ МОСКОВСКОМЪ УНИВЕРСИТЕТЕ.

Томъ XXXVIII, выпускъ 2. *издание 1*.

Труды Антропологического Отдѣла, томъ 6.

---

Antropologicheskii tablitsy

# АНТРОПОЛОГИЧЕСКИЕ ТАБЛИЦЫ

для

для

Kraniologicheskikh i kafalometricheskikh vychislenij

## КРАНІОЛОГІЧЕСКИХъ И КЕФАЛОМЕТРИЧЕСКИХъ ВЫЧИСЛЕНИЙ.

составлену

составлены

П. БРОКА

П. БРОКА

Профессоромъ Парижского Медицинского Факультета.

Vypuskъ vtoroj  
ВЫПУСКЪ ВТОРОЙ.

pt. 2

редакции

Anatolija Bogdanova  
Анатолія Богданова.

(Издание на средства, пожертвованныя Ф. А. Терещенко).

---

МОСКВА.

Типографія М. Н. Лаврова и К°., Леонтьев. пер., д. № 18

1879.

TRANSFERRED TO

Peabody Museum Library

FEB 14 1938

Напечатано по определению Совета Императорского Общества Любителей Естествознания Антропологии и Этнографии.  
Президент Общества, Тайный Советник Григорий Щуровский.

## Предѣлы главнѣйшихъ указателей.

	Ч и с л и т е л ь .	З н а м е н а т е л ь .	Предѣлы у взрослыхъ.
1. Черепной указатель (Indice cephalique).	Наибольшій поперечный диаметръ (Diamètre transversal maximum).	Продольный наибольшій (Diamètre antéro-postérieur maximum)	$\frac{122-160}{160-208}$
2. Высотный указатель (Indice vertical).	Высотный диаметръ (Diamètre vertical basilo-bregmatique).	Продольный наибольшій (Diamètre antéro - postérieur maximum).	$\frac{115-145}{160-208}$
3. Указатель вертикально-поперечный (Indice transverso-vertical).	Высотный диаметръ (Diamètre vertical basilo-bregmatique).	Наибольшій поперечный (Diamètre transversal maximum).	$\frac{115-145}{122-160}$
4. Лобный указатель (Indice stéphanique).	Наименьшій лобный (Diamètre frontal minimum).	Наибольшій лобный (Diamètre stephanique).	$\frac{81-112}{94-137}$
5. Лобно-широтный указатель (Indice frontal).	Наименьшій лобный (Diamètre frontal minimum).	Наибольшій поперечный (Diamètre transversal maximum).	$\frac{81-112}{122-160}$
6. Указатель проекціонный (Indice basilaire).	Передняя проекція (La projection antérieure).	Полная проекція всего черепа (La projection totale du crane).	$\frac{81-117}{161-225}$
7. Указатель затылочного отверстія (Indice du trou occipital).	Ширина затылочного отверстія (Largeur du trou).	Длина затылочного отверстія (Longueur du trou).	$\frac{28-37}{36-43}$
8. Указатель лицевой (Indice facial).	Длина лица (Longeur de la face Ophryo-alveolaire).	Диаметръ щечныхъ (Diamètre bizygomaticus).	$\frac{70-113}{110-148}$
9. Указатель носовой (Indice nasal).	Наибольшая ширина ноздрей (Largeur maximum des narines).	Длина носовой части (Longeur de la région nasale; de la racine du nez à l'épine nasale).	$\frac{19-31}{36-60}$
10. Указатель глазничный (Indice orbitaire).	Высота орбиты (Hauteur de l'orbite).	Ширина орбиты (Largeur de l'orbite).	$\frac{26-40}{34-45}$
11. Указатель нѣбный (Indice palatin).	Наибольшая ширина нѣбнаго свода (Largeur maximum de la voute palatine).	Длина нѣбнаго свода (Longeur de la voute palatine).	$\frac{30-45}{40-64}$
12. Указатель челюстной (Indice mandibulaire).	Длина нижней челюсти (Longeur de la branche de la mandibule).	Длина нижней челюсти отъ сочлененія до гонионы (Longueur de la branche du condyle au gonion).	$\frac{28-49}{46-57}$

## Классификация главнейших указателей.

Черепной указатель (Indice céphalique).	{	Долихоцефалии.	{	Долихоцефалии настоящие.....	ниже и до 75 на 100 или	$\frac{6}{8}$
				Субдолихоцефалии.....	отъ 75.01 до 77.77 на 100 "	$\frac{7}{9}$
		Мезатицефалии . . . . .	"	77.78	, 80.00 , 100 "	$\frac{8}{10}$

Брахицефалии.	{	Суббрахицефалии.....	"	80.1	, 83.33 , 100 "	$\frac{10}{12}$
		Настоящие брахицефалии . . . . .	"	83.33	и выше на 100 "	

Указатель носовой (Indice nasal).	{	Лепторини . . . . .	{	Лепторини . . . . .	ниже и до 47.49 "	100
		Мезорини . . . . .			отъ 48 до 52.99 "	100
		Платирини . . . . .			" 53 и выше	

Общее обозначение других показателей.

		Микроземы (microsèmes)	Мезоземы (mésosèmes)	Мегаземы (mégasèmes)
1.	Высотный (vertical) . . . . .	до 71.99	отъ 72	до 74.99 отъ 75 и выше.
2.	Вертикально-поперечный (transverso-vertical) . . . . .	" 91.99	" 92	" 97.99 " 98 "
3.	Лобно-швартый (frontal) . . . . .	" 65.99	" 66	" 68.99 " 69 "
4.	Лобный (stephanique) . . . . .	" 82.99	83	" 86.99 " 87 "
5.	Проекционный (basilaire) . . . . .	" 48.99	" 49	" 50.99 " 51 "
6.	Затылочного отверстия (du trou occipital) . . . . .	" 81.99	" 82	" 85.99 " 86 "
7.	Лицевой (facial) . . . . .	" 65.99	" 66	" 68.99 " 69 "
8.	Глазничный (orbitaire) . . . . .	" 82.99	" 83	" 88.99 " 89 "
9.	Нёбный (palatin) . . . . .	" 70.69	" 71	" 76.99 " 77 "

*Основная таблица**Таблица I.*  $\left( \frac{1}{1-270} \right)$ 

(Tableau élémentaire)

1	100.000	31	3.226	61	1.6393	91	1.0989	121	0.8264	151	0.6622	181	0.5525	211	0.4789	241	0.4149
2	50.000	32	3.125	62	1.6129	92	1.08695	122	0.8196	152	0.6379	182	0.5494	212	0.4717	242	0.4132
3	33.3333	33	3.030	63	1.5873	93	1.07527	123	0.8130	153	0.6536	183	0.5464	213	0.4695	243	0.4115
4	25.0000	34	2.941	64	1.5625	94	1.0638	124	0.8064	154	0.6193	184	0.5435	214	0.4673	244	0.4098
5	20.0000	35	2.857	65	1.5384	95	1.0526	125	0.8000	155	0.6451	185	0.5405	215	0.4651	245	0.4031
6	16.6667	36	2.778	66	1.5151	96	1.0416	126	0.7936	156	0.6410	186	0.5376	216	0.4629	246	0.4065
7	14.2857	37	2.703	67	1.4925	97	1.0309	127	0.7874	157	0.6369	187	0.5348	217	0.4608	247	0.4048
8	12.5000	38	2.631	68	1.4706	98	1.0204	128	0.7812	158	0.6328	188	0.5319	218	0.4587	248	0.4032
9	11.1111	39	2.564	69	1.4492	99	1.0101	129	0.7752	159	0.6289	189	0.5291	219	0.4566	249	0.4016
10	10.0000	40	2.500	70	1.4286	100	1.0000	130	0.7692	160	0.6250	190	0.5268	220	0.4545	250	0.4000
11	9.0909	41	2.439	71	1.4084	101	0.9901	131	0.7633	161	0.6211	191	0.5235	221	0.4525	251	0.3984
12	8.3333	42	2.3809	72	1.3889	102	0.9804	132	0.7575	162	0.6178	192	0.5208	222	0.4504	252	0.3968
13	7.6923	43	2.325	73	1.3698	103	0.97087	133	0.7518	163	0.6135	193	0.5181	223	0.4484	253	0.3952
14	7.1429	44	2.2727	74	1.3513	104	0.9615	134	0.7462	164	0.6097	194	0.5154	224	0.4464	254	0.3937
15	6.6667	45	2.222	75	1.3383	105	0.9524	135	0.7407	165	0.6061	195	0.5128	225	0.4444	255	0.3921
16	6.2500	46	2.1789	76	1.3158	106	0.9433	136	0.7358	166	0.6024	196	0.5102	226	0.4425	256	0.3906
17	5.8823	47	2.1276	77	1.2987	107	0.9345	137	0.7299	167	0.5983	197	0.5076	227	0.4405	257	0.3891
18	5.5555	48	2.0838	78	1.2820	108	0.9259	138	0.7246	168	0.5952	198	0.5050	228	0.4386	258	0.3876
19	5.2631	49	2.0103	79	1.2658	109	0.9174	139	0.7194	169	0.5917	199	0.5025	229	0.4367	259	0.3861
20	5.0000	50	2.0000	80	1.2500	110	0.9090	140	0.7143	170	0.5882	200	0.5000	230	0.4348	260	0.3846
21	4.7619	51	1.9607	81	1.23457	111	0.9009	141	0.7092	171	0.5848	201	0.4975	231	0.4329	261	0.3831
22	4.5454	52	1.923	82	1.2195	112	0.8928	142	0.7042	172	0.5814	202	0.4950	232	0.4310	262	0.3817
23	4.3478	53	1.8867	83	1.2048	113	0.8849	143	0.6993	173	0.5780	203	0.4926	233	0.4292	263	0.3802
24	4.1667	54	1.8518	84	1.1904	114	0.8772	144	0.6944	174	0.5747	204	0.4902	234	0.4273	264	0.3788
25	4.0000	55	1.8182	85	1.1764	115	0.86955	145	0.6896	175	0.5714	205	0.4878	235	0.4255	265	0.3773
26	3.8461	56	1.7857	86	1.1628	116	0.8620	146	0.6849	176	0.5632	206	0.4854	236	0.4237	266	0.3759
27	3.7037	57	1.7513	87	1.1494	117	0.8547	147	0.6802	177	0.5649	207	0.4831	237	0.4219	267	0.3745
28	3.571	58	1.724	88	1.1363	118	0.8474	148	0.6756	178	0.5618	208	0.4807	238	0.4202	268	0.3731
29	3.448	59	1.6949	89	1.1236	119	0.8403	149	0.6711	179	0.5535	209	0.4784	239	0.4184	269	0.3717
30	3.333	60	1.6667	90	1.1111	120	0.8333	150	0.6666	180	0.5555	210	0.4762	240	0.4166	270	0.3704

*Лицевой указатель*

*Таблица II.*  $\left(\frac{70-84}{138-159}\right)$  (Indice facial (Complément de l').

	138	139	140	141	142	143	144	145	146	147	148	149	150	151	152	153	154	155	156	157	158	159
1	0.7246	0.7194	0.7143	0.7092	0.7042	0.6993	0.6944	0.6896	0.6849	0.6802	0.6756	0.6711	0.6666	0.6622	0.6579	0.6536	0.6493	0.6451	0.6410	0.6369	0.6329	0.6289
70	50.72	50.86	50.00	49.64	49.29	48.95	48.61	48.27	47.94	47.62	47.30	46.98	46.67	46.36	46.05	45.75	45.45	45.16	44.87	44.58	44.30	44.02
71	51.45	51.08	51.71	50.35	50.00	49.65	49.30	48.96	48.63	48.30	47.97	47.65	47.33	47.02	46.71	46.40	46.10	45.80	45.51	45.22	44.94	44.65
72	52.17	51.80	51.43	51.06	50.70	50.35	50.00	49.65	49.31	48.98	48.65	48.32	48.00	47.68	47.37	47.06	46.75	46.45	46.15	45.86	45.57	45.28
73	52.90	52.52	52.14	51.77	51.41	51.05	50.69	50.84	50.00	49.66	49.32	48.99	48.67	48.34	48.03	47.71	47.40	47.09	46.79	46.49	46.20	45.91
74	53.62	53.24	52.86	52.48	52.11	51.75	51.89	51.03	50.68	50.34	50.00	49.66	49.33	49.01	48.68	48.36	48.05	47.74	47.43	47.13	46.88	46.54
75	54.35	53.96	53.57	53.19	52.82	52.45	52.08	51.72	51.37	51.02	50.67	50.33	50.00	49.67	49.34	49.02	48.70	48.38	48.08	47.77	47.47	47.17
76	55.07	54.68	54.28	53.90	53.52	53.15	52.78	52.41	52.55	51.70	51.85	51.01	50.67	50.33	50.00	49.67	49.35	49.03	48.72	48.40	48.10	47.80
77	55.79	55.89	55.00	54.61	54.22	53.84	53.47	53.10	52.74	52.38	52.03	51.65	51.83	50.99	50.66	50.33	50.00	49.67	49.36	49.04	48.73	48.43
78	56.52	56.11	55.71	55.32	54.93	54.54	54.17	53.79	53.42	53.06	52.70	52.35	52.00	51.65	51.32	50.98	50.65	50.32	50.00	49.68	49.37	49.05
79	57.24	56.89	56.48	56.09	55.63	55.24	54.86	54.46	54.11	53.74	53.38	53.02	52.66	52.32	51.97	51.63	51.30	50.96	50.64	50.32	50.00	49.68
80	57.97	57.55	57.14	56.74	56.34	55.94	55.55	55.17	54.79	54.42	54.05	53.69	53.33	52.98	52.63	52.29	51.95	51.61	51.28	50.95	50.63	50.31
81	58.69	58.27	57.86	57.46	57.04	56.64	56.25	55.86	55.48	55.10	54.73	54.86	54.00	53.64	53.29	52.94	52.60	52.26	51.92	51.59	51.27	50.94
82	59.42	58.99	58.57	58.15	57.74	57.34	56.94	56.55	56.16	55.78	55.40	55.03	54.67	54.30	53.95	53.59	53.25	52.90	52.56	52.23	51.90	51.57
83	60.14	59.71	59.29	58.86	58.45	58.04	57.64	57.24	58.85	56.46	56.08	55.70	55.33	54.97	54.60	54.25	53.89	53.55	53.20	52.87	52.53	52.20
84	60.87	60.48	60.00	59.57	59.15	58.74	58.33	57.98	57.53	57.14	56.75	56.37	56.67	55.69	55.26	54.90	54.54	54.19	53.86	53.50	53.16	52.83

*Указатель лицевой; различные показатели детских черепов.*

*Таблица IV: (50—80)* (Indice facial; Indices divers des enfants).

	106	107	108	109	110	111	112	113	114	115	116	117	118	119	120	121	
1	0.9433	0.9345	0.9259	0.9174	0.9090	0.9009	0.8928	0.8849	0.8772	0.8695	0.8620	0.8547	0.8474	0.8403	0.8333	0.8264	1
50	47.17	46.73	46.30	45.87	45.45	45.05	44.64	44.25	43.86	43.47	43.10	42.74	42.37	42.02	41.67	41.32	50
51	48.11	47.66	47.22	46.79	46.37	45.95	45.53	45.13	44.74	44.34	43.96	43.59	43.22	42.86	42.50	42.15	51
52	49.05	48.59	48.15	47.71	47.27	46.85	46.43	46.01	45.61	45.21	44.82	44.44	44.06	43.70	43.33	42.97	52
53	49.99	49.53	49.07	48.62	48.18	47.75	47.32	46.90	47.49	46.08	45.69	45.30	44.91	44.54	44.16	43.80	53
54	50.94	50.46	50.—	49.54	49.09	48.65	48.21	47.78	47.37	46.95	46.55	46.15	45.76	45.38	45.—	44.63	54
55	51.88	51.40	50.92	50.46	50.—	49.55	49.10	48.67	48.25	47.82	47.41	47.01	46.61	46.22	45.83	45.45	55
56	52.82	52.33	51.85	51.38	50.91	50.45	50.—	49.55	49.12	48.69	48.27	47.86	47.45	47.06	46.66	46.28	56
57	53.77	53.27	52.78	52.29	51.82	51.35	50.89	50.44	50.—	49.56	49.13	48.72	48.30	47.90	47.50	47.10	57
58	54.71	54.20	53.70	53.21	52.73	52.25	51.78	51.32	50.88	50.43	50.—	49.57	49.15	48.74	48.33	47.93	58
59	55.65	55.14	54.63	54.13	53.64	53.15	52.68	52.21	51.75	51.30	50.86	50.43	50.—	49.58	49.16	48.76	59
60	56.60	56.07	55.55	55.05	54.54	54.05	53.57	53.09	52.63	52.17	51.72	51.28	50.84	50.42	50.—	49.58	60
61	57.50	57.—	56.48	55.96	55.45	54.95	54.46	53.98	53.51	53.03	52.58	52.14	51.69	51.26	50.83	50.41	61
62	58.48	57.94	57.41	56.88	56.36	55.86	55.35	54.86	54.39	53.90	53.44	52.99	52.54	52.11	51.66	51.24	62
63	59.43	58.87	58.33	57.80	57.27	56.76	56.25	55.75	55.26	54.77	54.31	53.85	53.39	52.94	52.50	52.06	63
64	60.37	59.81	59.26	58.71	58.18	57.66	57.14	56.63	56.14	55.64	55.17	54.70	54.23	53.78	53.33	52.89	64
65	61.31	60.74	60.18	59.63	59.09	58.56	58.03	57.52	57.02	56.51	56.03	55.56	55.08	54.62	54.16	53.72	65
66	62.26	61.68	61.11	60.55	60.—	59.46	58.92	58.40	57.90	57.38	56.89	56.41	55.93	55.47	55.—	54.54	66
67	63.20	62.61	62.04	61.47	60.91	60.36	59.82	59.29	58.77	58.25	57.75	57.26	56.78	56.30	55.83	55.34	67
68	64.14	63.55	62.96	62.38	61.82	61.26	60.71	60.17	59.65	59.12	58.62	58.12	57.62	57.14	56.66	56.20	68
69	65.09	64.48	63.89	63.30	62.73	62.16	61.60	61.06	60.53	59.99	59.48	58.97	58.47	57.98	57.50	57.02	69
70	66.03	65.42	64.81	64.22	63.63	63.06	62.50	61.94	61.40	60.86	60.34	59.83	59.32	58.82	58.33	57.85	70
71	66.97	66.35	65.74	65.14	64.54	63.96	63.39	62.83	62.28	61.73	61.20	60.68	60.17	59.66	59.16	58.67	71
72	67.92	67.28	66.66	66.05	65.45	64.86	64.28	63.71	63.16	62.60	62.06	61.54	61.01	60.50	60.—	59.50	72
73	68.86	68.22	67.59	66.97	66.36	65.76	65.17	64.60	64.04	63.47	62.93	62.39	61.86	61.34	60.83	60.33	73
74	69.80	69.15	68.51	67.89	67.27	66.67	66.07	65.48	64.91	64.34	63.79	63.25	62.71	62.18	61.66	61.15	74
75	70.75	70.09	69.44	68.81	68.18	67.57	66.96	66.37	65.79	65.21	64.65	64.10	63.56	63.02	62.50	61.98	75
76	71.69	71.02	70.37	69.72	69.09	68.47	67.85	67.25	66.67	66.08	65.51	64.96	63.40	64.86	63.33	62.81	76
77	72.63	71.96	71.29	70.64	70.—	69.37	68.75	68.14	67.54	66.95	66.37	65.81	64.25	65.70	64.16	63.63	77
78	73.58	72.89	72.22	71.56	70.91	70.27	69.64	69.02	68.42	67.82	67.24	66.67	65.10	66.54	65.—	64.46	78
79	74.52	73.83	73.15	72.48	71.82	71.17	70.53	69.91	69.30	68.69	68.10	67.52	66.94	66.38	65.83	65.29	79
80	75.46	74.76	74.07	73.39	72.72	72.07	71.42	70.79	70.18	69.56	68.96	68.38	67.79	67.22	66.66	66.11	80
	122	123	124	125	126	127	128	129	130	131	132	133	134	135	136	137	
1	0.8196	0.8130	0.8064	0.8000	0.7936	0.7874	0.7812	0.7752	0.7692	0.7633	0.7575	0.7518	0.7462	0.7407	0.7353	0.7299	1
50	40.98	40.65	40.32	40.—	39.68	39.37	39.06	38.76	38.46	38.17	37.88	37.59	37.31	37.04	36.77	36.50	50
51	41.80	41.46	41.13	40.80	40.47	40.16	39.84	39.53	39.23	38.93	38.63	38.34	38.06	37.78	37.50	37.22	51
52	42.62	42.28	41.93	41.60	41.27	40.94	40.62	40.31	40.—	39.69	39.39	39.09	38.80	38.52	38.24	37.95	52
53	43.44	43.09	42.74	42.40	42.06	41.79	41.40	41.09	40.77	40.45	40.15	39.85	39.55	39.26	38.97	38.68	53
54	44.26	43.90	43.55	43.20	42.85	42.52	42.18	41.86	41.54	41.22	40.91	40.60	40.29	40.—	39.71	39.41	54
55	45.08	44.72	44.35	44.—	43.65	43.31	42.97	42.64	42.31	41.98	41.66	41.35	41.04	40.74	40.44	40.14	55
56	45.90	45.53	45.16	44.80	44.44	44.09	43.75	43.41	43.08	42.74	42.42	42.10	41.79	41.48	41.18	40.87	56
57	46.72	46.34	45.96	45.60	45.24	44.88	44.53	44.19	43.84	43.51	43.18	42.85	42.53	42.22	41.91	41.60	57
58	47.54	47.15	46.77	46.40	46.03	45.67	45.31	44.96	44.61	44.27	43.94	43.60	43.28	42.96	42.65	42.33	58
59	48.36	47.97	47.58	47.20	46.82	46.46	46.09	45.74	45.38	45.03	44.69	44.36	44.03	43.70	43.38	43.06	59
60	49.18	48.78	48.38	48.—	47.62	47.24	46.87	46.51	46.15	45.80	45.45	45.11	44.77	44.44	44.12	43.79	60
61	50.—	49.59	49.19	48.80	48.41	48.03	47.65	47.29	46.92	46.56	46.21	45.86	45.52	45.18	44.85	44.52	61
62	50.82	50.41	50.—	49.60	49.31	48.82	48.43	48.06	47.69	47.32	46.97	46.61	46.26	45.92	45.59	45.25	62
63	51.63	51.22	50.80	50.40	50.—	49.61	49.22	48.84	48.46	48.09	47.72	47.36	47.01	46.66	46.32	45.98	63
64	52.45	52.03	51.61	51.20	50.79	50.39	50.—	49.61	49.23	48.85	48.48	48.12	47.76	47.40	47.06	46.71	64
65	53.27	52.85	52.42	52.—	51.58	51.18	50.78	50.39	50.—	49.61	49.24	48.87	48.50	48.15	47.79	47.44	65
66	54.09	53.66	53.22	52.80	52.38	51.97	51.55	51.16	50.77	50.38	50.—	49.62	49.25	48.89	48.53	48.17	66
67	54.91	54.47	54.03	53.60	53.17	52.76	52.34	51.94	51.54	51.14	50.75	50.37	50.—	49.63	49.27	48.90	67
68	55.73	55.28	54.84	54.40	53.96	53.54	53.12	52.71	52.31	51.90	51.51	51.12	50.74	50.37	49.—	49.63	68
69	56.55	56.10	55.64	55.20	54.76	54.33	53.90	53.49	53.07	52.67	52.27	51.87	51.49	51.11	50.74	50.36	69
70	57.37	56.91	56.45	56.—	55.55	55.12	54.68	54.26	53.84	53.43	53.03	52.63	52.				

Таблица VI:  $\frac{(80-112)}{(94-137)}$

1	94	95	96	97	98	99	100	101	102	103	104	105	106	107	108	109	110	111	112	113	114
80	85.10	84.21	83.33	82.47	81.63	80.81	80.—	79.21	78.43	77.67	76.92	76.19	75.46	74.76	74.07	73.39	72.72	72.07	71.42	70.79	70.16
81	86.17	85.26	84.37	83.50	82.65	81.82	81.—	80.20	79.41	78.64	77.88	77.14	76.41	75.69	75.—	74.81	73.63	72.97	72.32	71.68	71.03
82	87.23	86.31	85.41	84.53	83.67	82.83	82.—	81.19	80.39	79.61	78.84	78.09	77.35	76.63	75.92	75.23	74.54	73.87	73.21	72.56	71.93
83	88.30	87.37	86.46	85.57	84.69	83.84	83.—	82.18	81.37	80.58	79.81	79.05	78.29	77.56	76.85	76.15	75.45	74.77	74.10	73.45	72.81
84	89.36	88.42	87.50	86.60	85.71	84.85	84.—	83.17	82.35	81.55	80.77	80.00	79.24	78.50	77.78	77.06	76.36	75.67	75.00	74.33	73.68
85	90.42	89.47	88.54	87.63	86.73	85.86	85.—	84.16	83.33	82.52	81.73	80.95	80.18	79.43	78.70	77.98	77.27	76.58	75.19	75.22	74.56
86	91.49	90.52	89.58	88.66	87.75	86.87	86.—	85.15	84.31	83.49	82.69	81.90	81.12	80.37	79.63	78.90	78.17	77.48	76.78	76.10	75.44
87	92.55	91.58	90.62	89.69	88.77	87.88	87.—	86.14	85.29	81.47	83.65	82.86	82.07	81.30	80.55	79.81	79.03	78.38	77.67	76.99	76.92
88	93.62	92.68	91.66	90.72	89.79	88.89	88.—	87.13	86.27	85.44	84.61	83.81	83.01	82.24	81.48	80.73	80.—	79.28	78.57	77.87	77.19
89	94.68	93.68	92.71	91.75	90.81	89.90	89.—	88.12	87.25	86.41	85.58	84.76	83.95	83.17	82.41	81.65	80.91	80.18	79.46	78.76	78.07
90	95.74	94.74	93.75	92.78	91.84	90.91	90.—	89.11	88.23	87.38	86.54	85.71	84.90	84.11	83.33	82.57	81.82	81.08	80.35	79.64	78.96
91	96.81	95.79	94.79	93.81	92.86	91.92	91.—	90.10	89.21	88.35	87.50	86.67	85.84	85.04	84.26	83.48	82.72	81.98	81.24	80.53	79.83
92	97.87	96.84	95.83	94.84	93.88	92.93	92.—	91.09	90.19	89.32	88.46	87.62	86.78	85.97	85.18	84.40	83.63	82.88	82.14	81.41	80.70
93	98.93	97.89	96.87	95.88	94.90	93.94	93.—	92.08	91.18	90.29	89.42	88.57	87.73	86.91	86.11	85.32	84.54	83.78	83.03	82.30	81.58
94	100.	98.95	97.91	96.91	95.92	94.95	94.—	93.07	92.16	91.26	90.38	89.52	88.67	87.84	87.08	86.24	85.45	84.68	83.92	83.18	82.46
95	101.06	100.—	98.96	97.94	96.94	95.96	95.—	94.06	93.14	92.28	91.34	90.47	89.61	88.78	87.96	87.15	86.36	85.59	84.82	84.07	83.33
96	102.13	101.05	100.—	98.97	97.96	96.97	96.—	95.05	94.12	93.20	92.31	91.48	90.56	89.71	88.89	88.07	87.26	86.49	85.71	84.95	84.21
97	103.19	102.10	101.04	100.—	98.98	97.98	97.—	96.04	95.10	94.17	93.27	92.38	91.50	90.65	89.81	88.99	88.17	87.39	86.60	85.84	85.09
98	104.25	103.16	102.08	101.03	100.—	98.99	98.—	97.03	96.08	95.14	94.23	93.33	92.44	91.58	90.74	89.91	89.08	88.29	87.49	86.72	85.97
99	105.32	104.21	103.12	102.06	101.02	100.—	99.—	98.02	97.06	96.11	95.19	94.28	93.39	92.52	91.66	90.82	90.00	89.19	88.39	87.61	86.84
100	106.38	105.26	104.17	103.09	102.04	101.01	100.—	99.01	98.04	97.09	96.15	95.24	94.33	93.45	92.59	91.74	90.91	90.09	89.28	88.49	87.73
101	106.31	105.21	104.12	103.06	102.02	101.—	100.—	99.02	98.06	97.11	96.19	95.27	94.38	93.52	92.66	91.82	90.99	90.17	89.37	88.60	87.83
102	106.25	105.15	104.08	103.03	102.—	100.99	100.—	99.03	98.07	97.14	96.22	95.32	94.44	93.58	92.73	91.89	91.07	90.26	89.47	88.67	87.88
103	106.18	105.10	104.04	103.—	101.98	100.98	100.00	99.04	98.09	97.16	96.25	95.37	94.49	93.63	92.79	91.96	91.14	90.35	89.52	88.71	87.90
104	106.12	105.05	104.—	102.97	101.96	100.97	100.—	99.05	98.10	97.19	96.29	95.41	94.54	93.69	92.85	92.03	91.23	90.42	89.61	88.79	87.98
105	106.06	105.—	103.96	102.94	101.94	100.96	100.—	99.05	98.12	97.22	96.33	95.45	94.59	93.74	92.91	92.11	91.31	90.50	89.68	88.87	87.99
106	106.—	104.95	103.92	102.91	101.92	100.95	100.—	99.06	98.15	97.24	96.35	95.50	94.64	93.80	92.98	92.17	91.36	90.55	89.74	88.93	87.99
107	105.94	104.90	103.88	102.88	101.90	100.93	100.—	99.07	98.16	97.26	96.34	95.50	94.60	93.78	92.97	92.15	91.34	90.53	89.72	88.91	87.98
108	105.88	104.85	103.84	102.85	101.88	100.93	100.—	99.08	98.17	97.30	96.42	95.57	94.74	93.93	93.12	92.31	91.50	90.69	89.88	88.97	87.94
109	105.82	104.77	103.73	102.72	101.72	100.75	100.—	99.09	98.18	97.37	96.52	95.69	94.89	94.08	93.27	92.46	91.65	90.84	90.03	89.22	88.41
110	105.76	104.71	103.66	102.65	101.64	100.67	100.—	99.10	98.19	97.38	96.53	95.72	94.91	94.10	93.29	92.48	91.67	90.86	90.05	89.24	88.43
111	105.71	104.66	103.59	102.58	101.57	100.60	100.—	99.11	98.20	97.39	96.54	95.73	94.92	94.11	93.30	92.49	91.68	90.87	90.06	89.25	88.44
112	105.66	104.61	103.54	102.53	101.52	100.55	100.—	99.12	98.21	97.40	96.55	95.74	94.93	94.12	93.31	92.50	91.69	90.88	90.07	89.26	88.45
113	105.61	104.56	103.49	102.48	101.47	100.50	100.—	99.13	98.22	97.41	96.56	95.75	94.94	94.13	93.32	92.51	91.70	90.89	90.08	89.27	88.46
114	105.56	104.51	103.44	102.43	101.42	100.45	100.—	99.14	98.23	97.42	96.57	95.76	94.95	94.14	93.33	92.52	91.71	90.90	90.09	89.28	88.47
115	105.51	104.46	103.39	102.38	101.37	100.40	100.—	99.15	98.24	97.43	96.58	95.77	94.96	94.15	93.34	92.53	91.72	90.91	90.10	89.29	88.48
116	105.46	104.41	103.34	102.33	101.32	100.35	100.—	99.16	98.25	97.44	96.59	95.78	94.97	94.16	93.35	92.54	91.73	90.92	90.11	89.30	88.49
117	105.41	104.36	103.30	102.29	101.28	100.31	100.—	99.17	98.26	97.45	96.60	95.79	94.98	94.17	93.36	92.55	91.74	90.93	90.12	89.31	88.50
118	105.37	104.31	103.25	102.24	101.23	100.26	100.—	99.18	98.27	97.46	96.61	95.80	94.99	94.18	93.37	92.56	91.75	90.94	90.13	89.32	88.51
119	105.32	104.26	103.20	102.19	101.18	100.21	100.—	99.19	98.28	97.47	96.62	95.81	94.99	94.18	93.38	92.57	91.76	90.95	90.14	89.33	88.52
120	105.27	104.21	103.16	102.15	101.14	100.17	100.—	99.20	98.29	97.48	96.63	95.82	94.99	94.18	93.39	92.58	91.77	90.96	90.15	89.34	88.53
121	105.22	104.16	103.11	102.10	101.09	100.12	100.—	99.21	98.30	97.49	96.64	95.83	94.99	94.19	93.40	92.59	91.78	90.97	90.16	89.35	88.54
122	105.17	104.11	103.06	102.05	101.04	100.07	100.—	99.22	98.31	97.50	96.65	95.84	94.99	94.18	93.41	92.60	91.79	90.98	90.17	89.36	88.55
123	105.12	104.07	10																		

## юбный. Indice stéphanique

117	118	119	120	121	122	123	124	125	126	127	128	129	130	131	132	133	134	135	136	137
.8547	0.8474	0.8403	0.8383	0.8264	0.8196	0.8180	0.8064	0.8000	0.7936	0.7874	0.7812	0.7752	0.7692	0.7683	0.7575	0.7518	0.7462	0.7407	0.7353	0.7299
68.88	67.79	67.22	66.66	66.11	65.57	65.04	64.51	64.00	63.49	62.99	62.50	62.02	61.54	61.07	60.60	60.14	59.70	59.26	58.82	58.39
69.23	68.64	68.06	67.50	67.94	66.39	65.85	65.32	64.80	64.28	63.78	63.28	62.79	62.31	61.83	61.36	60.90	60.44	60.00	59.56	59.12
70.09	69.49	68.90	68.33	67.77	67.21	66.67	66.12	65.60	65.08	64.57	64.06	63.57	63.07	62.59	62.12	61.65	61.19	60.74	60.29	59.85
70.94	70.83	69.75	69.16	68.59	68.03	67.48	66.93	66.40	65.87	65.35	64.84	64.34	63.84	63.35	62.87	62.40	61.93	61.48	61.03	60.58
71.79	71.18	70.59	70.—	69.42	68.85	68.29	67.74	67.20	66.66	66.14	65.62	65.12	64.61	64.12	63.63	63.15	62.68	62.22	61.77	61.31
72.65	72.03	71.43	70.83	70.24	69.67	69.10	68.55	68.—	67.46	66.93	66.40	65.89	65.38	64.88	64.39	63.91	63.43	62.96	62.50	62.04
73.50	72.88	72.27	71.66	71.07	70.49	69.92	69.35	68.80	68.25	67.71	67.18	66.67	66.15	65.65	65.15	64.66	64.18	63.70	63.23	62.77
74.36	73.72	73.11	72.50	71.90	71.31	70.73	70.16	69.60	69.04	68.50	67.97	67.44	66.92	66.41	65.91	65.41	64.92	64.44	63.97	63.50
75.21	74.57	73.95	73.33	72.72	72.13	71.54	70.96	70.40	69.84	69.29	68.75	68.21	67.69	67.17	66.67	66.16	65.67	65.18	64.70	64.23
76.07	75.42	74.79	74.16	73.55	72.95	72.35	71.77	71.20	70.63	70.08	69.53	68.99	68.46	67.94	67.42	66.91	66.41	65.92	65.44	64.96
76.92	76.27	75.63	75.—	74.37	73.77	73.17	72.58	72.—	71.43	70.86	70.31	69.76	69.28	68.70	68.18	67.57	67.16	66.67	66.17	65.69
77.78	77.11	76.47	75.83	75.20	74.59	73.98	73.38	72.80	72.22	71.65	71.09	70.54	70.00	69.46	68.94	68.42	67.91	67.41	66.91	66.42
78.63	77.96	77.31	76.67	76.03	75.41	74.79	74.19	73.60	73.01	72.44	71.87	71.32	70.77	70.23	69.69	69.17	68.65	68.15	67.64	67.15
79.49	78.81	78.15	77.50	76.85	76.23	75.61	75.—	74.40	73.81	73.23	72.65	72.09	71.54	70.99	70.45	69.92	69.40	68.89	68.38	67.88
80.34	79.66	78.99	78.33	77.68	77.05	76.42	75.80	75.20	74.60	74.01	73.43	72.87	72.30	71.75	71.21	70.67	70.15	69.63	69.11	68.61
81.20	80.50	79.83	79.16	78.50	77.87	77.23	76.61	76.—	75.39	74.80	74.22	73.64	73.07	72.52	71.97	71.43	70.89	70.37	69.85	69.34
82.05	81.35	80.67	80.—	79.33	78.69	78.05	77.42	76.80	76.19	75.59	75.—	74.42	73.84	73.28	72.72	72.18	71.64	71.11	70.59	70.07
82.91	82.20	81.51	80.83	80.16	79.51	78.86	78.22	77.60	76.98	76.38	75.78	75.19	74.61	74.04	73.48	72.93	72.38	71.85	71.32	70.80
83.76	83.05	82.35	81.67	80.98	80.33	79.67	79.03	78.40	77.77	77.16	76.56	75.97	75.38	74.81	74.24	73.68	73.18	72.59	72.06	71.53
84.62	83.89	83.19	82.50	81.82	81.15	80.48	79.84	79.20	78.57	77.95	77.34	76.74	76.15	75.57	75.—	74.43	73.88	73.33	72.79	72.26
85.47	84.74	84.07	83.33	82.64	81.97	81.30	80.64	80.00	79.37	78.74	78.12	77.52	76.92	76.33	75.76	75.18	74.62	74.07	73.53	72.99
86.33	85.59	84.87	84.16	83.46	82.79	82.11	81.45	80.80	80.16	79.52	78.90	78.29	77.69	77.10	76.52	75.94	75.37	74.81	74.26	73.72
87.18	86.44	85.72	85.—	84.29	83.61	82.92	82.25	81.60	80.96	80.31	79.68	79.07	78.46	77.86	77.27	76.69	76.12	75.55	75.—	74.45
88.03	87.28	86.56	85.83	85.12	84.42	83.74	83.06	82.40	81.75	81.10	80.47	79.84	79.23	78.62	78.03	77.44	76.86	76.29	75.73	75.18
88.89	88.13	87.40	86.67	85.94	85.24	84.55	83.87	83.20	82.53	81.89	81.25	80.62	80.—	79.39	78.79	78.19	77.61	77.03	76.47	75.19
89.74	88.98	88.24	87.50	86.77	86.06	85.36	84.67	84.—	83.32	82.67	82.03	81.39	80.77	80.15	79.54	78.94	78.35	77.78	77.20	76.64
90.60	89.83	89.08	88.33	87.59	86.88	86.18	85.48	84.80	84.12	83.46	82.81	82.17	81.54	80.91	80.30	79.69	79.10	78.52	77.94	77.37
91.45	90.67	89.92	89.16	88.42	87.70	86.99	86.29	85.60	84.92	84.25	83.59	82.94	82.30	81.68	81.06	80.45	79.85	79.26	78.67	78.10
92.31	91.52	90.76	90.—	89.25	88.52	87.80	87.09	86.40	85.71	85.04	84.37	83.72	83.07	82.44	81.82	81.20	80.59	80.—	79.41	78.83
93.16	92.57	91.60	90.88	90.07	89.34	88.61	87.90	87.20	86.50	85.82	85.15	84.49	83.84	83.20	82.58	81.95	81.84	80.74	80.14	79.56
94.02	93.21	92.44	91.67	90.90	90.16	89.43	88.71	88.—	87.30	86.61	85.93	85.27	84.61	83.97	83.33	82.70	82.08	81.48	80.89	80.29
94.87	94.06	93.28	92.50	91.73	90.98	90.24	89.51	88.80	88.09	87.40	86.71	86.04	85.38	84.73	84.09	83.45	82.88	82.22	81.62	81.02
95.73	94.91	94.12	93.33	92.55	91.80	91.05	90.32	89.60	88.88	88.19	87.50	86.82	86.15	85.49	84.85	84.21	83.58	82.96	82.35	81.75

Таблица VII:  $\left( \begin{array}{c} 23 - 50 \\ 35 \quad 70 \end{array} \right)$ 

Указатель нёбный и челюст.

23	65.71	63.89	62.16	60.52	58.97	57.50	56.10	54.76	53.49	52.27	51.11	50 —	48.93	47.92	46.94	46. —	45.10	44. —
24	68.57	66.97	64.86	63.16	61.54	60.00	58.54	57.14	55.81	54.54	53.33	52.17	51.06	50. —	48.98	48. —	47.06	46. —
25	71.43	69.44	67.57	65.79	64.70	62.50	60.97	59.52	58.14	56.82	55.55	54.35	53.19	52.08	51.02	50. —	49.02	48. —
26	74.28	72.22	70.27	68.42	66.67	65.00	63.41	61.90	60.46	59.09	57.78	56.52	55.32	54.17	53.06	52. —	50.98	50. —
	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52
1	2.857	2.778	2.708	2.631	2.564	2.500	2.439	2.381	2.325	2.272	2.222	2.174	2.1276	2.0833	2.0408	2.0000	1.9607	1.9204
27	77.14	75.00	72.98	71.03	69.23	67.50	65.85	64.28	62.79	61.36	60. —	58.69	57.44	56.25	55.10	54. —	52.94	51. —
28	80. —	77.77	75.68	73.67	71.79	70. —	69.29	66.66	65.11	63.63	62.22	60.87	59.57	58.33	57.14	56. —	54.90	53. —
29	82.86	80.54	78.38	76.30	74.35	72.50	70.73	69.04	67.44	65.91	64.44	63.04	61.70	60.41	59.18	58. —	56.86	55. —
—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
30	85.91	83.31	81.08	78.93	76.92	75. —	73.17	71.43	69.76	68.18	66.66	65.21	63.88	62.50	61.22	60. —	58.82	57. —
31	88.57	86.09	83.76	81.56	79.48	77.50	75.61	73.81	72.08	70.45	68.89	67.89	65.95	64.58	63.26	62. —	60.78	59. —
32	91.43	88.89	86.48	84.21	81.05	80. —	78.05	76.19	74.42	72.72	71.11	69.56	68.08	66.67	65.30	64. —	62.75	61. —
33	94.28	91.67	89.19	86.84	84.61	82.50	80.48	78.57	76.74	75. —	73.83	71.73	70.20	68.75	67.34	66. —	64.71	63. —
34	97.14	94.44	91.89	89.47	87.18	85. —	82.92	80.95	79.07	77.27	75.55	73.91	72.34	70.83	68.89	68. —	66.67	65. —
35	100. —	97.22	94.59	92.10	89.74	87.50	85.36	83.33	81.39	79.54	77.77	76.08	75.46	72.92	71.42	70. —	68.63	67. —
36	102.85	100. —	97.30	94.73	92.30	90. —	87.80	85.71	83.72	81.82	80. —	78.26	77.59	75. —	73.46	72. —	70.59	69. —
37	105.71	102.78	100. —	97.37	94.87	92.50	90.24	88.09	86.04	84.09	82.22	80.42	79.72	77.08	75.51	74. —	72.55	71. —
38	108.57	105.53	102.71	100. —	97.43	95. —	92.68	90.47	88.37	86.36	84.44	82.61	81.85	79.17	77.55	76. —	74.51	73. —
39	111.42	108.33	105.41	102.63	100. —	97.50	95.12	92.85	90.69	88.63	86.66	84.78	83.98	81.25	79.59	78. —	76.47	75. —
40	114.28	111.12	108.12	105.26	102.56	100. —	97.56	95.24	93.01	90.90	88.89	86.95	85.10	83.33	81.63	80. —	78.43	76. —
41	117.14	113.90	110.82	107.87	105.12	102.50	100. —	97.62	95.33	93.16	91.10	89.13	87.23	85.42	83.67	82. —	80.39	78. —
42	120. —	116.68	113.53	110.51	107.69	105. —	102.44	100. —	97.65	95.43	93.32	91.30	89.36	87.50	85.71	84. —	82.35	80. —
43	122.85	119.46	116.23	113.11	110.25	107.50	104.88	102.38	99.98	97.71	95.55	93.48	91.48	89.58	87.75	86. —	84.31	83. —
44	125.71	122.23	118.93	115.77	112.82	110. —	107.32	104.76	102.30	99.99	97.77	95.65	93.61	91.67	89.79	88. —	86.27	84. —
45	128.57	125.01	121.64	118.40	115.38	112.50	109.75	107.14	104.63	102.26	99.99	97.83	95.74	93.75	91.83	90. —	88.23	86. —
46	131.42	127.79	124.34	121.03	117.94	115. —	112.20	109.52	106.95	104.53	102.21	100. —	97.87	95.85	93.87	92. —	90.20	88. —
47	134.28	130.57	127.04	123.66	120.51	117.50	114.63	111.90	109.28	106.80	104.43	102.17	99.99	97.92	95.91	94. —	92.16	90. —
48	137.14	133.35	129.74	126.29	123.07	120. —	117.07	114.28	111.60	109.07	106.65	104.35	102.12	100. —	97.95	96. —	94.12	92. —
49	140. —	136.11	132.45	128.92	125.64	122.50	119.51	116.66	113.93	111.34	108.88	106.52	104.24	102.08	100. —	98. —	96.08	94. —
50	142.82	138.90	135.15	131.55	128.30	125. —	121.95	119.05	116.25	113.60	111.10	108.70	106.38	105.16	102.04	100. —	98.04	96. —
0.50	1.42	1.38	1.35	1.31	1.28	1.25	1.22	1.19	1.16	1.13	1.11	1.08	1.06	1.05	1.02	1. —	0.98	0. —

e Palatin et Mandibulaire.

9	42.59	41.82	41.07	40.85	39.65	38.98	38.33	37.70	37.09	36.51	35.94	35.98	34.85	34.33	33.82	33.93	32.86	23
9	44.44	43.64	42.86	42.10	41.38	40.68	40.—	39.34	38.71	38.09	37.50	36.92	36.36	35.82	35.29	34.78	34.28	24
7	46.29	45.45	44.64	43.86	43.10	42.37	41.67	40.98	40.32	39.68	39.06	38.46	37.88	37.31	36.76	36.23	35.71	25
5	48.15	47.27	46.43	45.61	44.83	44.06	43.83	42.62	41.93	41.27	40.62	40.00	39.39	38.80	38.23	37.68	37.14	26
3	54	55	56	57	58	59	60	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	
7	1.8518	1.818	1.7857	1.7543	1.724	1.6949	1.6667	1.6393	1.6129	1.5873	1.5625	1.5984	1.5151	1.4926	1.4706	1.4492	1.4286	1
4	50.—	49.09	48.21	47.87	46.55	45.76	45.—	44.26	43.55	42.86	42.19	41.54	40.91	40.30	39.71	39.13	38.57	27
3	51.85	50.91	50.—	49.12	48.27	47.45	46.66	49.90	45.16	44.44	43.75	43.08	42.42	41.79	41.18	40.58	40.—	28
1	53.70	52.72	51.78	50.88	50.—	49.15	48.33	47.54	46.77	46.08	45.31	44.61	43.94	43.28	42.65	42.03	41.43	29
—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
0	55.55	54.54	53.57	52.63	51.72	50.84	50.—	49.18	48.39	47.62	46.87	46.15	45.45	44.78	44.11	43.48	42.86	30
9	57.41	56.86	55.36	54.98	53.54	52.54	51.67	50.82	50.—	49.21	48.44	47.69	46.97	46.27	45.59	44.98	44.29	31
7	59.26	58.18	57.14	56.14	55.17	54.23	53.34	52.46	51.61	50.79	50.—	49.23	48.48	47.76	47.06	46.37	45.72	32
3	61.11	59.99	58.93	57.89	56.89	55.92	55.—	54.10	53.23	52.38	51.56	50.77	50.—	49.25	48.59	47.82	47.14	33
5	62.96	61.81	60.71	59.65	58.62	57.65	56.67	55.74	54.84	53.97	53.13	52.31	51.51	50.75	50.—	49.27	48.57	34
3	64.81	63.63	62.50	61.40	60.94	59.81	58.34	57.38	56.45	55.56	54.69	53.84	53.03	52.24	51.47	50.72	50.—	35
2	66.66	65.45	64.29	63.15	62.06	61.01	60.—	59.02	58.06	57.14	56.25	55.38	54.54	53.73	52.94	52.17	51.43	36
6	68.52	67.27	66.07	64.91	63.78	62.70	61.67	60.65	59.68	58.73	57.81	56.92	56.06	55.22	54.41	53.62	52.86	37
0	70.37	69.08	67.86	66.66	65.51	64.40	63.34	62.29	61.29	60.32	59.98	58.46	57.57	56.72	55.88	55.07	54.29	38
3	72.22	70.90	69.64	68.42	67.24	66.09	65.01	63.93	62.90	61.91	60.94	60.—	59.09	58.21	57.35	56.52	55.72	39
7	74.07	72.72	71.43	70.17	68.96	67.79	66.67	65.57	64.51	63.49	62.50	61.53	60.60	59.70	58.82	57.97	57.14	40
5	71.92	74.54	73.21	71.93	70.68	69.48	68.38	67.21	66.13	65.08	64.07	63.07	62.12	61.19	60.29	59.42	58.57	41
4	77.78	76.36	75.—	73.68	72.41	71.18	70.01	68.85	67.74	66.67	65.63	64.61	63.68	62.69	61.77	60.87	60.—	42
2	79.63	78.17	76.79	75.43	74.13	72.87	71.67	70.49	69.35	68.25	67.19	66.15	65.15	64.18	63.24	62.32	61.43	43
1	81.48	79.99	78.57	77.19	75.86	74.57	73.34	72.13	70.97	69.84	68.76	67.69	66.66	65.67	64.71	63.76	62.86	44
0	83.33	81.81	80.86	78.95	77.58	76.26	75.01	73.77	72.58	71.43	70.32	69.23	68.17	67.16	66.18	65.21	64.29	45
0	85.18	83.63	81.14	80.70	79.30	77.96	76.67	75.41	74.19	73.02	71.88	70.77	69.69	68.66	67.65	66.66	65.72	46
7	87.03	85.44	83.98	82.45	81.03	79.65	78.34	77.05	71.81	74.60	73.44	72.30	71.21	70.15	69.12	68.11	67.14	47
6	88.89	87.26	85.71	84.21	82.75	81.85	80.01	78.67	77.42	76.19	75.01	73.84	72.72	71.64	70.59	69.56	68.57	48
5	90.74	89.08	87.50	85.96	84.48	83.04	81.67	80.83	79.03	77.78	76.57	75.98	74.24	73.13	72.06	71.01	70.—	49
9	92.59	90.90	89.29	87.72	86.20	84.74	83.34	81.97	80.64	79.37	78.13	76.92	75.75	74.63	73.58	72.46	71.43	50
0	0.92	0.91	0.89	0.87	0.86	0.84	0.83	0.82	0.81	0.79	0.78	0.76	0.75	0.74	0.73	0.72	0.71	0.50

**Носовой указатель. Indice nasal.**

36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60	
1	2.777	2.7027	2.6315	2.564	2.500	2.439	2.3809	2.325	2.2727	2.2222	2.1739	2.1276	2.0833	2.0408	2.0000	1.9907	1.923	1.8867	1.8618	1.818	1.7857	1.7643	1.724	1.6949	1.6666
16	44.44	43.24	42.10	41.02	40.—	39.02	38.09	37.20	36.36	35.55	34.78	34.04	33.83	32.65	32.—	31.37	30.77	30.19	29.63	29.09	28.57	28.07	27.58	27.12	26.67
17	47.22	45.95	44.74	43.59	42.50	41.46	40.48	39.53	38.64	37.77	36.96	36.17	35.42	34.69	34.—	33.88	32.69	32.07	31.48	31.91	30.86	29.82	29.31	28.81	28.33
18	50.—	48.66	47.36	46.15	45.—	43.90	42.85	41.86	40.91	40.—	39.13	38.29	37.50	36.73	36.—	35.29	34.61	33.96	33.33	32.73	32.14	31.58	31.03	30.51	30.—
19	52.78	51.85	49.99	48.71	47.50	46.34	45.24	44.18	43.18	42.22	41.30	40.42	39.58	38.77	38.—	37.26	36.53	35.85	35.18	34.54	33.93	33.33	32.76	32.20	31.66
20	55.55	54.05	52.62	51.28	50.—	48.78	47.62	46.61	45.46	44.44	43.48	42.55	41.65	40.81	40.—	39.21	38.46	37.73	37.03	36.36	35.71	35.09	34.48	33.90	33.33
21	58.83	56.76	55.25	53.84	52.60	51.22	50.—	48.83	47.72	46.66	45.65	44.68	43.75	42.85	42.—	41.17	40.88	39.62	38.89	38.18	37.50	36.84	36.20	35.59	35.—
22	61.11	59.46	57.88	56.41	55.—	53.66	52.88	51.16	50.—	48.89	47.82	46.81	45.88	44.90	44.—	43.18	42.80	41.51	40.74	40.—	39.28	38.59	37.93	37.28	36.66
23	63.88	62.16	60.51	58.97	57.50	56.09	54.76	53.49	52.27	51.11	50.—	48.98	47.91	46.94	46.—	45.09	44.23	43.39	42.59	41.81	41.07	40.35	39.65	38.98	38.33
24	66.55	64.86	63.14	61.53	60.—	58.53	57.14	55.81	54.54	53.33	52.17	51.63	50.—	48.98	48.—	47.05	46.15	45.28	44.44	43.63	42.85	42.10	41.38	40.67	40.—
25	69.43	67.57	65.77	64.10	62.50	60.97	59.52	58.13	56.82	55.56	54.34	53.19	52.08	51.03	50.—	49.01	48.07	47.17	46.29	45.45	44.64	43.86	43.10	42.37	41.66
26	72.20	70.27	68.40	66.66	65.—	63.41	61.90	60.46	59.09	57.78	56.62	55.32	54.16	53.08	52.—	50.98	50.—	49.05	48.15	47.27	46.43	45.61	44.82	44.06	43.33
27	74.98	72.98	71.03	69.23	67.50	65.85	64.28	62.79	61.36	60.—	58.69	57.44	56.26	55.10	54.—	52.94	51.92	50.94	50.—	49.09	48.21	47.37	46.55	45.76	45.—
28	77.76	76.68	73.67	71.79	70.—	68.29	66.66	65.11	63.63	62.22	60.87	59.57	58.33	57.14	56.—	54.90	53.86	52.83	51.85	50.91	50.—	49.12	48.27	47.45	46.66
29	80.54	78.38	76.30	74.35	72.50	70.73	69.04	67.44	65.91	64.44	63.04	61.70	60.41	59.18	58.—	58.86	56.77	54.71	53.70	52.72	51.78	50.88	50.—	49.15	48.83
30	88.33	81.08	78.93	76.92	75.—	73.17	71.43	69.76	68.15	66.66	65.21	63.89	62.50	61.22	60.—	58.82	57.69	56.80	55.55	54.54	53.57	52.63	51.72	50.84	50.—
31	86.09	83.78	81.56	79.48	77.50	75.61	73.81	72.08	70.45	68.89	67.39	65.95	64.58	63.96	62.—	60.78	59.61	58.49	57.41	56.36	55.86	54.88	53.44	52.54	51.66
0.50	1.8888	1.8318	1.8116	1.28	1.25	1.19	1.16	1.13	1.11	1.08	1.03	1.04	1.03	1.—	0.98	0.96	0.94	0.92	0.91	0.89	0.87	0.86	0.84	0.83	

## Носовой указатель. Indice nasal.

	<b>36.5</b>	<b>37.5</b>	<b>38.5</b>	<b>39.5</b>	<b>40.5</b>	<b>41.5</b>	<b>42.5</b>	<b>43.5</b>	<b>44.5</b>	<b>45.5</b>	<b>46.5</b>	<b>47.5</b>	<b>48.5</b>	<b>49.5</b>	<b>50.5</b>	<b>51.5</b>	<b>52.5</b>	<b>53.5</b>	<b>54.5</b>	<b>55.5</b>	<b>56.5</b>	<b>57.5</b>	<b>58.5</b>	<b>59.5</b>	<b>60.5</b>
1	<b>2.7402</b>	<b>2.6671</b>	<b>2.5977</b>	<b>2.532</b>	<b>2.4635</b>	<b>2.4099</b>	<b>2.3529</b>	<b>2.2988</b>	<b>2.2473</b>	<b>2.1979</b>	<b>2.1507</b>	<b>2.1054</b>	<b>2.062</b>	<b>2.0204</b>	<b>1.9808</b>	<b>1.9418</b>	<b>1.9048</b>	<b>1.8692</b>	<b>1.8349</b>	<b>1.8018</b>	<b>1.770</b>	<b>1.7391</b>	<b>1.7094</b>	<b>1.6807</b>	<b>1.6529</b>
16	<b>43.84</b>	<b>42.67</b>	<b>41.56</b>	<b>40.51</b>	<b>39.51</b>	<b>38.56</b>	<b>37.64</b>	<b>36.78</b>	<b>35.96</b>	<b>35.17</b>	<b>34.41</b>	<b>33.69</b>	<b>32.89</b>	<b>32.33</b>	<b>31.68</b>	<b>31.07</b>	<b>30.48</b>	<b>29.91</b>	<b>29.86</b>	<b>28.83</b>	<b>28.32</b>	<b>27.83</b>	<b>27.36</b>	<b>26.89</b>	<b>26.46</b>
17	<b>46.58</b>	<b>45.34</b>	<b>44.16</b>	<b>43.04</b>	<b>41.98</b>	<b>40.97</b>	<b>40.</b>	<b>39.08</b>	<b>38.20</b>	<b>37.36</b>	<b>36.56</b>	<b>35.79</b>	<b>35.05</b>	<b>34.36</b>	<b>33.67</b>	<b>33.01</b>	<b>32.38</b>	<b>31.78</b>	<b>31.19</b>	<b>30.63</b>	<b>30.09</b>	<b>29.56</b>	<b>29.06</b>	<b>28.57</b>	<b>28.10</b>
18	<b>49.32</b>	<b>48.01</b>	<b>46.76</b>	<b>45.58</b>	<b>44.45</b>	<b>43.38</b>	<b>42.35</b>	<b>41.38</b>	<b>40.45</b>	<b>39.56</b>	<b>38.71</b>	<b>37.90</b>	<b>37.12</b>	<b>36.37</b>	<b>35.65</b>	<b>34.95</b>	<b>34.29</b>	<b>33.65</b>	<b>33.03</b>	<b>32.48</b>	<b>31.86</b>	<b>31.30</b>	<b>30.77</b>	<b>30.26</b>	<b>29.75</b>
19	<b>52.06</b>	<b>50.67</b>	<b>49.36</b>	<b>48.11</b>	<b>46.92</b>	<b>45.79</b>	<b>44.71</b>	<b>43.68</b>	<b>42.70</b>	<b>41.76</b>	<b>40.86</b>	<b>40.</b>	<b>39.18</b>	<b>38.39</b>	<b>37.63</b>	<b>36.89</b>	<b>36.19</b>	<b>35.51</b>	<b>34.86</b>	<b>34.23</b>	<b>33.63</b>	<b>33.04</b>	<b>32.48</b>	<b>31.98</b>	<b>31.41</b>
20	<b>54.80</b>	<b>53.94</b>	<b>51.95</b>	<b>50.64</b>	<b>49.39</b>	<b>48.20</b>	<b>47.06</b>	<b>45.98</b>	<b>44.95</b>	<b>43.96</b>	<b>43.01</b>	<b>42.11</b>	<b>41.24</b>	<b>40.41</b>	<b>39.61</b>	<b>38.84</b>	<b>38.10</b>	<b>37.38</b>	<b>36.70</b>	<b>36.04</b>	<b>35.40</b>	<b>34.78</b>	<b>34.19</b>	<b>33.61</b>	<b>33.06</b>
21	<b>57.54</b>	<b>56.01</b>	<b>54.56</b>	<b>53.17</b>	<b>51.86</b>	<b>50.61</b>	<b>49.41</b>	<b>48.27</b>	<b>47.19</b>	<b>46.16</b>	<b>45.16</b>	<b>44.21</b>	<b>43.30</b>	<b>42.43</b>	<b>41.59</b>	<b>40.78</b>	<b>40.</b>	<b>39.26</b>	<b>38.53</b>	<b>37.84</b>	<b>37.17</b>	<b>36.52</b>	<b>35.90</b>	<b>35.29</b>	<b>34.71</b>
22	<b>60.28</b>	<b>58.68</b>	<b>57.15</b>	<b>55.70</b>	<b>54.33</b>	<b>53.02</b>	<b>51.76</b>	<b>50.57</b>	<b>49.44</b>	<b>48.35</b>	<b>47.32</b>	<b>46.32</b>	<b>45.36</b>	<b>44.45</b>	<b>43.67</b>	<b>42.72</b>	<b>41.91</b>	<b>41.12</b>	<b>40.87</b>	<b>39.64</b>	<b>38.94</b>	<b>38.26</b>	<b>37.61</b>	<b>36.98</b>	<b>36.36</b>
23	<b>63.02</b>	<b>61.34</b>	<b>59.75</b>	<b>58.24</b>	<b>56.80</b>	<b>55.43</b>	<b>54.12</b>	<b>52.87</b>	<b>51.69</b>	<b>50.55</b>	<b>49.47</b>	<b>48.42</b>	<b>47.48</b>	<b>46.47</b>	<b>45.55</b>	<b>44.66</b>	<b>43.81</b>	<b>42.99</b>	<b>42.20</b>	<b>41.44</b>	<b>40.71</b>	<b>40.</b>	<b>39.81</b>	<b>38.66</b>	<b>38.02</b>
24	<b>65.76</b>	<b>64.01</b>	<b>62.34</b>	<b>60.77</b>	<b>59.27</b>	<b>57.85</b>	<b>56.47</b>	<b>55.17</b>	<b>53.94</b>	<b>52.75</b>	<b>51.62</b>	<b>50.53</b>	<b>49.49</b>	<b>48.49</b>	<b>47.58</b>	<b>46.60</b>	<b>45.71</b>	<b>44.86</b>	<b>44.04</b>	<b>43.24</b>	<b>42.48</b>	<b>41.74</b>	<b>41.08</b>	<b>40.34</b>	<b>39.67</b>
25	<b>68.51</b>	<b>66.68</b>	<b>64.94</b>	<b>63.30</b>	<b>61.74</b>	<b>60.25</b>	<b>58.82</b>	<b>57.47</b>	<b>56.18</b>	<b>54.95</b>	<b>53.77</b>	<b>52.64</b>	<b>51.55</b>	<b>50.51</b>	<b>49.51</b>	<b>48.55</b>	<b>47.62</b>	<b>46.73</b>	<b>45.87</b>	<b>45.05</b>	<b>44.25</b>	<b>43.48</b>	<b>42.74</b>	<b>42.02</b>	<b>41.32</b>
26	<b>71.24</b>	<b>69.34</b>	<b>67.54</b>	<b>65.88</b>	<b>64.21</b>	<b>62.66</b>	<b>61.18</b>	<b>59.77</b>	<b>58.43</b>	<b>57.15</b>	<b>55.92</b>	<b>54.74</b>	<b>53.61</b>	<b>52.58</b>	<b>51.49</b>	<b>50.49</b>	<b>49.52</b>	<b>48.60</b>	<b>47.71</b>	<b>46.85</b>	<b>46.02</b>	<b>45.22</b>	<b>44.44</b>	<b>43.70</b>	<b>42.96</b>
27	<b>73.98</b>	<b>72.01</b>	<b>70.11</b>	<b>68.36</b>	<b>66.68</b>	<b>65.07</b>	<b>63.58</b>	<b>62.07</b>	<b>60.53</b>	<b>59.34</b>	<b>58.07</b>	<b>56.86</b>	<b>55.67</b>	<b>54.46</b>	<b>53.47</b>	<b>52.48</b>	<b>51.43</b>	<b>50.47</b>	<b>49.51</b>	<b>48.66</b>	<b>47.79</b>	<b>46.96</b>	<b>46.15</b>	<b>45.38</b>	<b>44.68</b>
28	<b>76.72</b>	<b>74.68</b>	<b>72.74</b>	<b>70.89</b>	<b>69.15</b>	<b>67.47</b>	<b>65.88</b>	<b>64.37</b>	<b>62.92</b>	<b>61.54</b>	<b>60.22</b>	<b>58.95</b>	<b>57.73</b>	<b>56.67</b>	<b>55.45</b>	<b>54.87</b>	<b>53.33</b>	<b>52.34</b>	<b>51.87</b>	<b>50.45</b>	<b>49.56</b>	<b>48.69</b>	<b>47.86</b>	<b>47.06</b>	<b>46.28</b>
29	<b>79.46</b>	<b>77.35</b>	<b>75.33</b>	<b>73.43</b>	<b>71.62</b>	<b>69.39</b>	<b>68.23</b>	<b>66.66</b>	<b>65.17</b>	<b>63.74</b>	<b>62.37</b>	<b>61.06</b>	<b>59.80</b>	<b>58.59</b>	<b>57.43</b>	<b>56.31</b>	<b>55.23</b>	<b>54.21</b>	<b>53.21</b>	<b>52.25</b>	<b>51.33</b>	<b>50.43</b>	<b>49.57</b>	<b>48.74</b>	<b>47.93</b>
30	<b>82.20</b>	<b>80.01</b>	<b>77.93</b>	<b>75.96</b>	<b>74.09</b>	<b>72.29</b>	<b>70.59</b>	<b>68.96</b>	<b>67.42</b>	<b>65.94</b>	<b>64.52</b>	<b>63.16</b>	<b>61.86</b>	<b>60.61</b>	<b>59.41</b>	<b>58.25</b>	<b>57.14</b>	<b>56.08</b>	<b>55.05</b>	<b>54.06</b>	<b>53.10</b>	<b>52.17</b>	<b>51.28</b>	<b>50.42</b>	<b>49.59</b>
31	<b>84.94</b>	<b>82.68</b>	<b>80.53</b>	<b>78.49</b>	<b>76.55</b>	<b>74.71</b>	<b>72.94</b>	<b>71.26</b>	<b>69.67</b>	<b>68.13</b>	<b>66.67</b>	<b>65.27</b>	<b>63.92</b>	<b>62.63</b>	<b>61.39</b>	<b>60.20</b>	<b>59.04</b>	<b>57.95</b>	<b>56.88</b>	<b>55.91</b>	<b>54.87</b>	<b>53.91</b>	<b>52.99</b>	<b>52.10</b>	<b>51.24</b>
0.50	<b>1.37</b>	<b>1.33</b>	<b>1.30</b>	<b>1.27</b>	<b>1.23</b>	<b>1.20</b>	<b>1.18</b>	<b>1.15</b>	<b>1.12</b>	<b>1.10</b>	<b>1.08</b>	<b>1.05</b>	<b>1.03</b>	<b>1.01</b>	<b>0.99</b>	<b>0.97</b>	<b>0.95</b>	<b>0.93</b>	<b>0.90</b>	<b>0.88</b>	<b>0.87</b>	<b>0.85</b>	<b>0.84</b>	<b>0.83</b>	

**Указатели:** затылочный и глазничный. (Indices occipital et orbitaire).

	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47
1	3.571	3.448	3.333	3.226	3.125	3.030	2.941	2.857	2.778	2.708	2.631	2.564	2.500	2.439	2.381	3.325	2.272	2.222	2.174	2.127
25	89.28	86.21	88.33	80.64	78.12	75.76	73.53	71.43	69.44	67.57	65.79	64.10	62.50	60.97	59.52	58.14	56.82	55.55	54.34	53.19
26	92.85	89.66	86.67	83.87	81.25	78.79	76.47	74.28	72.22	70.27	68.42	66.67	65.—	63.41	61.90	60.46	59.09	57.77	56.52	55.32
27	96.43	93.10	90.—	87.10	84.37	81.82	79.41	77.14	75.—	72.97	71.05	69.23	67.50	65.85	64.28	62.79	61.36	60.—	58.69	57.44
28	100.—	96.55	98.33	90.32	87.50	84.85	82.35	80.—	77.78	75.67	73.68	71.79	70.—	68.29	66.66	65.11	63.63	62.22	60.87	59.57
29	108.57	100.—	96.67	93.55	90.62	87.88	85.29	82.86	80.55	78.38	76.31	74.36	72.50	70.73	69.03	67.44	65.90	64.44	63.04	61.70
30	107.14	108.47	100.—	96.77	93.75	90.91	88.23	85.71	83.93	81.07	78.95	76.92	75.—	73.17	71.43	69.77	68.18	66.67	65.22	63.83
31		106.99	103.33	100.—	96.87	93.94	91.18	88.57	86.11	83.78	81.58	79.48	77.50	75.61	73.81	72.09	70.45	68.69	67.39	65.95
32			106.66	103.22	100.—	96.97	94.12	91.43	88.89	86.48	84.21	82.05	80.—	78.05	76.19	74.42	72.72	71.11	69.56	68.08
33				106.45	103.12	100.—	97.06	94.28	91.67	89.19	86.84	84.61	82.50	80.48	78.57	76.74	75.—	73.33	71.73	70.20
34					106.25	103.03	100.—	97.14	94.44	91.89	89.47	87.18	85.—	82.92	80.95	79.07	77.27	75.55	73.91	72.34
35						106.06	102.94	100.—	97.22	94.59	92.10	89.74	87.50	85.36	83.33	81.39	79.54	77.77	76.08	75.46
36						105.98	102.85	100.—	97.30	94.73	92.80	90.—	87.80	85.71	83.72	81.82	80.—	78.26	77.59	
37							105.71	102.78	100.—	97.37	94.87	92.50	90.24	88.09	86.04	84.09	82.22	80.42	79.72	
38							105.55	102.70	100.—	97.43	95.—	92.68	90.47	88.37	86.36	84.44	82.61	81.85		
39								105.40	102.63	100.—	97.50	95.12	92.85	90.69	88.68	86.66	84.78	83.98		
40									105.26	102.56	100.—	97.56	95.24	93.02	90.91	88.89	86.95	85.10		
0.50	1.78	1.72	1.66	1.61	1.56	1.51	1.47	1.42	1.38	1.35	1.31	1.28	1.25	1.22	1.19	1.16	1.13	1.11	1.08	1.06
0.38	1.19	1.15	1.11	1.07	1.04	1.01	0.98	0.95	0.92	0.90	0.87	0.85	0.88	0.81	0.79	0.77	0.75	0.74	0.72	0.70

Указатели: затылочный и глазничный. Indices: occipital et orbitaire).

	28.5	29.5	30.5	31.5	32.5	33.5	34.5	35.5	36.5	37.5	38.5	39.5	40.5	41.5	42.5	43.5	44.5	45.5	46.5	47.5
1	8.508	3.3898	3.278	3.174	3.0769	2.985	2.898	2.8168	2.7897	1.6666	2.597	2.531	2.469	2.409	2.3529	2.2968	2.247	2.1978	2.150	
25	87.72	84.74	81.96	79.36	76.92	74.62	72.46	70.42	69.49	66.66	64.93	63.29	61.72	60.24	58.82	57.47	56.18	54.94	53.76	
26	91.23	88.18	85.24	82.54	80.—	77.61	75.36	73.23	71.23	69.83	67.53	65.82	64.19	62.65	61.17	59.77	58.42	57.14	55.91	

Дуги въ градусахъ и величина соотвѣтствующихъ тригонометрическихъ линій. Радиусъ 100 mm.

**Arcs par degrés.** Valeur des lignes trigonométriques correspondantes. Le rayon est de 100 mm.

Градусы (角度) стороны	R=100 Синусъ	Разность	R=100 Косинусъ	Разность	Тангенсъ	Разность	Котан- гентъ	Разность	Градусы	Синусъ	Разность	Косинусъ	Разность	Тангенсъ	Разность	Котан- гентъ	Разность
1°	1.74	1.74	99.98	0.02	1.74	1.74	5728.99		46°	71.93	1.24	69.47	1.24	103.55	9.68	96.57	3.43
2°	3.49		99.94	0.05	3.49	1.75	2863.62		47°	73.13	1.20	68.20	1.26	107.24	3.82	93.25	3.92
3°	5.23		99.86	0.08	5.24	1.75	1908.11		48°	74.31	1.18	66.91	1.28	111.06	3.98	90.04	3.21
4°	6.97		99.76	0.11	6.99	1.76	1430.06		49°	75.47	1.16	65.61	1.31	115.04	4.14	86.93	3.11
5°	8.71	1.73	99.62	0.14	8.75	1.76	1143.00		50°	76.60	1.13	64.28	1.33	119.18	83.91	3.02	
6°	10.45		99.45	0.17	10.51	1.77	951.44		51°	77.71	1.11	62.93	1.35	123.49	4.81	80.98	2.93
7°	12.19		99.25	0.20	12.28	1.78	814.43		52°	78.80	1.09	61.57	1.37	127.99	4.51	78.13	2.83
8°	13.92		99.03	0.23	14.05	1.78	711.54		53°	79.86	1.06	60.18	1.39	132.70	4.71	75.36	2.77
9°	15.64	1.72	98.77	0.26	15.84	1.79	631.37		54°	80.90	1.04	58.78	1.41	137.61	4.98	72.65	2.70
10°	17.36		98.48	0.29	17.63		567.13		55°	81.91	1.01	57.36	1.42	142.81	5.18	70.02	2.69
11°	19.08	1.71	98.16	0.32	19.44	1.80	514.45		56°	82.90	0.99	55.92	1.44	148.26	5.44	67.45	2.57
12°	20.79	1.70	97.81	0.35	21.26	1.82	470.46		57°	83.87	0.96	54.46	1.46	153.99	5.78	61.94	2.51
13°	22.49		97.44	0.38	23.09	1.83	433.15		58°	84.80	0.93	52.99	1.47	160.03	6.05	62.49	2.46
14°	24.19		97.08	0.41	24.93	1.85	401.08		59°	85.72	0.91	51.50	1.49	166.43	6.39	60.04	2.40
15°	25.88	1.69	96.59	0.44	26.79	1.86	373.20		60°	86.60	0.89	50.—	1.50	173.20	6.78	57.73	2.35
16°	27.56	1.68	96.13	0.47	28.67	1.88	348.74		61°	87.46	0.86	48.48	1.52	180.40	7.20	55.43	2.30
17°	29.24	1.67	95.63	0.49	30.57	1.90	327.08		62°	88.29	0.83	46.95	1.53	188.07	7.67	53.17	2.26
18°	30.90	1.66	95.10	0.52	32.49	1.92	307.77		63°	89.10	0.81	45.40	1.55	196.26	8.19	50.95	2.22
19°	32.56	1.65	94.55	0.55	34.43	1.94	290.42		64°	89.88	0.78	43.84	1.56	205.08	8.77	48.77	2.18
20°	34.20	1.64	93.97	0.58	36.40	1.97	274.75		65°	90.63	0.75	42.26	1.58	214.45	9.42	46.68	2.14
21°	35.84	1.63	93.36	0.61	38.39	1.99	260.51		66°	91.35	0.72	40.67	1.59	224.60	10.15	44.52	2.11
22°	37.46	1.62	92.72	0.64	40.40	2.02	247.51		67°	92.05	0.70	39.07	1.60	235.58	10.97	42.45	2.08
23°	39.07	1.61	92.05	0.67	42.45	2.04	235.58		68°	92.72	0.67	37.46	1.61	247.51	11.92	40.40	2.04
24°	40.67	1.60	91.35	0.70	44.52	2.08	224.60		69°	93.36	0.64	35.84	1.62	260.51	18.—	38.39	2.02
25°	42.26	1.59	90.63	0.72	46.63	2.11	214.45		70°	93.97	0.61	34.20	1.63	274.75	14.24	36.40	1.99
26°	43.84	1.58	89.88	0.75	48.77	2.14	205.08		71°	94.55	0.58	32.56	1.64	290.42	15.67	34.43	1.97
27°	45.40	1.56	89.10	0.78	50.95	2.18	196.26		72°	95.10	0.55	30.90	1.65	307.77	17.88	32.49	1.94
28°	46.95	1.55	88.29	0.81	53.17	2.22	188.07		73°	95.63	0.52	29.24	1.66	327.08	19.82	30.57	1.92
29°	48.48	1.53	87.46	0.83	55.43	2.26	180.40		74°	96.13	0.49	27.56	1.67	348.74	21.66	28.67	1.90
30°	50.—	1.52	86.60	0.86	57.75	2.30	173.20		75°	96.59	0.47	25.88	1.68	373.20	24.46	26.79	1.88
31°	51.50	1.50	85.71	0.89	60.69	2.35	166.43		76°	97.03	0.44	24.19	1.69	401.08	27.87	24.93	1.86
32°	52.99	1.49	84.80	0.91	62.49	2.40	160.03		77°	97.44	0.41	22.49	1.69	433.15	32.07	23.09	1.85
33°	54.46	1.47	83.87	0.93	64.94	2.46	153.99		78°	97.81	0.38	20.79	1.70	470.46	37.32	21.26	1.83
34°	55.92	1.46	82.90	0.96	67.45	2.51	148.26		79°	98.16	0.35	19.08	1.70	514.45	43.49	19.44	1.82
35°	57.36	1.44	81.91	0.99	70.02	2.57	142.81		80°	98.48	0.32	17.36	1.71	567.13	52.67	17.68	1.80
36°	58.78	1.42	80.90	1.01	72.65	2.63	137.64		81°	98.77	0.29	15.64	1.72	631.97	64.25	15.84	1.79
37°	60.18	1.41	79.86	1.04	75.36	2.70	132.70		82°	99.03	0.26	13.92	1.73	711.54	80.16	14.05	1.78
38°	61.57	1.39	78.80	1.06	78.13	2.77	127.99		83°	99.25	0.23	12.19		814.43	102.90	12.28	1.77
39°	62.93	1.36	77.71	1.09	80.98	2.85	123.49		84°	99.45	0.20	10.45	1.73	951.44	137.—	10.51	
40°	64.28	1.35	76.60	1.11	83.91	2.93	119.17		85°	99.62	0.17	8.71		1143.—	191.57	8.75	
41°	65.61	1.33	75.47	1.13	86.93	3.02	115.04		86°	99.76	0.14	6.97	1.74	1430.07	287.06	6.99	1.76
42°	66.91	1.31	74.31	1.16	90.04	3.11	111.06		87°	99.86	0.11	5.28		1908.11	477.95	5.21	
43°	68.20	1.28	73.18	1.18	93.25	3.21	107.24		88°	99.94	0.08	3.49		2863.62	955.71	3.49	1.75
44°	69.47	1.24	71.93	1.22	96.57	3.43	108.55		89°	99.98	0.05	1.74	1.74	5728.99	2865.87	1.74	
45°	70.71	1.22	70.71	1.24	100.—	3.55	100.—		90°	100.—	0.02	0.00				0.00	

Синусы въ миллиметрахъ и соотвѣтствующія имъ величины косинусовъ.

## Sinus par millimètres. Valeur des Cosinus correspondants.

Синус в метрах.	Косинус в метрах.													
1 99.986	13 99.14	25 96.82	87 92.90	49 96.55	50 92.50	86.60	62 92.08	86.02	64 91.64	85.41	65 90.75	84.80	66 90.28	84.16
2 99.97	14 99.01	26 96.28	89 92.08	51 95.71	52 91.20	53 90.28	55 89.80	56 89.30	57 88.52	58 82.85	59 82.15	60 81.45	61 80.74	
3 99.94	15 98.86	27 96.28	90 92.08	52 95.39	53 90.75	54 90.28	55 89.80	56 89.30	57 88.52	58 82.85	59 82.15	60 81.45	61 80.74	
4 99.91	16 98.71	28 96.00	91 91.64	53 95.39	54 90.75	55 90.28	56 89.80	57 89.30	58 88.52	59 82.85	60 82.15	61 81.45	62 80.74	
5 99.87	17 99.55	29 95.71	92 91.20	54 95.39	55 90.75	56 90.28	57 89.80	58 89.30	59 88.52	60 82.85	61 82.15	62 81.45	63 80.74	
6 99.81	18 98.36	30 95.39	93 90.75	55 95.06	56 90.28	57 89.80	58 89.30	59 88.52	60 82.85	61 82.15	62 81.45	63 80.74	64 80.00	
7 99.75	19 98.18	31 95.06	94 90.28	56 94.73	57 89.80	58 89.30	59 88.52	60 82.85	61 82.15	62 81.45	63 80.74	64 80.00	65 79.23	
8 99.67	20 97.97	32 94.73	95 89.80	57 94.39	58 89.30	59 88.52	60 82.85	61 82.15	62 81.45	63 80.74	64 80.00	65 79.23	66 78.45	
9 99.59	21 97.76	33 94.39	96 89.30	58 94.04	59 88.78	60 88.26	61 87.71	62 87.16	63 86.60	64 86.02	65 85.41	66 84.80	67 84.16	
10 99.49	22 97.54	34 94.04	97 88.78	59 93.67	60 88.26	61 87.71	62 87.16	63 86.60	64 86.02	65 85.41	66 84.80	67 84.16	68 83.59	
11 99.38	23 97.91	35 93.67	98 88.26	60 93.29	61 87.71	62 87.16	63 86.60	64 86.02	65 85.41	66 84.80	67 84.16	68 83.59	69 83.00	
12 99.27	24 97.07	36 93.29	99 87.71	61 93.29	62 87.16	63 86.60	64 86.02	65 85.41	66 84.80	67 84.16	68 83.59	69 83.00	70 82.59	

Синусы и косинусы въ миллиметрахъ. Величина соотвѣтствующихъ угловъ.  
(Sinus et cosinus par millimètres. Valeur des angles correspondants).

Уголъ въ градусахъ.	Уголъ въ градусахъ.	Логарифм.	Уголъ въ градусахъ.	Синусъ въ миллиметр.	Уголъ въ градусахъ.	Логарифм.	Уголъ въ градусахъ.	Синусъ въ миллиметр.	Уголъ въ градусахъ.	Логарифм.	Уголъ въ градусахъ.	Синусъ въ миллиметр.	Уголъ въ градусахъ.	Логарифм.	Уголъ въ градусахъ.	Синусъ въ миллиметр.	Уголъ въ градусахъ.	Логарифм.	Уголъ въ градусахъ.	Синусъ въ миллиметр.	Уголъ въ градусахъ.	Логарифм.	Уголъ въ градусахъ.	Синусъ въ миллиметр.											
1 0°57	89°43	0°57	21	12°12	77°88	0°59	41	24°20	65°80	61	37°59	52°41	0°72	81	54°10	35°90	0°97	19°14	88°86	0°57	22	12°71	77°29	0°59	42	24°83	65°17	62	38°32	51°68	0°73	82	55°09	34°91	0°99
2 1°71	88°29	0°57	23	13°30	76°70	0°64	43	25°47	64°53	63	39°05	50°95	0°74	83	56°10	33°90	1°01	2°29	87°71	0°57	24	13°88	76°12	0°64	44	26°10	63°90	64	39°79	50°21	0°74	84	57°15	32°85	1°05
3 2°87	87°13	0°57	25	14°47	75°53	0°65	45	26°74	63°26	65	40°55	49°45	0°75	85	58°22	31°78	1°07	1 0°57	89°43	0°57	21	12°12	77°88	0°65	46	27°39	62°61	66	41°30	48°70	0°75	86	59°32	30°58	1°10
4 3°02	85°98	0°60	27	15°66	74°34	0°60	47	28°03	61°97	67	42°07	47°93	0°77	87	60°45	29°55	1°13	4°59	85°11	0°58	28	16°26	73°74	0°60	48	28°69	61°31	68	42°45	47°15	0°77	88	61°64	28°36	1°19
5 5°16	84°84	0°60	29	16°86	73°14	0°60	49	29°34	60°66	69	43°63	46°87	0°78	89	62°87	27°13	1°23	5°74	84°26	0°60	30	17°16	72°56	0°66	50	30°—	60°—	70	44°43	45°57	0°80	90	64°16	25°84	1°29
6 6°31	83°69	0°58	31	18°06	71°94	0°61	51	30°46	59°34	71	45°24	44°76	0°81	91	65°11	24°19	1°35	7°09	83°11	0°58	32	18°66	71°34	0°67	52	31°33	58°67	72	46°06	43°94	0°83	92	66°93	23°07	1°42
8 7°47	82°53	0°58	33	19°27	70°73	0°61	53	32°—	58°—	73	46°89	43°11	0°83	93	68°44	21°56	1°51	8°05	81°95	0°55	34	19°88	70°12	0°61	54	32°68	57°32	74	47°73	42°27	0°84	94	70°06	19°94	1°62
10 9°53	78°47	0°57	35	20°48	69°52	0°62	55	33°38	56°62	75	48°59	41°41	0°86	95	71°81	18°19	1°75	11°53	78°47	0°57	36	21°10	68°90	0°62	56	34°05	55°95	76	49°47	40°53	0°88	96	73°71	16°29	1°90
16 9°21	80°79	0°57	37	21°72	68°28	0°62	57	34°75	55°25	77	50°86	39°64	0°89	97	75°93	14°07	2°22	10°37	79°63	0°57	38	22°33	67°67	0°70	58	35°45	54°55	78	51°73	38°73	0°91	98	77°54	12°46	2°61
17 9°76	84°21	0°57	37	21°72	68°28	0°62	58	35°45	54°55	79	52°19	37°81	0°92	99	81°93	20°34	0°71	11°53	78°47	0°57	40	23°58	66°42	0°63	60	36°57	53°13	80	53°13	36°87	0°94	100	90°—	0°00	8°07
18 10°37	79°63	0°57	38	22°33	67°67	0°63	59	36°15	53°85	79	52°19	37°81	0°92	99	70°06	19°94	1°62	10°45	79°05	0°55	41	22°95	67°05	0°63	61	37°38	52°13	81	41°41	36°57	0°93	100	80°07	4°41	2°22
19 11°53	78°47	0°57	40	23°22	65°77	0°63	60	36°57	53°13	80	38°65	51°33	0°93	100	73°59	16°41	0°96	11°53	78°47	0°57	42	24°22	65°77	0°63	62	37°38	52°28	82	42°28	42°28	0°26	280	70°33	19°67	0°67
20 12°40	77°60	0°55	42	22°78	67°22	0°49	76	37°23	52°77	111	47°98	42°02	0°26	290	70°97	19°03	0°64	13°04	76°60	0°56	43	23°26	66°74	0°48	77	37°59	52°41	112	48°23	41°77	0°25	30	71°55	18°45	0°58
21 13°49	76°51	0°54	44	23°74	66°26	0°48	78	37°95	52°05	113	48°48	41°52	0°25	320	72°63	17°37	1°08	14°09	76°04	0°56	45	24°04	64°36	0°48	79	38°80	51°70	114	48°74	41°26	0°26	310	73°59	16°41	0°96
22 14°03	75°97	0°54	45	24°22	65°77	0°48	80	38°65	51°33	115	48°99	41°01	0°25	360	74°46	15°54	0°87	14°03	75°97	0°54	46	24°22	65°77	0°48	81	39°81	41°01	0°25	360	74°46	15°54	0°87			
23 14°57	75°43	0°54	46	21°38	58°62	0°42	91	42°29	47°71	116	49°23	40°77	0°24	380	75°24	14°76	0°78	15°11	74°89	0°54	47	20°30	60°32	0°42	92	42°61	37°39	0°32	390	41°77	34°58	0°25			
24 15°04	74°36	0°53	48	23°20	57°80	0°11	92	44°41	45°88	117	49°47	40°53	0°24	400	75°96	14°04	0°72	15°04	74°36	0°53	49	25°04	61°63	0°45	93	40°34	35°02	0°34	410	41°52	34°54	0°25			
25 15°25	74°05	0°53	50	23°41	57°89	0°43	93	44°92	47°08	118	49°71	40°29	0°24	420	76°59	13°41	0°63	15°25	73°89	0°53	51	24°03	59°02	0°43	94	41°26	35°02	0°34	430	41°52	34°54	0°25			
26 15°55	73°78	0°52	52	29°25	60°75	0°44	94	45°28	47°71	119	49°93	40°07	0°24	440	77°29	12°29	0°62	15°55	73°78	0°52	53	24°29	59°32	0°44	95	41°26	35°02	0°34	450	41°52	34°54	0°25			
27 16°07	73°26	0°52	53	29°48	60°32	0°43	95	45°56	47°39	120	49°93	40°07	0°24	460	78°07	12°07	0°62	16°07	73°26	0°52	54	24°56	59°52	0°43	96	41°26	35°02	0°34	470	41°52	34°54	0°25			
28 16°17	73°08	0°52	54	29°59	57°93	0°41	96	44°70	45°30	121	49°79	40°27	0°24	480	78°47	11°47	0°62	16°17	73°08	0°52	55	24°59	59°52	0°41	97	41°26	35°02	0°34	490	41°52	34°54	0°25			
29 16°29	72°50	0°52	55	30°01	57°89	0°41	97	44°97	45°59	122	49°41	40°53	0°24	500	79°67	10°33	0°62	16°29	72°50	0°52	56	25°01	60°04	0°41	98	41°26	35°02	0°34	520	41°52	34°54	0°25			
30 16°40	72°30	0°52	56	30°42	56°98	0°41	98	45°26	46°48	123	49°03	40°27	0°24	540	80°51	9°49	0°62	16°40	72°30	0°52	57	25°42	59°52	0°41	99	41°26	35°02	0°34	560	41°52	34°54	0°25			
31 17°22	72°78	0°52	56	33°42	55°58	0°40	101	45°28	44°72	124	48°28	40°77	0°28	560	81°83	8°15	0°62	17°22	72°78	0°52	58	25°42	59°58	0°40	100	41°26	35°02	0°34	580	41°52	34°54	0°25			
32 17°74	72°26	0°52	57	33°42	56°18	0°40	102	45°56	44°44	125	48°44	40°28	0°28	580	82°04	7°41	0°62	17°74	72°26	0°52	59	25°42	59°59	0°40	101	41°26	35°02	0°34	600	41°52	34°54	0°25			
33 18°26	71°74	0°52	58	34°21	55°79	0°39	103	45°84	44°16	126	48°44	40°28	0°28	600	82°44	6°57	0°62	18°26	71°74	0°52	60	25°42	59°59	0°40	100	41°26	35°02	0°34	620	41°52	34°54	0°25			
34 18°77	71°28	0°51	59	34°60	55°40	0°39	104	46°12	43°88	127	48°44	40°28	0°28	620	83°04	5°53	0°62	18°77	71°28	0°51	61	25°42	59°59	0°40	99	41°26	35°02	0°34	640	41°52	34°54	0°25			
35 19°29	70°71	0°52	60	34°99	55°01	0°39	105	46°39	43°61	128	48°44	40°27	0°27	640	83°51	4°53	0°62	19°29	70°71	0°52	62	25°42	59°59	0°40	98	41°26	35°02	0°34	660	41°52	34°54	0°25			

## Французскія мѣры

(Mesures Françaises)

Приведеніе старинныхъ французскихъ мѣръ въ новѣйшіи

метръ	дюймъ	метръ	линиа	метръ	линиа	метръ
1 Pied de roi = 0.324840	1 id = 0.02707		1 id = 0.002255		7 id = 0.015785	
	2 id = 0.05414		2 id = 0.004510		8 id = 0.018040	
1 once = 80.551	3 id = 0.08121		3 id = 0.006765		9 id = 0.020295	
1 gros = 8.81	4 id = 0.10828		4 id = 0.009020		10 id = 0.022550	
1 grain = 0.053	5 id = 0.13535		5 id = 0.011275		11 id = 0.024805	
	6 id = 0.16242		6 id = 0.013530			

## Нюренбергскій Медицинскій фунтъ

(Livre m??dicinale de Nuremberg)

Къ сочиненіямъ Тидемана.

унцъ	граммъ	драхма	граммъ	скрупуль	граммъ	
1 id = 29.821		1 id = 3.727		1 id = 0.0621		
2 id = 59.642		2 id = 7.455		2 id = 0.1242		
3 id = 89.463		3 id = 11.183		3 id = 0.1863		
4 id = 119.284		4 id = 14.910		4 id = 0.2484		
5 id = 149.105		5 id = 18.638		5 id = 0.3105		
6 id = 178.927		6 id = 22.365		6 id = 0.3726		
7 id = 208.748		7 id = 26.093		7 id = 0.4347		
8 id = 238.569		8 id = 29.821		8 id = 0.4968		
9 id = 268.390				9 id = 0.5589		

## Множители

Multiples de  $\pi$

1 $\pi$ = 3.1415926	6 $\pi$ = 18.8495556
2 $\pi$ = 6.281852	7 $\pi$ = 21.9911482
3 $\pi$ = 9.4247778	8 $\pi$ = 25.1827408
4 $\pi$ = 12.5663704	9 $\pi$ = 28.2748384
5 $\pi$ = 15.7079630	10 $\pi$ = 31.4159260

Таблица для умноженія ab на  $\frac{1}{4} \pi$ .

1 $\frac{\pi}{4}$ = 0.785398	6 $\frac{\pi}{4}$ = 4.712388
2 $\frac{\pi}{4}$ = 1.570796	7 $\frac{\pi}{4}$ = 5.497786
3 $\frac{\pi}{4}$ = 2.356194	8 $\frac{\pi}{4}$ = 6.288184
4 $\frac{\pi}{4}$ = 3.141592	9 $\frac{\pi}{4}$ = 7.068582
5 $\frac{\pi}{4}$ = 3.926990	10 $\frac{\pi}{4}$ = 7.858980

Таблица для циклометра (Cyclometre).

Циклометръ для а=1мм r= $\frac{a^2+n^2}{2a} = \frac{1+n^2}{2}$			Циклометръ для а=5мм r= $\frac{a^2+n^2}{2a} = \frac{25+n^2}{10}$		
Для n	Величина г.	Разность на $\frac{1}{10}$ милли.	Для n.	Величина г.	Разность на $\frac{1}{10}$ милли.
n=1	r = 1.0		n=15	r= 113.0	
2	2.5	0.15	16	128.5	1.55
3	5.0	0.25	17	145.0	1.65
4	8.5	0.35	18	162.5	1.75
5	13.0	0.45	19	181.0	1.85
6	18.5	0.55	20	200.5	1.95
7	25.0	0.65	21	221.0	2.05
8	32.5	0.75	22	242.5	2.15
9	41.0	0.85	23	265.0	2.25
10	50.5	0.95	24	288.5	2.35
11	61.0	1.05	25	313.0	2.45
12	72.5	1.15	26	338.5	2.55
13	85.0	1.25	27	365.0	2.65
14	98.5	1.35			
		1.45			

## Таблица ректификации эллипсиса.

(Tableau pratique de la rectification de l'Ellipse).

Таблица эта служить для сравнения всѣхъ эллипсисовъ, называемыхъ синтаксическими и имѣющихъ общую ось  $2a'$ , равную 200 миллиметрамъ. Эта общая ось можетъ быть и большою, и малою осью. Вторая ось обозначается чрезъ  $2e'$ , а окружность чрезъ  $4S'$ .

Такимъ образомъ  $a'=100$  миллиметровъ есть половина постоянной оси;  $e'$  означаетъ половину непостоянной оси и  $S'$  есть четверть окружности. Таблица даетъ  $e'$ , если известна  $S'$ , и наоборотъ.

Величины  $S'$  и  $e'$  выражены въ миллиметрахъ и доляхъ миллиметра. Величины  $S'$  следуютъ соответственно каждому полумиллиметру. Величины  $e'$  приведены съ двумя десятичными, но за полную точность второй десятичной составитель не ручается.

$e'=a'=100$  мм. есть случай круга и  $S'=\frac{\pi}{2}=157,08$ . Цифры, обозначенные большими шрифтомъ, вычислены непосредственно, а промежуточные получены изъ пропорциональныхъ вычислений и потому менее точны. Въ эллипсахъ очень удлиненныхъ, у коихъ  $e'$  болѣе 81 и менѣе 158, измѣненія соотношеній идутъ очень быстро и потому пропорциональные вычисления здесь могутъ привести къ ошибкамъ.

$S'$	$e'$	$S'$	$e'$	$S'$	$e'$	$S'$	$e'$	$S'$	$e'$	$S'$	$e'$
112.43	<b>31.62</b>	130.—	<b>63.24</b>	147.5	87.55	163	107.46	<b>180.72</b>	<b>129.11</b>	198.5	149.92
113	32.81	131.—	64.70	148	88.21	163.5	108.03	181	129.45	199	150.56
113.5	32.85	131.5	65.43	148.5	88.87	164	108.69	181.5	130.04	199.5	151.13
114	34.90	132	66.16	<b>148.93</b>	<b>89.44</b>	164.5	109.31	182	130.64	200	151.71
114.5	35.94	132.5	66.89	149	89.53	165	109.93	182.5	131.23	200.5	152.28
115	36.99	133	67.62	149.5	90.18	165.5	110.55	183	131.83	201	152.86
115.5	38.03	133.5	68.35	150	90.84	166	111.17	183.5	132.42	201.5	153.44
116	39.07	134	69.08	150.5	91.49	<b>166.51</b>	<b>111.80</b>	184	133.01	202	154.01
116.5	40.12	134.5	69.81	151	92.15	167	112.40	184.5	133.61	202.5	154.59
117	41.16	135	70.54	151.5	92.80	167.5	113.02	185	134.20	203	155.16
117.5	42.21	<b>135.12</b>	<b>70.12</b>	152	93.46	168	118.63	185.5	134.80	203.5	155.74
118	43.25	135.5	71.24	152.5	94.11	168.5	114.25	186	135.89	204	156.32
118.5	44.30	136	71.93	153	94.77	169	114.86	186.5	135.98	204.5	156.89
<b>118.70</b>	<b>44.72</b>	136.5	72.62	<b>153.06</b>	<b>94.86</b>	169.5	115.48	187	136.58	205	157.47
119	45.24	137	73.33	153.5	95.42	170	116.09	187.5	137.17	205.5	158.05
119.5	46.10	137.5	74.02	154	96.06	170.5	116.71	188	137.77	<b>205.56</b>	<b>158.12</b>
120	46.97	138	74.72	154.5	96.70	171	117.32	188.5	138.86		
120.5	47.83	138.5	75.41	155	97.34	<b>171.5</b>	117.94	189	138.95		
121	48.70	139	76.11	<b>155.11</b>	<b>97.46</b>	172	118.55	189.5	139.55		
121.5	49.66	139.5	76.80	155.5	97.98	172.5	119.17	190	140.14		
122	50.42	<b>139.97</b>	<b>77.45</b>	156	98.62	<b>172.79</b>	<b>119.53</b>	190.5	140.74		
122.5	51.28	140	77.49	156.5	99.25	173	119.78	191	141.34		
123	52.15	140.5	78.16	157	99.90	173.5	120.38	<b>191.06</b>	<b>141.40</b>		
123.5	53.01	141	78.84	<b>157.08</b>	100.—	174	120.99	191.5	141.92		
124	53.87	141.5	79.51	157.5	100.52	174.5	121.59	192	142.49		
124.5	54.73	142	80.19	158	101.15	175	122.20	192.5	143.07		
<b>124.53</b>	<b>54.77</b>	142.5	80.86	158.5	101.78	175.5	122.80	193	143.64		
125	55.43	143	81.54	159	102.40	176	123.41	193.5	144.22		
125.5	56.22	143.5	82.21	<b>159.15</b>	<b>102.60</b>	176.5	124.01	194	144.80		
126	57.01	144	82.89	159.5	103.05	177	124.62	194.5	145.37		
126.5	57.78	144.5	83.56	160	103.68	177.5	125.22	195	145.95		
127	58.56	<b>144.56</b>	<b>83.66</b>	160.5	104.32	178	125.88	195.5	146.52		
127.5	59.84	145	84.25	161	104.96	178.5	126.43	196	147.10		
128	60.12	145.5	84.91	<b>161.35</b>	<b>105.42</b>	179	127.08	196.5	147.68		
128.5	60.90	146	85.57	161.5	105.62	179.5	127.64	197	148.25		
129	61.48	146.5	86.28	162	106.22	180	128.24	197.5	148.88		
129.5	62.41	147	86.89	162.5	106.84	180.5	128.84	198	149.40		

## Таблица ректификации эллипсиса. Таблица разностей.

## Rectification de l'Ellipse. Tableau des différences.

Люди, имѣющие прибѣгать къ употребленію этой таблицы, предполагаются знающими достаточно математику и не могущими поэтому съписать элементы эллипсиса Е, построенного на основаніи измѣрения черепа, съ элементами подобного же эллипсиса Е', соответствующаго полуоси въ 100 миллиметровъ. Поэтому на этой таблицѣ помѣщены только величины  $S$  и  $e$ .

Отъ  $e=0$  до  $e=100$  эти величины получены непосредственно вычисленіемъ интегрального ряда. Величины  $e=\sqrt{a^2-c^2}$ , соответствующія уменьшающимся величинамъ  $c^2$ , написаны въ первомъ столбцѣ. Эллипсисы, у коихъ  $e$  менѣе 100, вычислены изъ предыдущихъ съ помощью подобія эллипсисовъ.

Первый столбецъ разнородностей даетъ разность для  $e$  соответственно 1 миллиметру  $S$ ; второй столбецъ даетъ разность  $S$  соответственно 1 миллиметру  $e$ .

Величина $c^2$	Величина $S$	Величина $e$	Разность	
			$e$ соотвѣтств. $S$ мм.	$e$ соотвѣтств. $S$ мм.
100	100.—	0.—		
90	112.43	31.62		
80	118.70	44.72	2.09	0.48
70	124.58	54.77	1.72	0.58
60	130.—	63.24	1.56	0.64
50	135.12	70.72	1.47	0.68
40	139.97	77.45	1.39	0.72
30	144.56	83.66	1.35	0.74
20	148.93	89.44	1.22	0.75
10	153.06	94.86	1.31	0.76
5	155.11	97.46	1.28	0.78
0	157.08	100.—	1.27	0.78
	159.15	102.60	1.26	0.78
	161.85	105.42	1.26	0.78
	166.51	111.80	1.24	0.80
	172.79	119.53	1.23	0.81
	180.72	129.11	1.21	0.88
	191.06	141.40	1.19	0.84
	205.56	158.12	1.15	0.86
	227.87	182.58	1.12	0.89
	266.43	223.61	1.08	0.92
	355.56	316.25	1.02	0.97

## Таблица для приведенія чиселъ Барнара Девиса.

## Reductions des pesées de Barnard Davis.

1000 объемовъ песку изъ Кале по вѣсу равняются 1425 объемамъ воды, или иначе литръ песку вѣсить 1425 граммовъ; отсюда получаемъ, что 1 унцъ вѣса (avoir-du-poids) песку Кале равняется 19 граммъ, 892 воды или = 19, 892 Куб. Центим.

| Унци: Кубич.<br>цент. |
|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| 52 = 1034             | 57 = 1133             | 62 = 1233             | 67 = 1332             | 72 = 1482             | 77 = 1531             | 82 = 1631             | 87 = 1730             |
| 53 = 1054             | 58 = 1153             | 63 = 1253             | 68 = 1352             | 73 = 1452             | 78 = 1551             | 83 = 1651             | 88 = 1750             |
| 5 = 1074              | 59 = 1173             | 64 = 1273             | 69 = 1372             | 74 = 1472             | 79 = 1571             | 84 = 1671             | 89 = 1770             |
| 55 = 1094             | 60 = 1193             | 65 = 1293             | 70 = 1392             | 75 = 1492             | 80 = 1591             | 85 = 1691             | 90 = 1790             |
| 56 = 1113             | 61 = 1213             | 68 = 1313             | 71 = 1412             | 76 = 1512             | 81 = 1611             | 86 = 1710             | 91 = 1801             |

## **Нумера описательныхъ краіологическихъ признаковъ.**

### (Números descriptivos)

## Осложнение швовъ.

- The figure consists of five horizontal lines, each labeled with a number from 1 to 5. Line 1 shows a simple, nearly straight horizontal line with slight irregularities. Line 2 shows a wavy line with more pronounced, regular oscillations. Line 3 shows a highly complex, jagged waveform with many sharp peaks and troughs. Line 4 shows a series of deep, narrow, V-shaped troughs. Line 5 shows a series of deep, narrow, U-shaped troughs.

## Сростаніє швовъ.

- №. 0.** Полное сростание. Шовъ складился.

**№. 1.** Больше половины шва срослось.



**№. 2.** Сростание шва на половину.



**№. 3.** Сростание меньше трети на половине шва.



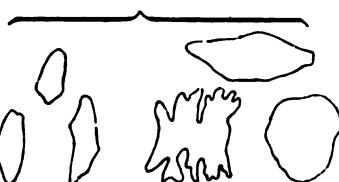
## Ворміеви костички, размѣщенные по длине ихъ меньшаго діаметра.

Маленький.



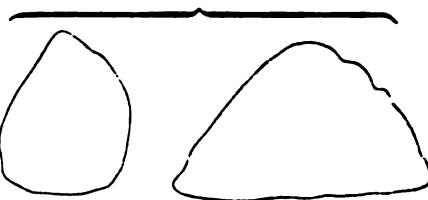
Ms. 1.

Средній.



X. 3.

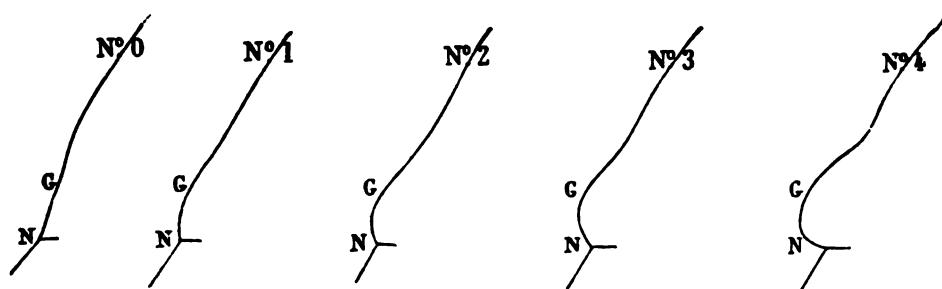
Вольшія.



15

отъ 1 мм. отъ 8 до 5 мм. отъ 6 до 10 мм. отъ 10 до 20 мм. Болѣе 20 мм.  
до 2 мм.

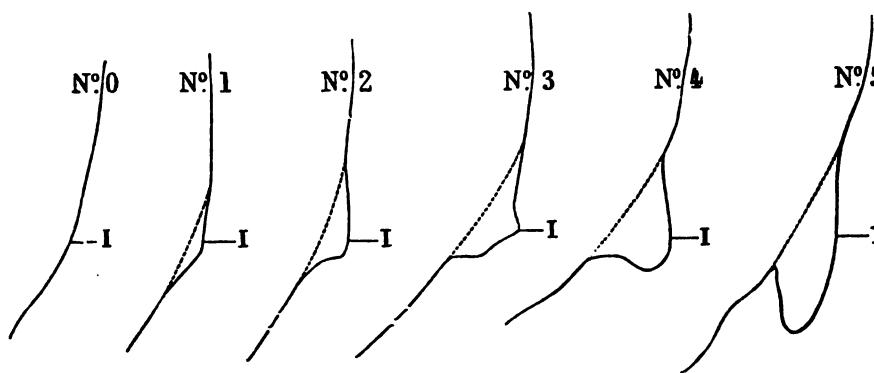
### **Надпереносье (Glabella).**



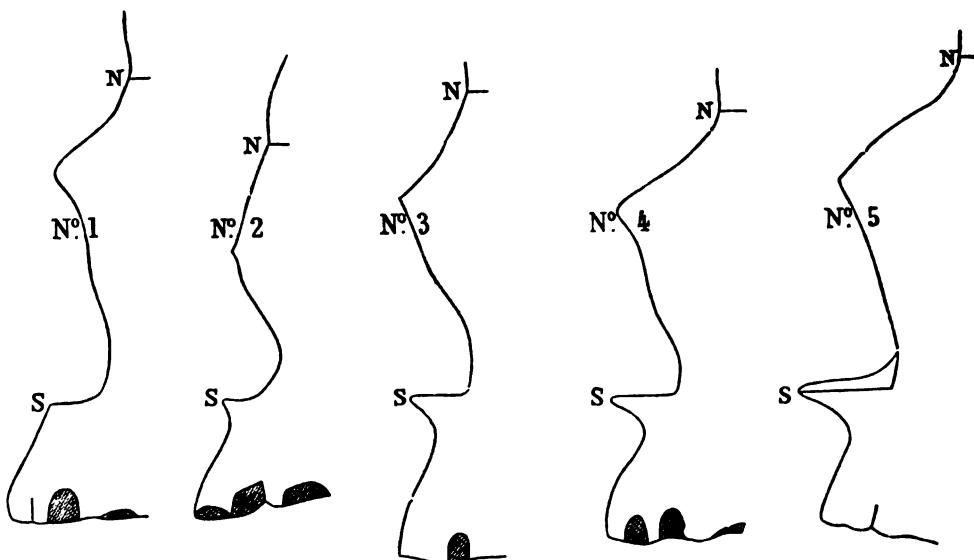
Нумера описательныхъ краніологическихъ признаковъ.

(Numeros descriptifs).

Затылочное возвышение. (Junion).



Spina nasalis



Степени стирания зубовъ.

№. 0. Зубы совсѣ не стерты.

№. 1. Только эмаль зубная потерта, еще не видно снаружи зубного вещества.

№. 2. Зубное вещество уже вышло наружу въ видѣ одного отсюда или нѣсколькихъ въ центральной части зуба.

№. 3. Стирание коснулось всего верхнаго сѣченія зуба.

№. 4. Вся коронка стерлась (исключительный случай).



## ИЗВЕСТИЯ ИМПЕРАТОРСКАГО ОБЩЕСТВА ДОБИТЕЛЕЙ ЕСТЕСТВОЗНАНИЯ.

Можно получать въ биро Общества въ Московскомъ Политехническомъ Музѣ и у книгопродающеъ.

	Цѣна:
Томъ I. вып. 1. и 2. Щуровскій, Г. Е. Исторія геологіи московскаго бассейна. 1866 и 1867 г. . . . .	3 р. — к.
Томъ II. Извѣстія Антропологическаго Отдѣла. Томъ I.—1866 г. Приложенія: Общія инструкціи для антропологическихъ изслѣдованій и наблюденій П. Брокка. Переводъ и дополненія А. П. Богданова. . . . .	1 р. 50 к.
Томъ III. вып. 1. Протоколы засѣданій Общества съ 14 мая 1864 г. по 29 августа 1866 г. Москва. 1866. (Не осталось).	—
вып. 2. Инструкція для Туркестанской ученой экспедиціи. 1868 г. . . . .	— 50 к.
Томъ IV. вып. 1. Богдановъ, А. П. Материалы для антропологии курганныаго периода въ Московской губерніи 1867 г. . . . .	1 р. 50 к.
вып. 2. Вейнбергъ, Я. И. Бритическій разбѣръ теоріи урагановъ. 1867 г. . . . .	1 р. —
Томъ V. Федченко, Г. П. О самосадочной соїи и соляныхъ озерахъ Каспійскаго и Азовскаго бассейновъ. 1870 г. . . . .	1 р. 50 к.
Томъ VI. Материалы для энтомологіи губерній Московскаго учебнаго Округа. . . . .	2 р. — к.
вып. 1. Федченко, А. П. Двукрылые. 1868 г.	—
вып. 2. Ульянинъ, В. Н. Сѣтчатокрылые и прямокрылые. 1869 г.	—
вып. 3. Ошанинъ, В. Ф. Полужестокрылые. 1870 г.	—
Томъ VII. Труды Этнографическаго Отдѣла. Книга 1. Сборникъ антропологическихъ и этнографическихъ статей о Россіи и странахъ, ей прилежащихъ. (Издание В. А. Дашикова). Томъ I. 1868 г. (Не осталось). . . . .	2 р. 40 к.
Томъ VIII. вып. 1. Протоколы засѣданій Общества. Годъ седьмой. 1870 г. . . . .	2 р. —
вып. 2. Сѣверцовъ, Н. А. Вертикальное и горизонтальное распределеніе Туркестанскихъ животныхъ. 1876 г. . . . .	3 р. —
вып. 3. Протоколы физического отдѣленія 1870 г. . . . .	— 50 к.
Томъ IX. вып. 1. Протоколы засѣданій Общества. Годъ восьмой. 1871 г. . . . .	1 р. 50 к.
вып. 2. Чистяковъ, И. Д. Исторія развитія спорангіевъ и споръ высшихъ тайнобрачныхъ. 1871 г. . . . .	1 р. 50 к.
Томъ X. вып. 1. Протоколы засѣданій Общества. Годъ девятый. 1871—1872 г. . . . .	2 р. —
вып. 2. Протоколы засѣданій Общества. Годъ десятый. 1872—1873 г. . . . .	2 р. —
Томъ XI. Путешествіе въ Туркестанъ А. П. Федченко. Цѣна велен.	
вып. 1. Мартенсъ. Слизняки. Перев. А. П. Федченко. . . . .	1 р. 25 к. — 85 к.
вып. 2. Ершовъ. Чешуекрылые. . . . .	3 р. — 2 р. —
вып. 3. Кесслеръ. Рыбы. . . . .	2 р. — 1 р. 30 к.
вып. 4. Соссюръ. Прямокрылые, тетрадь 1-я. . . . .	1 р. — 60 к.
вып. 5. Сольскій. Жестокрылые, тетрадь 1-я. . . . .	3 р. — 2 р. —
вып. 6. Ульянинъ. Ракообразные, тетрадь 1-я. . . . .	3 р. — 2 р. —
вып. 7. А. П. Федченко. Въ Кокандскомъ ханствѣ, тетрадь 1-я. . . . .	5 р. — 3 р. 50 к.
Томъ XII. Труды Этнографическаго Отдѣла. Книга 2. Сборникъ антропологическихъ и этнографическихъ статей о Россіи и странахъ, ей прилежащихъ. (Издание В. А. Дашикова) Т. П. Народныя пѣсни Латышей. 1873 г. (Не осталось)	
Томъ XIII. Труды Этнографическаго Отдѣла. Книга 3 . . . . .	1 р. 25 к.
вып. 1. Протоколы 12 засѣданій Отдѣла Этнографіи. 1867—1874 г . . . . .	1 р. 25 к.
вып. 2. Шоповъ, К. А. Зыряне и Зырянский край. 1874 г. . . . .	2 р. — к.
Томъ XIV. Протоколы засѣданій Общества. Годъ одинадцатый 1874. г . . . . .	1 р. 25 к.
Томъ XV. Московскій Музей Прикладныхъ Знаній. Материалы для исторіи его устройства. 1874 г. . . . .	1 р. —
Томъ XVI. вып. 1. Ковалевскій, В. О. Остеологія двухъ ископаемыхъ видовъ копытныхъ. 1875 г. . . . .	1 р. —
вып. 2. Горожанкинъ, И. Н. Гинезисъ въ типѣ пальмелевидныхъ водорослей. 1875 г. . . . .	1 р. —
вып. 3. Зоологическая изслѣдованія В. Н. Ульянина и И. С. Раевскаго. 1875 г. . . . .	1 р. —
Томъ XVII. Московскій Музей Прикладныхъ Знаній. Материалы для исторіи его устройства. 1875 г. . . . .	2 р. —
Томъ XVIII. вып. 1. Линдеманъ, К. Э. Монографія короедовъ (Bostrychidae). 1876 г. . . . .	1 р. 25 к.
вып. 2. Усовъ, М. И. Прибавленія къ познанію организаціи оболочниковъ. . . . .	2 р. —
вып. 3. Коротневъ, А. А. Опытъ сравнительного изученія Coelenterata. Lucernaria. 1876 г. . . . .	2 р. —
Томъ XIX. Путешествіе въ Туркестанъ А. П. Федченко. 1876 г. Цѣна велен.	
вып. 8. Макъ-Лахланъ. Сѣтчатокрылые . . . . .	1 р. 50 к. 1 р. —
вып. 9. Моравицъ. Пчелы, тетрадь 1-я. . . . .	2 р. — 1 р. 30 к.
вып. 10. Кронебергъ. Науки. . . . .	1 р. 50 к. 1 р. —
Томъ XX. Труды Антропологическаго Отдѣла. Книга 2. Протоколы засѣданій 1865—1875 г. съ приложениеми. 1876 г. . . . .	3 р. —

Утас:

- |                      |  |                       |
|----------------------|--|-----------------------|
| <b>Томъ XXI.</b>     | Путешествие въ Туркестанъ А. П. Федченко.  |                       |
|                      | вып. 11. Сольскій Жестокрылый, тетрадь 2-я . . . . .   | 3 р. — к. 2 р. — к.   |
|                      | вып. 12. Регель. Туркестанская флора, тетрадь 1-я . . . . .  | 5 р. — к. 3 р. 50 к.  |
|                      | вып. 13. Моравицъ. Пчелы, тетрадь 2-я . . . . .  | 2 р. 50 к. 1 р. 70 к. |
| <b>Томъ XXI.</b>     | Московскій Музей Прикладныхъ Знаний. Материалы для истории его устройства за 1875 г.   |                       |
|                      | Протоколы засѣданій Комитета Музея за 1873—1875 гг. . . . .  | 2 р. 50 к.            |
|                      | вып. 2. Засѣданія Комитета Музея въ 1876 г. . . . .  | 1 р. — к.             |
| <b>Томъ XXII.</b>    | вып. 1. Засѣданія Комитета Музея въ 1877 г.  |                       |
|                      | вып. 2. Воскресныя объясненія коллекцій Политехническаго Музея въ 1877 — 1878  |                       |
|                      | академическомъ году.   |                       |
| <b>Томъ XXIII.</b>   | вып. 1. Брандтъ, А. Ф. Сравнительныя изслѣдованія надъ яйцевыми трубочками и личинками насѣкомыхъ. 1876 г . . . . .  | 2 р. 50 к.            |
|                      | вып. 2. Работы, произведенные въ лабораторіи Зоологического Музея Московскаго Университета, подъ редакціею проф. А. П. Богданова. . . . .  | 3 р. — к.             |
| <b>Томъ XXIV.</b>    | вып. 1. Бобрецкій, Н. В. Изслѣдованія о развитіи головоногихъ . . . . .  | 2 р. — к.             |
|                      | вып. 2. Ульянинъ, В. Н. О происхожденіи куницъ, почкающихихъ въ желудкѣ героній.   |                       |
|                      | Протоколы засѣданій Общества. Годы двѣнадцатый и тринадцатый. 1877 г. . . . .  | — 50 к.               |
| <b>Томъ XXV.</b>     | вып. 1. Богдановъ, А. П. Замѣтки о зоологическихъ садахъ. 1876 г . . . . .   | 1 р. — к.             |
|                      | вып. 2, 3 и 4. Зоологический Садъ и Акклиматизація. Труды Императорскаго Русскаго Общества Акклиматизаціи животныхъ и растеній. Томъ первый. Подъ редакціей А. П. Богданова. . . . . | 6 р. — к.             |
|                      | вып. 5. Труды Императорскаго Русскаго Общества Акклиматизаціи животныхъ и растеній.  |                       |
|                      | Томъ первый. Подъ редакціей А. П. Богданова. Приложение А. А. Тихомирова. О составѣ фауны въ Зоологическихъ садахъ. . . . .  |                       |
| <b>Томъ XXVI.</b>    | Путешествие въ туркестанъ А. П. Федченко.  |                       |
|                      | вып. 14. Радошковскій и Майръ. Перепончатокрылые Брауэръ. Odonata. . . . .   | 2 р. — к.             |
| <b>Томъ XXVII.</b>   | Антрапологическая выставка Общества. Засѣданія Комитета по устройству выставки. Подъ редакціей А. П. Богданова. 1877. . . . .  | 5 р. — к.             |
| <b>Томъ XXVIII.</b>  | Труды Этнографического Отдѣла. Книга 4. Протоколы 13 засѣданій (съ 14 ноября 1874 года по 17 апрѣля 1877 года), съ 12 приложеніями. 1877 г. . . . .                                  | 2 р. — к.             |
| <b>Томъ XXIX.</b>    | Этнографическая выставка 1867 г. съ 19 таблицами. 1878 г. Подъ редакціею А. П. Богданова. . . . .  | 5 р. — к.             |
|                      | вып. 2. Кронебергъ А. И. О строеніи Eylais. . . . .  | 1 р. 50 к.            |
| <b>Томъ XXX.</b>     | Труды Этнографического Отдѣла. Книга 5-я. . . . .  | 5 р. — к.             |
|                      | вып. 1. Материалы по этнографии русскаго населенія Архангельской губерніи, собранные д. чл. П. С. Ефименкомъ. Часть I. Описание вышеизданого и внутренняго быта. 1877 г. . . . .     | 2 р. 50 к.            |
|                      | вып. 2. Часть II. Нородный языкъ и словесность. . . . .  | 2 р. 50 к.            |
| <b>Томъ XXXI.</b>    | Антрапологическая выставка. Протоколы засѣданій. Томъ второй. Подъ редакціею А. П. Богданова. Съ таблицами и политипажами. . . . .   | 5 р. — к.             |
| <b>Томъ XXXII.</b>   | вып. 1. Усовъ М. М. Изслѣдованія надъ развитіемъ Головоногихъ . . . . .  | 3 р. — к.             |
|                      | вып. 2. Работы Лабораторіи Зоологического Музея Московскаго Университета. Выпускъ 2. (печатаются).   |                       |
| <b>Томъ XXXIII.</b>  | вып. 1. Юбилей Г. Е. Щуровскаго. (печатается).   |                       |
|                      | вып. 2. Рѣчи и статьи Г. Е. Щуровскаго. . . . .  | 5 р. — к.             |
| <b>Томъ XXXIV.</b>   | Путешествие въ Туркестанъ. вып. 1. А. Н. Богдановъ. Къ краніологии Туркестанскаго населенія (печатается).  |                       |
|                      | вып. 2. Ленточные Туркестанскаго края, обработанные докторомъ Краббе въ Копенгагенѣ. Переводъ А. П. Богданова.   |                       |
| <b>Томъ XXXV.</b>    | Антрапологическая выставка, томъ 3 (печатается).   |                       |
| <b>Томъ XXXVI.</b>   | вып. 1. Воскресныя объясненія коллекцій Политехническаго Музея въ 1878—79 гг.  |                       |
|                      | вып. 2. Протоколы засѣданій Комитета Политехническаго Музея въ 1878 и 1879 г.  |                       |
|                      | Съ приложениемъ коллекцій Музея (печатаются)   |                       |
| <b>Томъ XXXVII.</b>  | Протоколы засѣданій Общества за 1877—79 годъ (печатаются).   |                       |
| <b>Томъ XXXVIII.</b> | Труды Антрапологического Отдѣла, томъ 6. выпускъ 1. Антрапологическія таблицы II. Брокка, съ объяснительною статьею; переводъ и редакція А. П. Богданова.                            |                       |